

Часть 1

Олимпиада: **Физика, 11 класс (1 часть)**

Шифр: **21202211**

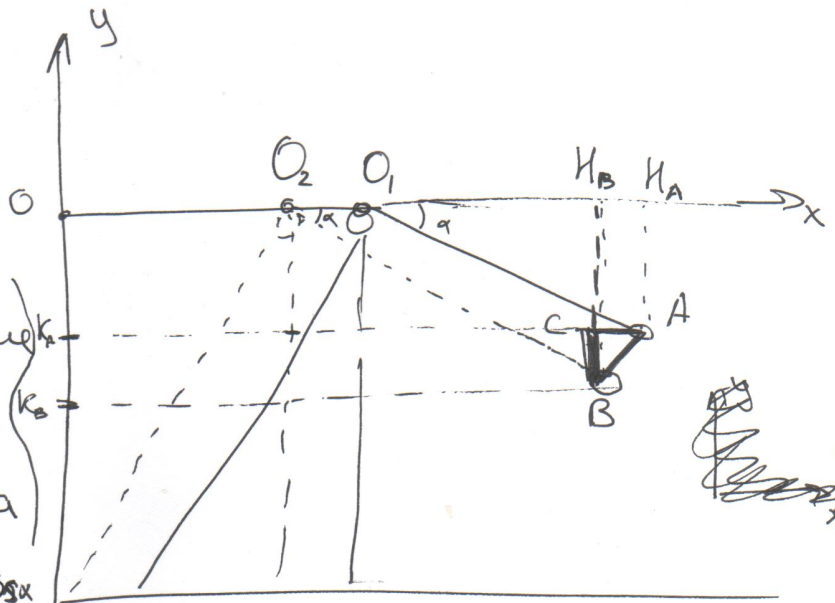
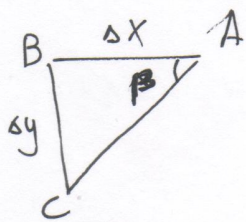
ID профиля: **294648**

Вариант 3

Числовик

1

1)



Пусть $O_2O_1 = \Delta a$ (мещение куска), $O_1A = L$. Кусок нерастяжим $\Rightarrow O_2B = L + \Delta a$

$$O_1H_A = L \cos \alpha, O_2H_A = \Delta a + L \cos \alpha$$

$$OK_A = L \sin \alpha, OK_B = (L + \Delta a) \sin \alpha$$

$$O_2H_B = (L + \Delta a) \cos \alpha \Rightarrow \Delta x = |O_2H_A - O_2H_B| = \Delta a (1 - \cos \alpha)$$

$$\Delta y = |OK_A - OK_B| = \Delta a \sin \alpha$$

$$\operatorname{tg} \beta = \frac{\Delta y}{\Delta x} = \frac{\Delta a \sin \alpha}{\Delta a (1 - \cos \alpha)} = \frac{\sin \alpha}{1 - \cos \alpha} \Rightarrow \beta \text{ не зависит от положения шарика}$$

\Rightarrow вектор смещения всегда имеет одно и то же направление \Rightarrow вектор скорости ^{коллективен} ~~согласен~~ смещению и имеет постоянное направление \Rightarrow вектор ускорения ^{коллективен} ~~согласен~~ скорости и имеет пост. напр-ие \Rightarrow угол м/у горизонталью и \vec{a} - β

$$\operatorname{tg} \beta = \frac{\sin \alpha}{1 - \cos \alpha}; \cos \alpha = \frac{5}{13} \Rightarrow \sin \alpha = \frac{12}{13} \Rightarrow \operatorname{tg} \beta = \frac{\frac{12}{13}}{\frac{13-5}{13}} = \frac{12}{8} = 1,5$$

Ответ: $\operatorname{tg} \beta = 1,5$

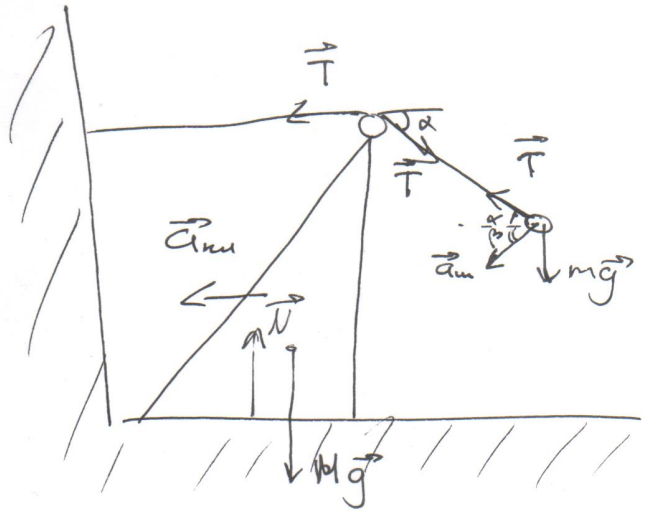
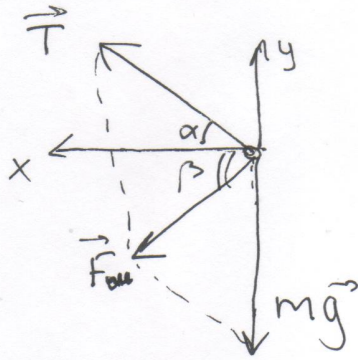
$$AC = \sqrt{(\Delta a (\sin \alpha))^2 + (\Delta a (1 - \cos \alpha))^2} = \Delta a \sqrt{2 - 2 \cos \alpha}$$

$$\operatorname{tg}^2 \beta = \frac{1 - \cos^2 \beta}{\cos^2 \beta} = \frac{9}{4} \Rightarrow \frac{1}{\cos^2 \beta} = \frac{13}{4} \Rightarrow \cos \beta = \frac{2}{\sqrt{13}}; \sin \beta = \frac{3}{\sqrt{13}}$$

Чучробук

①

2) $\vec{F}_{\text{м}} \parallel \vec{a}_{\text{м}}$



$O_x: T \cos \alpha = F_{\text{м}} \cos \beta$

$O_y: -F_{\text{м}} \sin \beta = T \sin \alpha - mg$

$T = F_{\text{м}} \frac{\cos \beta}{\cos \alpha}$

$F_{\text{м}} \frac{\cos \beta \sin \alpha}{\cos \alpha} + F_{\text{м}} \sin \beta = mg \Rightarrow F_{\text{м}} = \frac{mg \cos \alpha}{\sin \alpha \cos \beta + \sin \beta \cos \alpha} \Rightarrow$

$T = \frac{mg \cos \beta}{\sin \alpha \cos \beta + \sin \beta \cos \alpha}$

Екму $\Delta S_{\text{м}} = \Delta a$, му $\Delta S_{\text{м}} = \Delta a \sqrt{2-2\cos \alpha} \Rightarrow \Delta S_{\text{м}} = \Delta S_{\text{м}} \sqrt{2-2\cos \alpha}$

