

# Часть 1

Олимпиада: **Физика, 11 класс (1 часть)**

Шифр: **21202423**

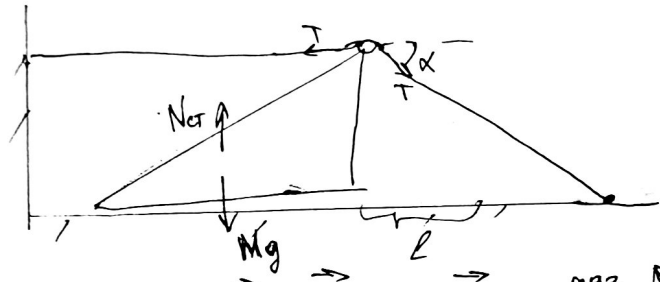
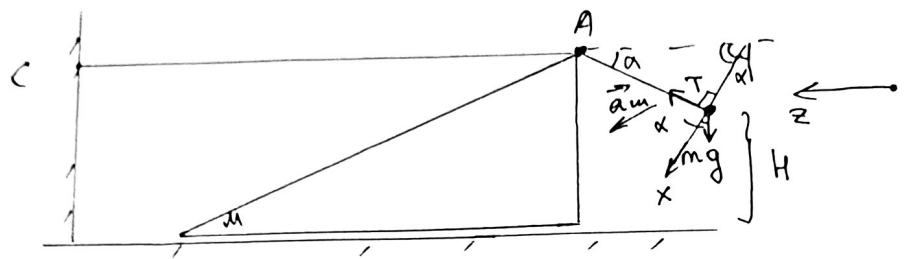
ID профиля: **153051**

Вариант 3

# Чисто виск 1

①  
 $\cos \alpha = \frac{5}{13}$   
 H

- 1)  $\beta = ?$
- 2)  $a_k = ?$
- 3)  $\frac{m}{M} = ?$
- 4)  $\frac{H}{L} = ?$



1) 23H Для шара: пусть ось  $x \perp T$ , тогда

$$mg + T = ma_m$$

23H X:  $mg \cos \alpha = ma_x$

Z:  $T \cos \alpha = ma \cos \beta$

$$a_x = g \cos \alpha$$

$$T = \frac{ma \cos \beta}{\cos \alpha}$$

$$a \cdot \cos \alpha = g \cos \alpha$$

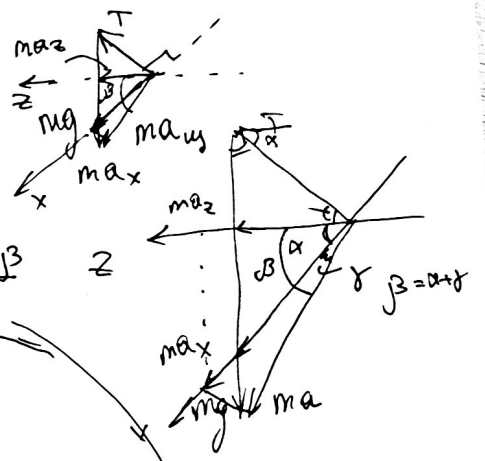
$$\frac{a \cos \beta}{\cos \alpha} = \frac{g - a \sin \beta}{\sin \alpha}$$

$$\cos \beta = \frac{g \cos \alpha}{a}$$

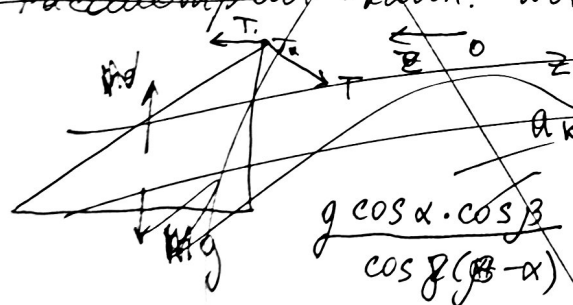
$$a = \frac{g \cos \alpha}{\cos \beta}$$

$$m \cdot a \cdot \cos \beta \sin \beta + T \cdot \sin \alpha = mg$$

$$T = \frac{m(g - a \sin \beta)}{\sin \alpha}$$



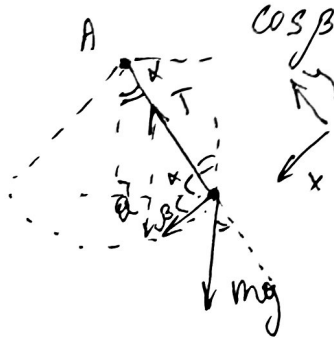
2) Рассмотрим шар. 23H:  $Mg + N + T + T = Ma_k$



Z:  $T - T \cos \alpha = M a_k$   
 $T(1 - \cos \alpha)$

$$\frac{g \cos \alpha \cdot \cos \beta}{\cos \gamma (\beta - \alpha) \cdot \cos \alpha} = \frac{g - \frac{g \cos \alpha \sin \beta}{\cos(\beta - \alpha)}}{\sin \alpha}$$

3C3:  $\frac{\cos \alpha \cdot \cos \beta}{\cos \beta \cdot \cos \alpha + \sin \beta \cdot \sin \alpha \cdot \cos \alpha}$



Рассмотрим шар. т.к. его удерживают. То  $v_0 = 0 \Rightarrow a_y = a_{yc}$  направлено перпендикулярно T

23H:  $T + mg = ma$   $\Rightarrow$  в момент остановки отн. то точки A.  $\alpha + \beta = 90^\circ \Rightarrow$

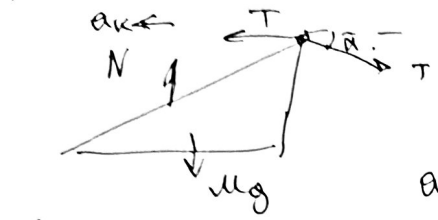
$$\sin \beta = \cos \alpha = \frac{5}{13}$$

## Чистовик. 2

В проекции на ось  $x$ , сонаправленно с ускорением  
 $T - ma = ma = mg \cos \alpha$ ;  $a = g \cos \alpha$ .

$y$ :  $T = mg \sin \alpha$ .  $\Rightarrow$  т.к. угол не меняется, то  $T = \text{const}$ .

а) Рассмотрим клин



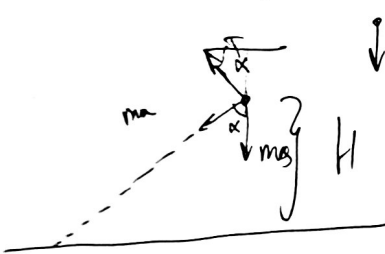
$$23 \text{ Н } \Rightarrow T - T \cos \alpha = \mu a_k$$

$$T(1 - \cos \alpha) = \mu a_k$$

$$a_k = \frac{T(1 - \cos \alpha)}{\mu} = \frac{mg \sin \alpha (1 - \cos \alpha)}{\mu}$$

$$\Rightarrow \frac{m}{\mu} = \frac{a_k}{g \cdot \sin \alpha (1 - \cos \alpha)} = \frac{a_k}{g \cdot \frac{12}{13} \cdot \frac{8}{13}} = \frac{169 a_k}{96 g}$$

Тело шар движется равноускоренно



$$\begin{aligned} \ddot{x} = \ddot{m} a_x &= mg - T \sin \alpha = mg - mg \sin^2 \alpha = \\ &= mg(1 - \sin^2 \alpha) = \frac{25}{169} mg \end{aligned}$$

$$a_x = \frac{25}{169} g$$

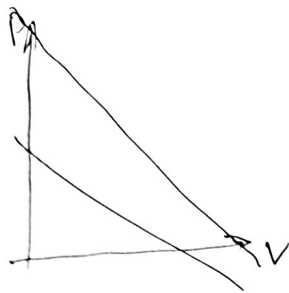
$$2 \cdot a_x \cdot H = \frac{25g \cdot t^2}{169 \cdot 2} \Rightarrow t = \sqrt{\frac{2 \cdot 169 H}{25g}} = \frac{13}{5} \sqrt{\frac{2H}{g}}$$