$\Rightarrow S_{\text{м}}'(t) = S_{\text{м}}'(t) \sqrt{2-2\cos \alpha} \Rightarrow S_{\text{м}}''(t) = S_{\text{м}}''(t) \sqrt{2-2\cos \alpha} \Rightarrow$

$a_{\text{м}} = a_{\text{м}} \sqrt{2-2\cos \alpha} \Rightarrow a_{\text{м}} = \frac{a_{\text{м}}}{\sqrt{2-2\cos \alpha}}$

$a_{\text{м}} = \frac{F_{\text{м}}}{m} = \frac{mg \cos \alpha}{\sin \alpha \cos \beta + \sin \beta \cos \alpha} = \frac{\cos \alpha}{\sin \alpha \cos \beta + \sin \beta \cos \alpha} g$

$a_{\text{м}} = \frac{\cos \alpha (2-2\cos \alpha)^{-\frac{1}{2}}}{\sin \alpha \cos \beta + \sin \beta \cos \alpha} g$

$a_{\text{м}} = \frac{\frac{5}{13} \cdot (2-2 \cdot \frac{5}{13})^{-\frac{1}{2}}}{\frac{12}{13} \cdot \frac{2}{\sqrt{13}} + \frac{3}{13} \cdot \frac{5}{13}} g = \frac{5 \cdot (\frac{16}{13})^{-\frac{1}{2}}}{\frac{24+15}{\sqrt{13}}} g = \frac{5 \cdot \frac{\sqrt{13}}{4} \cdot \sqrt{13}}{39} g = \frac{5}{12} g$

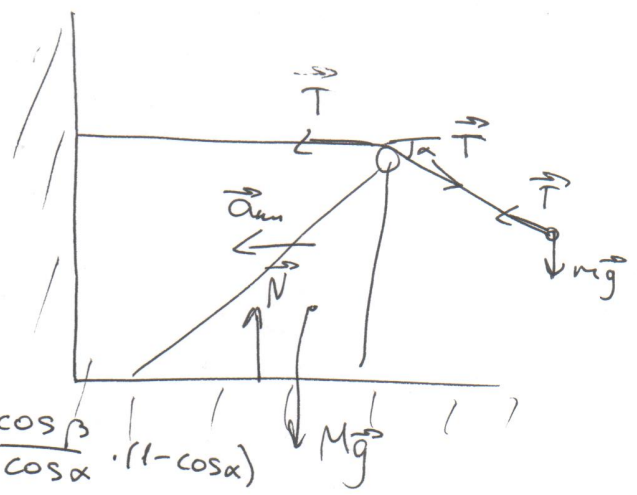
Омбер: $a_{\text{м}} \approx \frac{5}{12} g$ му $\approx 0,417g$

Microburk

① 3) $M a_{ku} = T(1 - \cos \alpha)$
 $m a_m = F_m$

$$\frac{M}{m} = \frac{a_m}{a_{ku}} \cdot \frac{T(1 - \cos \alpha)}{F_m} =$$

$$= \sqrt{2 - 2 \cos \alpha} \cdot \frac{T(1 - \cos \alpha)}{T \frac{\cos \alpha}{\cos \beta}} = \sqrt{2 - 2 \cos \alpha} \cdot \frac{\cos \beta}{\cos \alpha} \cdot (1 - \cos \alpha)$$



$$\frac{M}{m} = \sqrt{2 - 2 \cdot \frac{5}{13}} \cdot \sqrt{2 - 2 \cdot \frac{5}{13}} \cdot \frac{\frac{2}{\sqrt{13}}}{\frac{5}{13}} \cdot (1 - \frac{5}{13}) = \frac{4}{\sqrt{13}} \cdot \frac{2}{5} \cdot \sqrt{13} \cdot \frac{8}{13} = \frac{64}{65} \quad \frac{M}{m} = \frac{65}{64}$$

Jawab: ~~$\frac{M}{m} = \frac{64}{65} \approx 0,985$~~ $\frac{m}{M} = \frac{65}{64} \approx 1,016$

4) $a_{my} = a_m \sin \beta$

$$H = \frac{a_{my} t^2}{2}$$

$$t = \sqrt{\frac{2H}{a_{my}}}$$

$$t = \sqrt{\frac{2H (\sin \alpha \cos \beta + \sin \beta \cos \alpha)}{\cos \alpha \sin \beta g}}$$



$$t = \sqrt{\frac{2H (\frac{12}{13} \cdot \frac{2}{\sqrt{13}} + \frac{3}{\sqrt{13}} \cdot \frac{5}{13})}{\frac{5}{13} \cdot \frac{3}{\sqrt{13}} g}} = \sqrt{\frac{2H (24 + 15)}{15g}} = \sqrt{\frac{26 \cdot H}{5 \cdot g}}$$

Jawab: $\sqrt{\frac{26 \cdot H}{5 \cdot g}}$

Условие

2) 1) $C(T) = 3R \frac{T}{T_0}$

$$dQ = \int C(T) dT = \int 3R \frac{T}{T_0} dT$$

$$Q_1 = \left| \int_{T_0}^{\frac{3}{5}T_0} 3R \frac{T}{T_0} dT \right| = \frac{3R}{T_0} \left| \int_{T_0}^{\frac{3}{5}T_0} T dT \right| = \frac{3R}{T_0} \left| \frac{T^2}{2} \Big|_{T_0}^{\frac{3}{5}T_0} \right| =$$

$$= \frac{3R}{T_0} \left| \frac{9}{50} T_0^2 - \frac{T_0^2}{2} \right| = \frac{3R}{T_0} \cdot T_0^2 \left(\frac{25}{50} - \frac{25}{50} \right) = \frac{24}{25} R T_0$$

Ответ: $Q_1 = \frac{24}{25} R T_0$

2) $Q = \Delta U + A$ $\Delta U = \frac{i}{2} \nu R \Delta T$, $\nu = 3 \Rightarrow i = 3$

$$A = \frac{3R}{T_0} \int_{T_0}^{T_1} T dT - \frac{3}{2} R (T_1 - T_0) = \frac{3R}{T_0} \left(\frac{T_1^2}{2} - \frac{T_0^2}{2} \right) - \frac{3}{2} R (T_1 - T_0)$$

$$A = \frac{3R}{2} \left(\frac{T_1^2 - T_0^2}{T_0} - T_1 + T_0 \right) = \frac{3R}{2} \left(\frac{T_1^2}{T_0} - T_1 \right) - \text{парабола ветвями вверх}$$

$$A_{\min} \text{ при } T_1 = -\frac{-1}{2 \cdot \frac{1}{T_0}} = \frac{T_0}{2}$$

Ответ: $\frac{T_0}{2}$

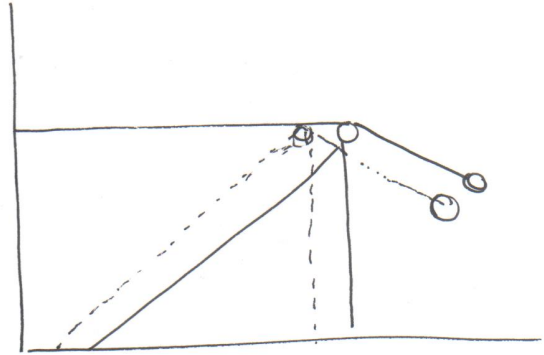
3) $A_{\min} = \frac{3R}{2} \left(\frac{T_0^2}{4T_0} - \frac{T_0}{2} \right) = -\frac{3R T_0}{8}$

Ответ: $-\frac{3}{8} R T_0$

~~Уравнение~~

Уравнение

1) 1)



$$\frac{2R}{g} \cdot \left(\frac{\operatorname{tg} \alpha}{\operatorname{tg} \beta} - 1 \right)$$

$$\left(\frac{12}{5} \cdot \frac{2}{25} + 1 \right) \cdot \frac{24}{5} = \frac{8}{5} + 1 = \frac{13}{5}$$

$$\frac{(T - T_0) \cdot \left(3R + 3R \frac{T}{T_0} \right)}{2} =$$

$$= \frac{3R}{2} (T - T_0) \left(1 + \frac{T}{T_0} \right)$$

$$= \frac{3}{2} \frac{R}{T_0} (T^2 - T_0^2)$$

$$\sqrt{\frac{26-10}{13}} =$$

$$\sin^2 \alpha + 1 - 2 \cos \alpha + \cos^2 \alpha$$

$$2 - 2 \cos \alpha$$

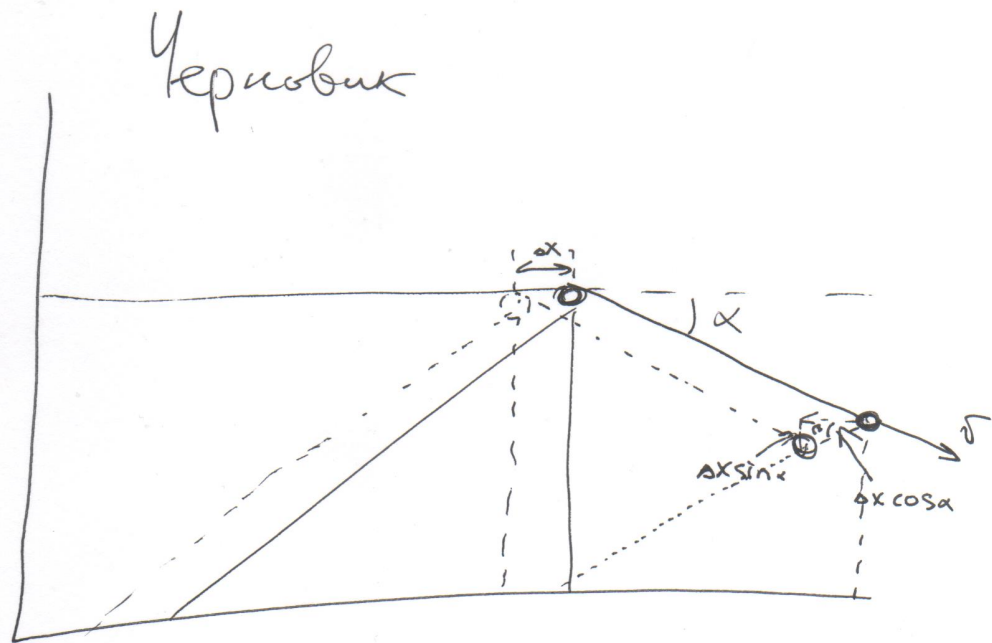
$$\frac{9}{25} - 1 = \frac{16}{25}$$

$$\frac{24}{25} \cdot 0.8T_0$$

$$\frac{3}{2} \cdot \frac{0.8}{T_0} (T_0^2 - T^2) =$$

21202211 (U294648 M1270308)

$$= -\frac{9}{8} \cdot 0.8T_0 + \frac{6}{8} \cdot 0.8T_0 = -\frac{3}{8} \cdot 0.8T_0 = -\frac{3}{10} \cdot 0.8T_0 = -\frac{2.4}{10} T_0 = -\frac{24}{100} T_0 = -\frac{6}{25} T_0$$



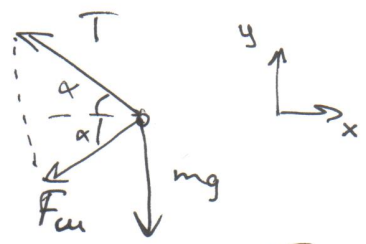
Кинематика \Rightarrow не перемещается $\Rightarrow \vec{a} \parallel \vec{S}$

$$\operatorname{tg} \beta = \frac{\Delta x \sin \alpha}{\Delta X \cos \alpha} = \operatorname{tg} \alpha \Rightarrow \cos \beta = \frac{5}{13}$$

~~$$F_{\text{м}} = T$$~~

$$F_{\text{м}} \cos \alpha = T \cos \alpha$$

$$F_{\text{м}} \sin \alpha = mg - T \sin \alpha \Rightarrow$$



$$F_{\text{м}} = T \Rightarrow mg = 2T \sin \alpha \Rightarrow$$

$$F_{\text{м}} = T = \frac{mg}{2 \sin \alpha}$$

$$\Delta S_{\text{м}} = \Delta X, \quad \Delta S_{\text{м}} = \Delta X \Rightarrow \Delta S_{\text{м}} = \Delta S_{\text{м}} \Rightarrow a_{\text{м}} = a_{\text{м}} \Rightarrow$$

~~$$a_{\text{м}} =$$~~

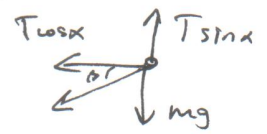
$$\frac{T(1 - \cos \alpha)}{M} = \frac{2T \sin \alpha}{m} \Rightarrow \frac{m}{M} = \frac{2 \sin \alpha}{1 - \cos \alpha} = 2 \cdot \frac{\frac{12}{13}}{\frac{13-5}{13}} = 3$$

$$a_{\text{м}} = a_{\text{м}} = \frac{F_{\text{м}}}{M} = \frac{mg}{2 \sin \alpha M} = \frac{g}{2 \sin \alpha} = \frac{g \cdot 13}{24} = \frac{13}{24} g$$