Ответ: 1)  $\sin \alpha = \frac{5}{13}$     2)  $\frac{m}{\mu} = \frac{169 a_k}{96 g}$     3)  $t = \frac{13}{5} \sqrt{\frac{2H}{g}}$

4 задание 3

2)  $i = 3$

$c(T) = 3R \frac{T}{T_0}$



1)  $c = \frac{\delta Q}{\nu \Delta T} \Rightarrow \delta Q = c \cdot \nu \cdot \Delta T$  (\*)

просуммируем (\*) от  $T_0$  до  $\frac{3}{5} T_0$

$\sum \delta Q = \sum c \cdot \nu \cdot \Delta T$

$-Q_1 = \nu \cdot \sum c \cdot \Delta T$

$-Q_1 = \nu \cdot \sum \frac{3RT}{T_0} \cdot \Delta T$

$-Q_1 = \frac{3R\nu}{T_0} \sum T \cdot \Delta T =$

$= \frac{3R\nu}{T_0} \left( \frac{9T_0^2}{2 \cdot 25} - \frac{T_0^2}{2} \right) = \frac{3R\nu}{T_0} \left( -\frac{18T_0^2}{25 \cdot 2} \right) = -\frac{48}{50} R\nu T_0$

$Q_1 = \frac{24}{50} R\nu T_0$

2)  $\delta Q = c \cdot \nu \cdot \Delta T$ ;  $Q_0 = \Delta U + A_{min} = \frac{3}{2} \nu R (T_1 - T_0) + A_{min}$

$\sum \delta Q = \sum \frac{3RT}{T_0} \cdot \nu \cdot \Delta T$   $\frac{3R\nu}{T_0} \left( \frac{T_1^2}{2} - \frac{T_0^2}{2} \right) = \frac{3}{2} \nu R (T_1 - T_0) + A_{min}$

$Q_0 = \frac{3R\nu}{T_0} \sum T_1 \cdot \Delta T$   $A_{min} = \frac{3\nu R T_1^2}{2T_0} - \frac{3\nu R T_0^2}{2} - \frac{3\nu R T_1}{2} + \frac{3\nu R T_0}{2}$

~~$A_{min}$  минимальная работа равна  $A_{min} = 0$ .~~

~~$\Rightarrow \frac{3R\nu T_1^2}{2T_0} - \frac{3R\nu T_0^2}{2} = \frac{3\nu R T_1}{2} - \frac{3\nu R T_0}{2} \quad | \cdot 2 \cdot T_0$~~

~~$3R\nu T_1^2 - 3\nu R T_1 \cdot T_0 = 3R\nu T_0^2 - 3\nu R T_0^2$~~

~~$\nu R T_1^2 - 3\nu R T_1 T_0 = 0 \quad -b = \frac{3}{2} \nu R$~~

~~$T_1^2 - T_1 T_0 = 0$~~

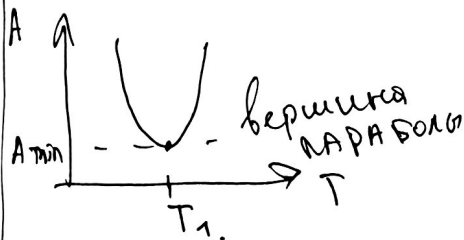
~~$T_1(T_1 - T_0) = 0$~~

~~$T_1 = 0$  не подходит~~

~~$T_1 = T_0$  и не подходит, так как  $T_1 > T_0$  для работы~~

$y = ax^2 - bx + c$   
 $2a = \frac{3\nu R}{T_0}$   
 $x_0 = -\frac{-b}{2a}$

$A_{min} = \frac{3}{2} \nu R \left( \frac{T_1^2}{T_0} - T_1 \right) =$   
 $= \frac{3\nu R}{2T_0} T_1^2 - \frac{3}{2} \nu R T_1$