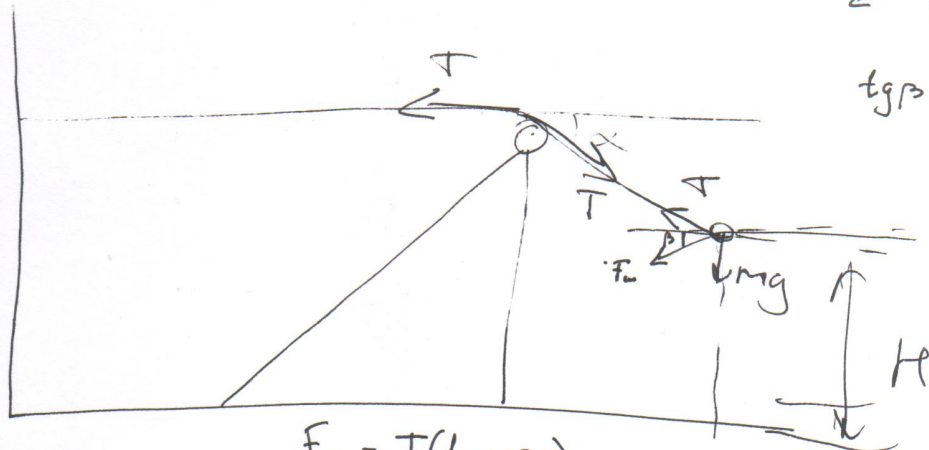
$$a_y = -a_{\text{м}} \sin \alpha = -\frac{g}{2}$$

$$H = \frac{a_y t^2}{2} \Rightarrow t = \sqrt{\frac{2H}{\frac{g}{2}}} = 2\sqrt{\frac{4}{g}}$$

Черновик

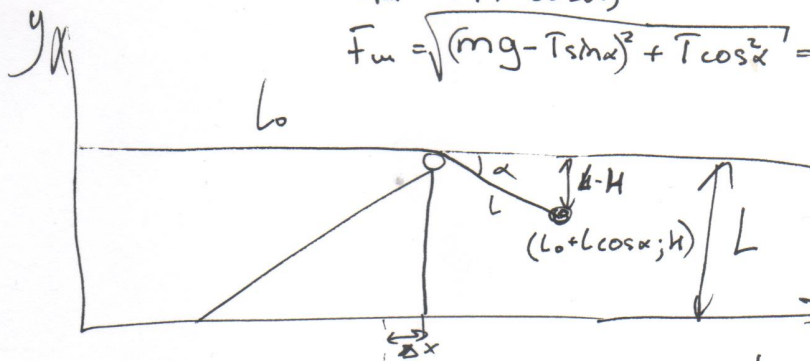


$$\operatorname{tg} \beta = \frac{mg - T \sin \alpha}{T \cos \alpha}$$

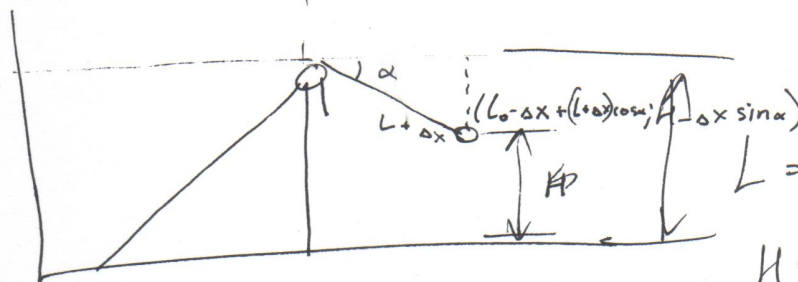


$$F_{\text{ра}} = T(1 - \cos \alpha)$$

$$F_m = \sqrt{(mg - T \sin \alpha)^2 + T^2 \cos^2 \alpha} = \sqrt{mg^2 + T^2 - 2mgT \sin \alpha}$$



$$L = H + L \sin \alpha$$



$$L = H_1 + (L + \Delta x) \sin \alpha$$

$$H = H_1 + \Delta x \sin \alpha$$

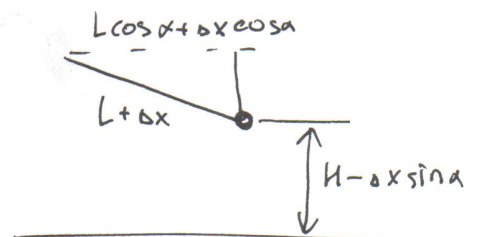
$$x' = \frac{\Delta x (\cos \alpha - 1)}{\Delta t} = \dot{x}$$

$$y' = \frac{-\Delta x \sin \alpha}{\Delta t} = \dot{y}$$

~~#~~

$$\frac{L - H}{L} = \sin \alpha$$

$$\frac{L - H + \Delta x \sin \alpha}{L + \Delta x} = \sin \alpha$$



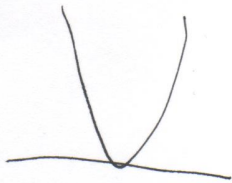
$$C(T) = 3R \frac{T}{T_0}$$

Упробан

$$dQ = \int C(T) dT = \int 3R \frac{T}{T_0} dT = \frac{3JR}{T_0} T dT$$

$$\int_{T_0}^{\frac{3}{5}T_0} 3JR \frac{T}{T_0} dT = \frac{3JR}{T_0} \left| \int_{T_0}^{\frac{3}{5}T_0} T dT \right| = \frac{3JR}{T_0} \left| \frac{T^2}{2} \Big|_{T_0}^{\frac{3}{5}T_0} \right| =$$

$$= \frac{3JR}{T_0} \left| \frac{9}{50} T_0^2 - \frac{T_0^2}{2} \right| = \frac{3JR}{T_0} \cdot \frac{16}{50} T_0 = \frac{24}{25} JR T_0$$



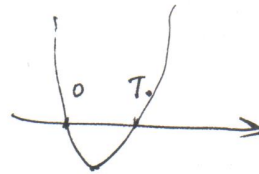
$$D = 0$$

$$-\frac{b}{2a}$$

$$T_1 (T_1 - T_0)$$

$$\frac{T_0 \cdot (-\frac{T_0}{2})}{T_0}$$

$$= -\frac{T_0}{4}$$



Часть 2

Олимпиада: **Физика, 11 класс (2 часть)**

Шифр: **21202211**

ID профиля: **294648**

Вариант 3

Чистовик

3) 1) Из закона сохр. заряда $q_1 = q_2 = q_0$

По II пр. Кирхгофа:

$$\mathcal{E} = U_{C_1} + U_{C_2} = \frac{q_0}{4C} + \frac{q_0}{C} = \frac{5}{4} \frac{q_0}{C}$$

$$q_0 = \frac{4}{5} \mathcal{E} C$$

C_2 и R параллельны \Rightarrow

$U_{C_2} = U_R$. В конденсаторе не может быть скачка заряда $\Rightarrow \mathcal{E}$ сразу после замыкания