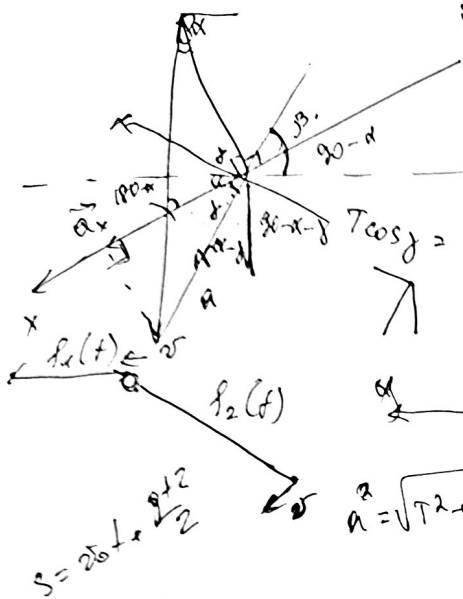


$T_1 = \frac{\frac{3\nu R T_0}{2 \cdot 3\nu R}}{2 \cdot \frac{3\nu R}{2T_0}} = \frac{T_0}{2}$

$A_{min} = \frac{3}{2} \nu R \left( \frac{T_0^2}{4T_0} - \frac{T_0}{2} \right) = \frac{3\nu R}{2} \left( \frac{T_0}{4} - \frac{2T_0}{4} \right) = -\frac{3\nu R T_0}{8}$

Ответ: 1)  $Q_1 = \frac{24}{50} R\nu T_0$  2)  $T_1 = \frac{T_0}{2}$  3)  $A_{min} = -\frac{3\nu R T_0}{8}$

Криволиней.

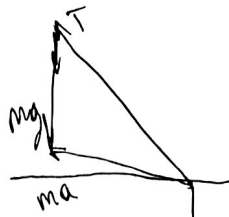


$$\sum A = \sum P \cdot \Delta V$$

$$P \Delta V = \Delta R T_1$$

$$P \Delta V_2 = \Delta R T_2$$

$$\cos \beta = \frac{a_x}{a_y} = \frac{ma}{T \cos \alpha}$$



$$ma \cos \beta = T \cos \alpha$$

$$\cos \beta = \frac{T \cos \alpha}{ma}$$

$$ma = \frac{T \cos \alpha}{\cos \beta}$$

$$T \cos \alpha = ma_y$$

$$a = \sqrt{T^2 + mg^2}$$

$$a_y = \frac{T \cos \alpha}{m}$$

$$T \cos \alpha = mg \sin(\alpha + \gamma)$$

$$A_{min} = \frac{3R \Delta T_1^2}{2T_0} - \frac{3R \Delta T_0^2}{2T_0} - \frac{3}{2} \Delta R T_1 + \frac{3}{2} \Delta R T_0 =$$

$$= \frac{3}{2} \Delta R \left( \frac{T_1^2}{T_0} - T_1 \right) - \frac{3}{2} \Delta R \left( \frac{T_0^2 - T_1 T_0}{T_0} \right) = \frac{3}{2} \frac{\Delta R}{T_0} T_1^2 - \frac{3}{2} \Delta R T_1$$

$$y = \frac{k}{2} (T_1^2 - T_1 T_0)$$

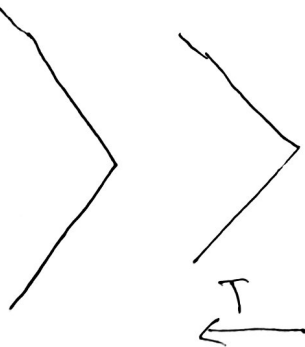
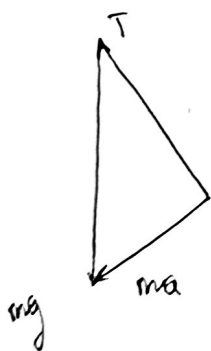
$$y = kx^2 - kb \cdot x$$

$$-\frac{b}{2a} =$$

$$\frac{3 \Delta R}{2 \cdot 3 \Delta R}$$

$$\frac{3 \Delta R}{2 T_0} \cdot \frac{T_0^2}{4} - \frac{3}{2} \Delta R \cdot \frac{T_0}{2} =$$

$$= \frac{3 \Delta R T_0}{8} - \frac{3 \Delta R T_0 L^2}{4} = -\frac{3 \Delta R T_0}{8}$$

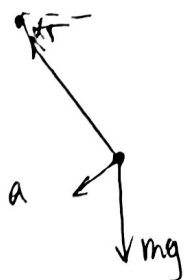


$$T \sin \alpha + ma \sin \beta = mg$$

$$\sin \beta = \frac{g}{a} - \frac{mg}{T}$$

$$\sin \beta = \frac{g}{a} - \frac{T \sin \alpha}{ma}$$

$$T \cdot \sin \beta =$$



# Часть 2

Олимпиада: **Физика, 11 класс (2 часть)**

Шифр: **21202423**

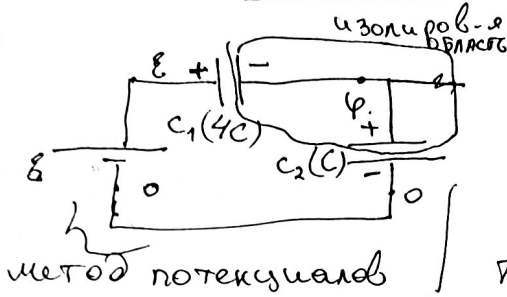
ID профиля: **153051**

Вариант 3

# Чистовик 1

③  $C_1 = 4C$   
 $C_2 = C$

- 1)  $I_R(t) = ?$
- 2)  $Q = ?$
- 3)  $U_R = ?$



до замыкания ключа. Решить в установившемся режиме ток через  $R = 0$ ;  
Предположим заряды такие как на рисунке.

метод потенциалов

$$U_1(0) = \varepsilon - \varphi; U_2 = \varphi; q_1 = 4C(\varepsilon - \varphi); q_2 = C \cdot \varphi$$

ЗСЗ:  $0 = -4C(\varepsilon - \varphi) + C\varphi \quad | : C$

изначально не заряжены

$$-4\varepsilon + 4\varphi + \varphi = 0$$

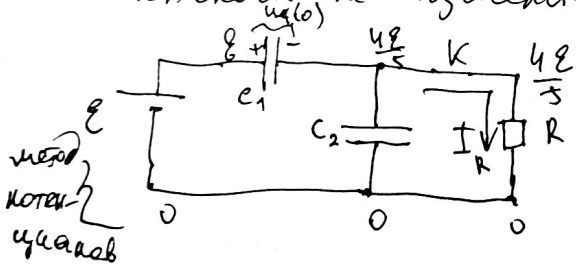
$$5\varphi = 4\varepsilon$$

$$\varphi = \frac{4\varepsilon}{5}$$

$$U_1(0) = \varepsilon - \frac{4\varepsilon}{5} = \frac{\varepsilon}{5}$$

$$U_2(0) = \frac{4\varepsilon}{5}$$

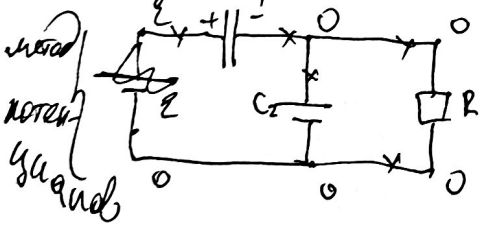
1) сразу после замыкания (к-т) напряжения на конденсаторах скачком не изменяется. Значит



$$I_R(0) = \frac{4\varepsilon}{5R} - 0 = \frac{4\varepsilon}{5R}$$

$$W(0) = \frac{C_1 U_1^2(0)}{2} + \frac{C_2 U_2^2(0)}{2} = \frac{4C \cdot \varepsilon^2}{2 \cdot 25} + \frac{C \cdot 16\varepsilon^2}{2 \cdot 25} = \frac{10C\varepsilon^2}{25} = \frac{2C\varepsilon^2}{5}$$

2) В установившемся режиме (при  $\frac{k}{\infty}$ ) ток через  $R \Rightarrow$  тока в цепи нет  $\Rightarrow I_R(t_{уст}) = 0$ . Потенциалы на концах равны.