ключа $U_R = U_{C_2} = \frac{q}{C} = \frac{4}{5} \mathcal{E}$; $U_R = IR \Rightarrow I = \frac{U_R}{R} = \frac{4}{5} \frac{\mathcal{E}}{R}$

$$I = \frac{4}{5} \frac{\mathcal{E}}{R}$$

Ответ: $\frac{4}{5} \frac{\mathcal{E}}{R} = 0,8 \frac{\mathcal{E}}{R}$

2) Через резистор будет течь ток до тех пор, пока $I \neq 0$, если $I = 0 \Rightarrow U_R = 0 \Rightarrow U_{C_2} = 0 \Rightarrow q_2 = 0 \Rightarrow$ по пр. Кирхгофа

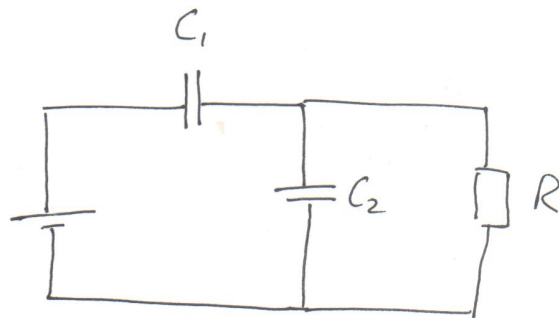
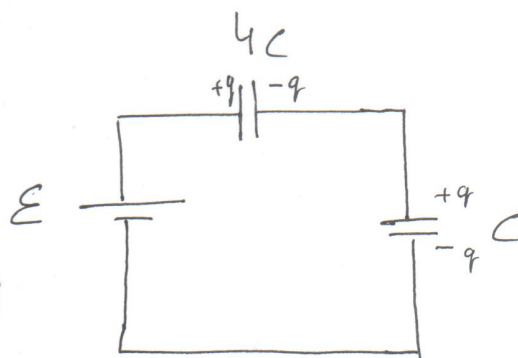
$$\mathcal{E} = U_{C_1} = \frac{q_1}{4C} \Rightarrow q_1 = 4C\mathcal{E}$$

$$W_0 = W_1 + Q_{\text{изл}} \Rightarrow Q = W_0 - W_1 = \frac{q_0^2}{8C} + \frac{q_0^2}{2C} - \frac{q_1^2}{8C} =$$

$$= \frac{2}{25} \mathcal{E}^2 C + \frac{8}{25} \mathcal{E}^2 C - 2 \mathcal{E}^2 C, \quad Q = Q_{\text{бнг}} - A_{\text{изм.}}, \quad A_{\text{изм.}} = \mathcal{E}(q_1 - q_0) = \frac{16}{5} \mathcal{E}^2 C$$

$$Q_{\text{бнг}} = \frac{16}{5} \mathcal{E}^2 C - \frac{8}{5} \mathcal{E}^2 C = \frac{8}{5} \mathcal{E}^2 C$$

Ответ: $\frac{8}{5} \mathcal{E}^2 C$



Чистовик

- 5) 1) Акком. глаза - 24 см \Rightarrow
расстояние от изобр. до глаза 24 см.

$$\frac{1}{L} + \frac{1}{d} = \frac{1}{F} \Rightarrow d = \frac{FL}{L-F} ; d = \frac{18 \text{ см} \cdot 72 \text{ см}}{72 \text{ см} - 18 \text{ см}} = 24 \text{ см}$$

\Rightarrow расстояние от глаза до линзы $24 \text{ см} + 24 \text{ см} = 48 \text{ см}$

Ответ: 48 см.

- 2) Если линза меньше, чем на рисунке, то будет видна не вся картинка

$$\Gamma = \frac{L}{d} = \frac{72 \text{ см}}{24 \text{ см}} = 3 \Rightarrow h = \frac{1}{3} H$$

$$D_m = h \cdot \frac{48 \text{ см}}{24 \text{ см}} = 2h = \frac{2}{3} H$$

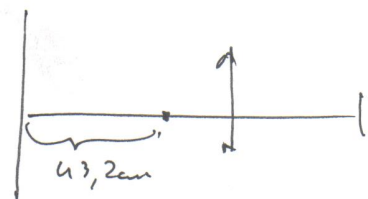
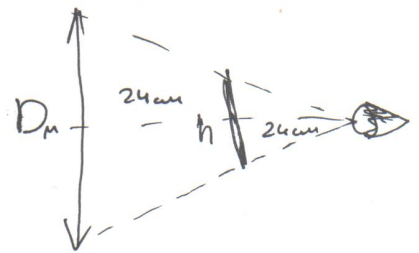
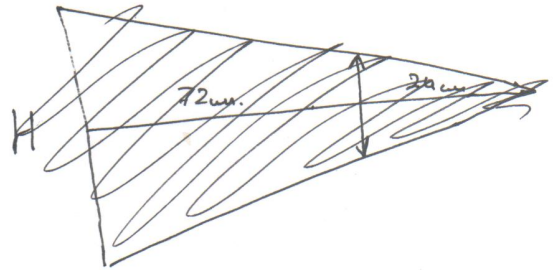
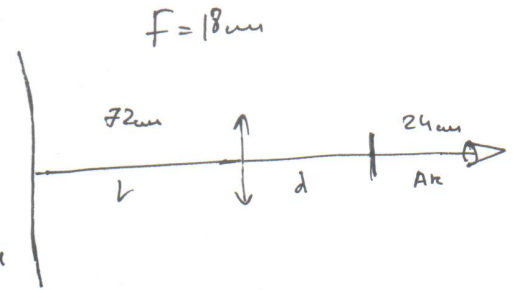
Ответ: $D_m = \frac{2}{3} H$

- 3) Небольшой непрозрачный экран необходимо поместить на ш. опт. осе между карт и линзой так, чтобы изобр. этой точки было 48 см

$$\frac{1}{L} + \frac{1}{48 \text{ см}} = \frac{1}{18 \text{ см}}$$

$$L = \frac{48 \text{ см} \cdot 18 \text{ см}}{20 \text{ см}} = 43,2 \text{ см}$$

Ответ: 43,2 см



Чистовик

4) 3) Перейдем в ~~клетку~~ Келлсо

I перемычки. Тогда в начальный момент времени $a_{2H} = |a_1| + |a_2| =$

$$= 3|a_1| = \frac{3}{8} \frac{B^2 L^2}{mR} |\sigma_1 - \sigma_2|. \text{ Т.к. I перемычка } \\ \text{неподвижна } |\sigma_1 - \sigma_2| = \sigma_{2H}$$