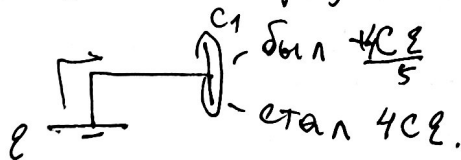


$$U_1(t_{уст}) = \varepsilon$$

$$U_2(t_{уст}) = 0$$

$$W(t_{уст}) = \frac{C_1 \cdot U_1^2}{2} = \frac{4C \cdot \varepsilon^2}{2} = 2C\varepsilon^2$$

Рассмотрим



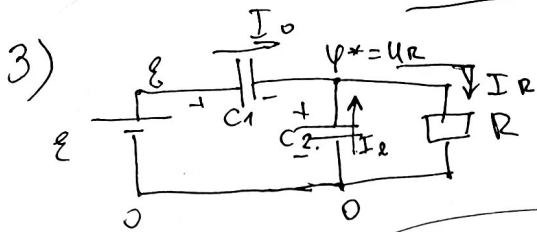
$$q_{уст} = 4C\varepsilon - \frac{4C\varepsilon}{5} = \frac{16C\varepsilon}{5}$$

$$A_B = +q_{уст} \cdot \varepsilon = \frac{16C\varepsilon^2}{5}$$

ЗСЭ:  $A_B \neq \Delta W + Q \Rightarrow Q = A_B - \Delta W = \frac{16C\varepsilon^2}{5} - \left( 2C\varepsilon^2 - \frac{2C\varepsilon^2}{5} \right) = \frac{16C\varepsilon^2}{5} - 2C\varepsilon^2 + \frac{2C\varepsilon^2}{5} = \frac{18C\varepsilon^2}{5} - \frac{10C\varepsilon^2}{5} = \frac{8C\varepsilon^2}{5}$

## Задача 2

В момент  $t$ .



при  $I_{C1} = I_0$

$$I_2 + I_R = I_0; \quad I_R = \frac{\varphi^*}{R}; \quad U_R = \varphi^*$$

$$\varphi^* = I_R \cdot R. \quad \Delta R I_R = I_0 - I_2 \Rightarrow \frac{\Delta R I_R}{R} = \frac{I_0 - I_2}{R}$$

$$\varphi^* = \frac{q_2^*}{C_2} \Rightarrow I_R \cdot R = \frac{q_2^*}{C}$$

$$4C \cdot \frac{\Delta U_1}{\Delta t} = C \frac{\Delta U_2}{\Delta t} + I_R \cdot \Delta t$$

$$q_2^* = I_2 \Delta t$$

$$I_2 = C \cdot U_2' = C \frac{\Delta U_2}{\Delta t}$$

$$I_0 = 4C \cdot U_1' = 4C \cdot \frac{\Delta U_1}{\Delta t}$$

$$4C \cdot \Delta U_1 = C \Delta U_2 + I_R \cdot \Delta t$$

просуммируем

$$4C(\mathcal{E} - \varphi^* - \frac{4\mathcal{E}}{5}) = C(\varphi^* - \frac{4\mathcal{E}}{5}) + q_R$$

$$q_R = q_1(0) + q_2(0) - q_2(t) - q_1(t) = 0 + 4C(\mathcal{E} - \varphi^*) - C\varphi^* = 4C\mathcal{E} - 5C\varphi^*$$

$$4C\mathcal{E} - 4C\varphi^* - \frac{4C\mathcal{E}}{5} = C\varphi^* - \frac{4C\mathcal{E}}{5} + 4C\mathcal{E} - 5C\varphi^*$$

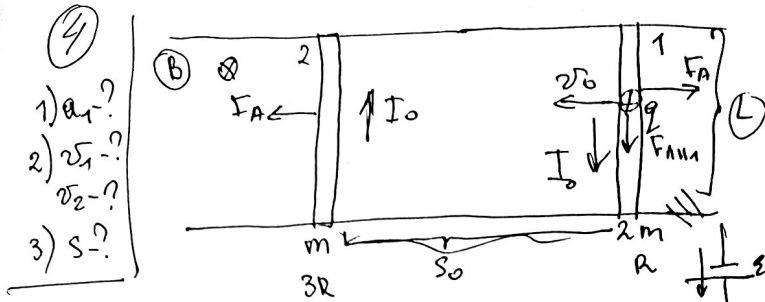
$$I_0 = C \cdot U_2' + \frac{\varphi^*}{R}$$