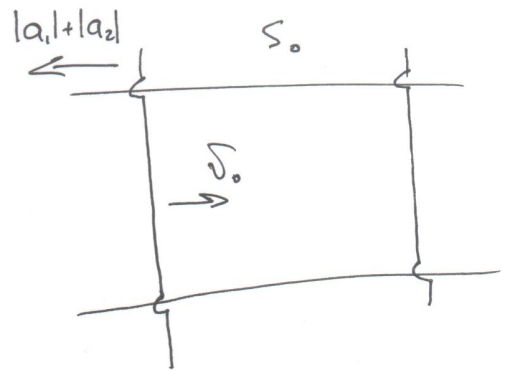
$$\text{Тогда } -\frac{d\sigma_{2H}}{dt} = \frac{3}{8} \frac{B^2 L^2}{mR} \sigma_{2H} \Rightarrow d\sigma_{2H} = \frac{3}{8} \frac{B^2 L^2}{mR} \sigma_{2H} dt$$

$\sigma_{2H} dt = dS$. Скорость второй перемычки относительно первой изменялась от $-\sigma_0$ до 0.

$$-\int_{-\sigma_0}^0 d\sigma_{2H} = \int_{S_0}^{S_1} \frac{3}{8} \frac{B^2 L^2}{mR} dS \Rightarrow -\sigma_0 = \frac{3}{8} \frac{B^2 L^2}{mR} (S_1 - S_0) \Rightarrow$$

$$S_1 = S_0 - \frac{8}{3} \frac{m\sigma_0 R}{B^2 L^2}$$

$$\text{Ответ: } S_1 = S_0 - \frac{8}{3} \frac{m\sigma_0 R}{B^2 L^2}$$



Умножив.

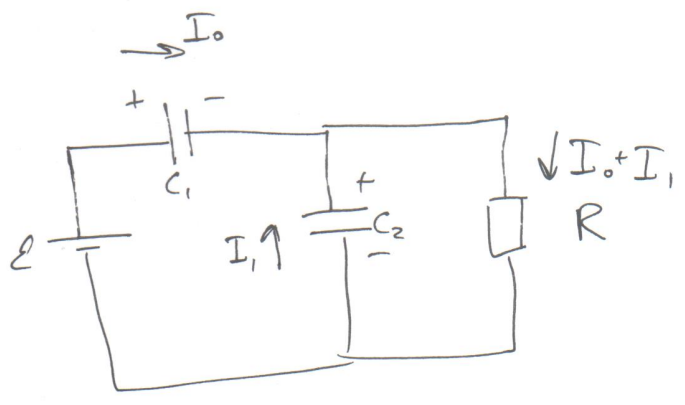
3)

$$\frac{dq_1}{dt} = I_0$$

$$\varepsilon = \frac{q_1}{4C} + \frac{q_2}{C} \Rightarrow q_2 = \varepsilon C - \frac{q_1}{4}$$

$$q_1 = 4\varepsilon C - 4q_2$$

$$U_R = U_{C2} = \frac{q_2}{C}$$



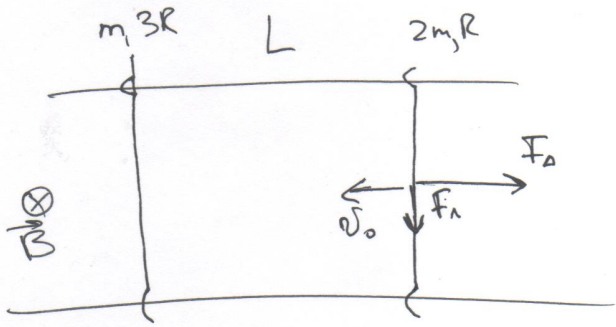
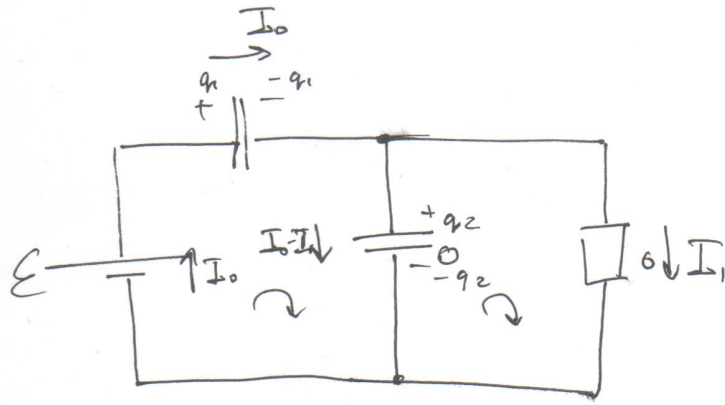
~~Работа~~

~~$$\varepsilon = \frac{q_1}{4C} + U_R = \frac{q_1}{4C} + \frac{q_2}{C}$$~~

Работа

~~$$\varepsilon dq_1 = \frac{(q_1 + dq_1)^2 - q_1^2}{8C} + \frac{(q_2 - dq_2) - q_2^2}{2C} + U_R \frac{dq_2}{C}$$~~

~~$$\varepsilon dq_1 = \frac{2q_1 dq_1}{8C} + \frac{2q_2 dq_2}{2C} + \frac{q_2 dq_2}{C} \Rightarrow \varepsilon = \frac{q_1}{4C} \Rightarrow q_2 = 0 \Rightarrow U$$~~



$$W = \frac{e^2 L}{2}$$

$$\Phi = BS$$

$$\mathcal{E}_{\text{ind}} = -\Phi' = \delta B L$$

$$I = \frac{\delta_0 B L}{R}$$

$$\frac{q_1}{4C} + \frac{q_2}{C} = \mathcal{E}$$

$$\frac{q_2}{C} = I_1 R$$

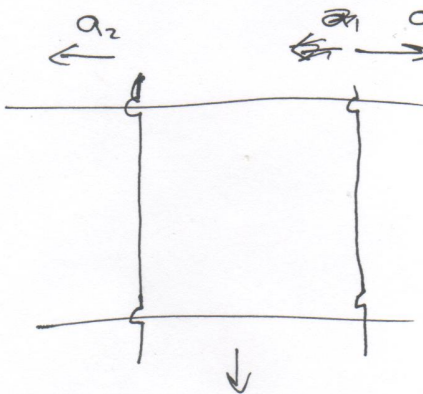
$$F_A = I B L, \quad a = \frac{F_A}{2m} = \frac{B^2 L^2 \delta_0}{2 R m}$$

$$\delta_0 B L = \mathcal{E}$$

$$I B L = \frac{I^2 R}{\delta_0 m / c} = \frac{D_m}{m} = H$$

$$\delta_1 = \int_{\tau_1}^{\tau_2} a_1 dt$$

$$\delta_2 = \int_{\tau_1}^{\tau_2} a_2 dt$$



$$\frac{B^2 L^2}{8 m R} = \alpha$$

$$\frac{d\delta_1}{dt} = -\alpha (\delta_1 - \delta_2)$$

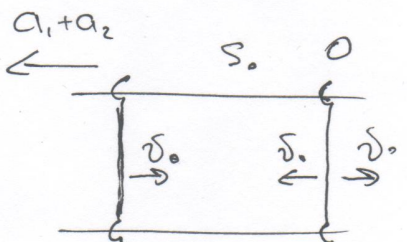
$$\frac{d\delta_2}{dt} = 2\alpha (\delta_1 - \delta_2)$$

$$-2 d\delta_1 = d\delta_2$$

$$-2 \int_{\delta_0}^{\delta_k} d\delta_1 = \int_0^{\delta_k} d\delta_2$$

$$-2 \delta_k + 2\delta_0 = \delta_k$$

$$\delta_k = \frac{2}{3} \delta_0$$



$$d\delta_2 = 2\alpha$$

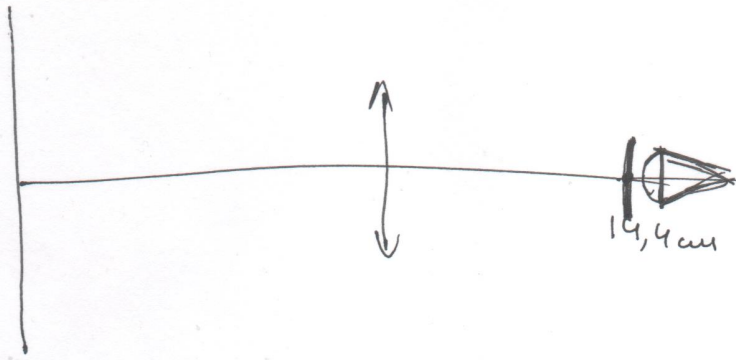
$$|a_1 + a_2| = 3|a_1|$$

$$|\delta_1 - \delta_2| = |\delta_2|$$

21202211 (U294648 M1210309)

$$|a_2| = \frac{3}{8} \frac{B^2 L^2}{m R} \delta_2$$

$$\frac{d\delta_2}{dt} = \frac{3}{8} \frac{B^2 L^2}{m R} \delta_2$$



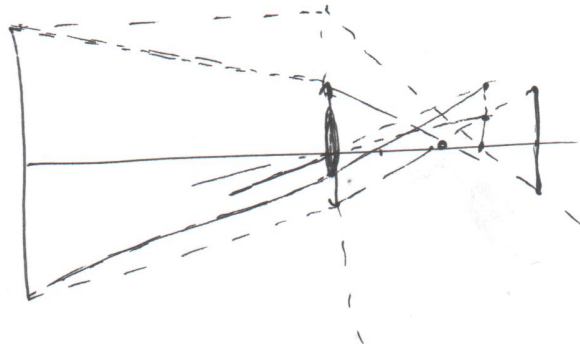
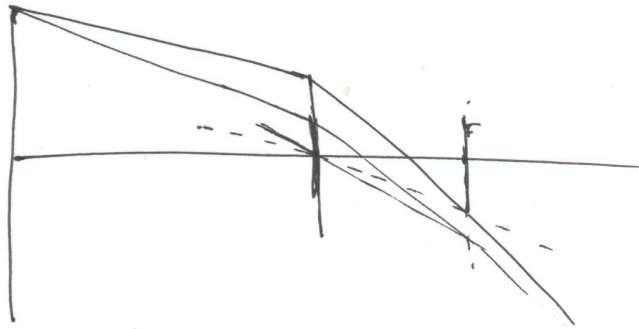
Узор $\frac{1}{18\text{cm}} = \frac{1}{72\text{cm}} + \frac{1}{d}$

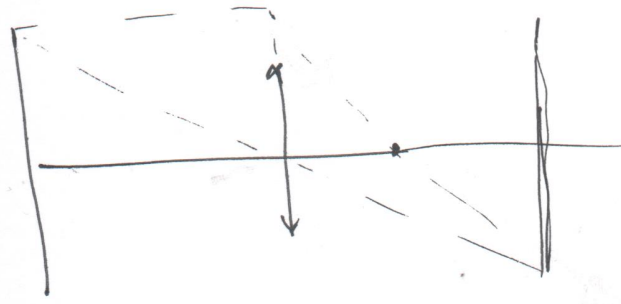
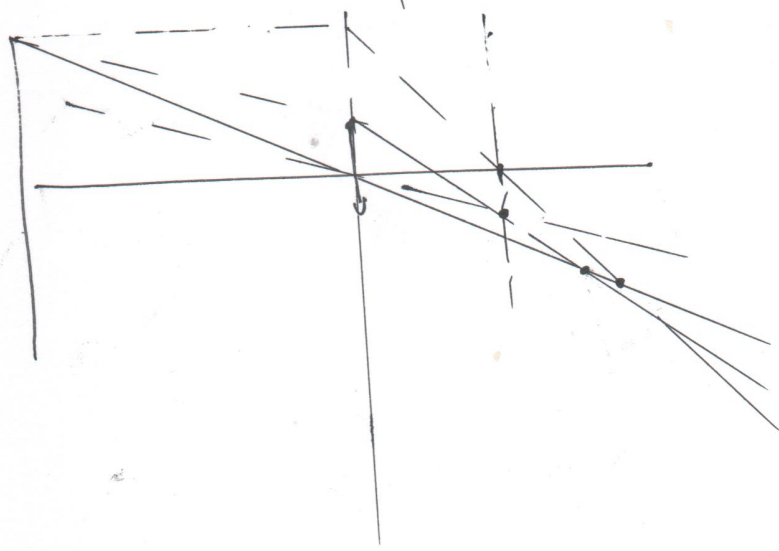
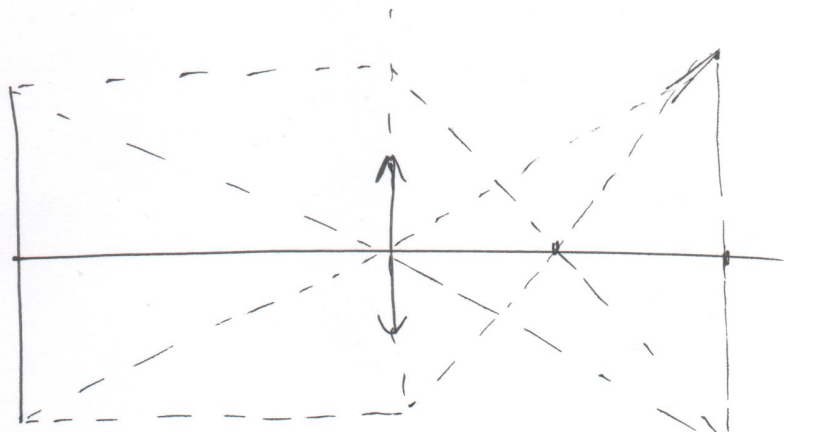
$\frac{3}{72} = \frac{1}{24} \frac{3}{72} = \frac{1}{d} \Rightarrow d = 14.4\text{cm}$

Акомаг = 24cm \Rightarrow расмаме ом маза го узор = 24cm

P

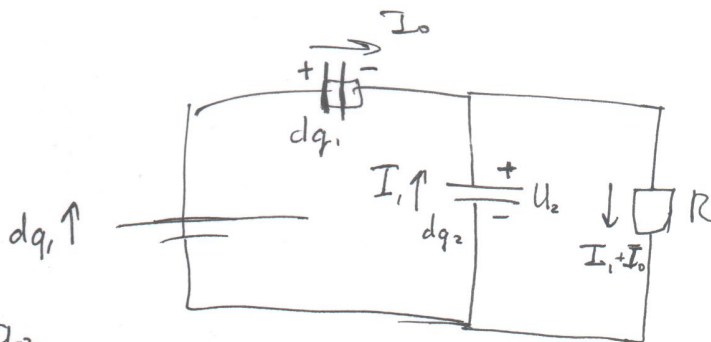
$\Gamma = \frac{d}{f} = 3$





$$U_2 = IR$$

$$q_1' = I_0$$



$$\mathcal{E} = U_1 + U_2 = \frac{q_1}{4C} + \frac{q_2}{C} \Rightarrow \mathcal{E} \cdot 4C - q_1 = 4q_2$$

$$\frac{dq_1}{dt} = I_0 \quad U_R = \frac{dq_1 + dq_2}{dt} R \quad q_2 = \mathcal{E}C - \frac{q_1}{4}$$

$$A_{\text{acc}} = \mathcal{E}(q_1 - q_0)$$

$$\mathcal{E} = \frac{q_1}{4C} + \frac{q_2}{C}$$

$$\mathcal{E} dq_1 = -\frac{q_1^2 - (q_1 + dq_1)^2}{8C} + \frac{q_2^2 - (q_2 - dq_2)^2}{2C} + U_R dq_2$$

$$\mathcal{E} dq_1 = \frac{q_1 dq_1}{8C} - \frac{q_2 dq_2}{2C} + \frac{q_2 dq_2}{C}$$

$$\left(\mathcal{E} - \frac{q_1}{8C}\right) dq_1 = \frac{q_2 dq_2}{2C}$$

$$\left(\mathcal{E} - \frac{q_1}{8C}\right) \frac{dq_1}{dt} = \frac{(\mathcal{E}C - \frac{q_1}{4}) d(-\frac{q_1}{4})}{2C dt}$$

$$\left(\mathcal{E} - \frac{q_1}{4C}\right)'$$

$$\frac{q_2}{C} - R$$

$$\frac{2}{5}$$

Чистовик

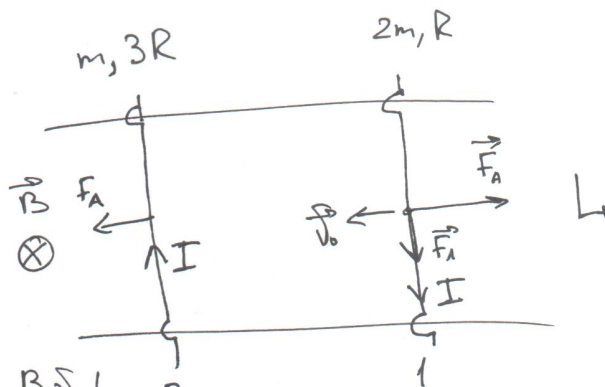
4) 1) По правилу буравчика ~~сила~~ ток в правой перемычке (как и ~~сила~~ F_A), направлен вниз.

~~$\Phi = B \cdot S$~~ $\Phi = B S, R_0 = R_1 + R_2 = 4R$

$$\mathcal{E}_{\text{инд}} = -\Phi' = B \cdot \dot{S} \cdot L \Rightarrow I = \frac{\mathcal{E}_{\text{инд}}}{R_0} = \frac{B \dot{S} \cdot L}{4R}$$

$$F_A = I B L, a_1 = \frac{F_A}{2m} = \frac{B^2 L^2 \dot{S}}{8mR}$$

Ответ: $\frac{B^2 L^2 \dot{S}}{8mR}$



2) Во второй перемычке сила ампера направлена влево, а в первой - вправо $\Rightarrow I$ будет замедляться в ~~АКСО~~ АСО, а II - увеличивать скорость.

~~$a_1 = \frac{B^2 L^2 \dot{S}}{8mR}$~~ если обе перемычки движутся со скоростями \dot{v}_1 и \dot{v}_2 , направленными влево,

~~$a_2 =$~~ то $I = \frac{\mathcal{E}_{\text{инд}}}{4R} = \frac{BL}{4R} (\dot{v}_1 - \dot{v}_2)$ (вначале $\dot{v}_1 > \dot{v}_2$), если

ток станет равным 0, то $F_A = 0$ и $a_1 = a_2 = 0 \Rightarrow$ перемычки станут двигаться ~~одинаково~~ равномерно $\Rightarrow \Phi' = 0$ и больше никаких э.м. сил на них действовать не

будет \Rightarrow они продолжат так двигаться бесконечно.

$$I = 0 \text{ при } \dot{v}_1 = \dot{v}_2$$

$$\begin{cases} a_1 = -\frac{F_A}{2m} = -\frac{I B L}{2m} = -\frac{B^2 L^2}{8mR} (\dot{v}_1 - \dot{v}_2) \\ a_2 = \frac{F_A}{m} = \frac{B^2 L^2}{4mR} (\dot{v}_1 - \dot{v}_2) \end{cases} \quad 2a_1 = -a_2 \Rightarrow$$

$$\begin{cases} a_2 = \frac{F_A}{m} = \frac{B^2 L^2}{4mR} (\dot{v}_1 - \dot{v}_2) \\ \frac{2d\dot{v}_1}{dt} = -\frac{d\dot{v}_2}{dt} \Rightarrow 2d\dot{v}_1 = -d\dot{v}_2 \end{cases}$$

В нач. момент времени $\dot{v}_1 = \dot{v}_0, \dot{v}_2 = 0$; в конце $\dot{v}_1 = \dot{v}_k, \dot{v}_2 = \dot{v}_k$

$$2 \int_{\dot{v}_0}^{\dot{v}_k} d\dot{v}_1 = - \int_0^{\dot{v}_k} d\dot{v}_2 \Rightarrow 2\dot{v}_k - 2\dot{v}_0 = -\dot{v}_k \Rightarrow \dot{v}_k = \frac{2}{3} \dot{v}_0$$

21202211 (U294648 M1270309)

Ответ: $\frac{2}{3} \dot{v}_0$