→  $\mathcal{E} = \mathcal{E}$

ответ: 1)  $I_R(0) = \frac{4\mathcal{E}}{5R}$     2)  $Q = \frac{8C\mathcal{E}^2}{5}$



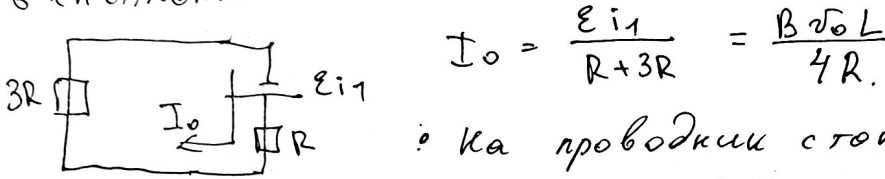
Чисто вих 3



- ④  
 1)  $a_1$ ?  
 2)  $v_1$ ?  
 $v_2$ ?  
 3)  $s$ ?

1) На перемычку 1 действует сила Лоренца  $F_{Л11}$  - продольная составляющая силы Лоренца, обуславливающая движение проводника в МП. При движении проводника

в МП. возникает ЭДС индукции.  $\mathcal{E}_{i1} = B \cdot v_0 \cdot L \cdot \sin 90^\circ = B \cdot v_0 \cdot L$   
 в КИТАЛЬСКИЙ момент:



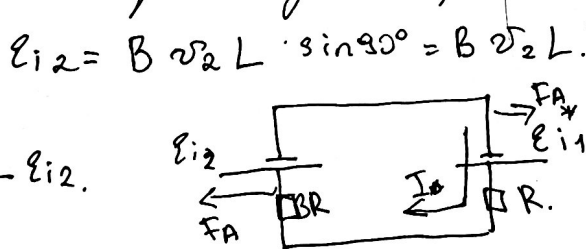
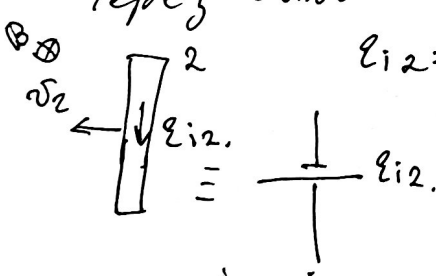
$$I_0 = \frac{\mathcal{E}_{i1}}{R+3R} = \frac{B v_0 L}{4R}$$

на проводки стоек в МП действует сила Ампера  $F_{A1} = B I_0 L = \frac{B^2 L^2 v_0}{4R}$

23H для 1 перемычки:  $F_{A1} = 2ma_1 \Rightarrow a_1 = \frac{F_{A1}}{2m} = \frac{B^2 L^2 v_0}{8mR}$

2) На 2-ю перемычку также действует сила Ампера.  $F_{A1} = \frac{B^2 L^2 v_0}{4R} \Rightarrow$  она тоже придет в движение, и возникнет ЭДС индукции.  $v_2$  - вправо

Через большой промежуток времени:



$\mathcal{E}_{i2} = B v_2 L \cdot \sin 90^\circ = B v_2 L$ ;  $\mathcal{E}_{i1}^* = B v_1 L$   
 При  $\mathcal{E}_{i2} = \mathcal{E}_{i1}^* \Rightarrow I = 0 \Rightarrow F_A = 0$   
 $\Rightarrow a = 0 \Rightarrow v_1 = v_2 = v = \text{const}$   
 $\Rightarrow v_{отк} = 0$

Т.к.  $I_1 = I_2 \Rightarrow F_{A1} = F_{A2} \Rightarrow$

$$a_2 = \frac{F_{A1}}{m}$$

$$I(t) = \frac{\mathcal{E}_{i1} - \mathcal{E}_{i2}}{4R} = \frac{B L (v_1 - v_2)}{4R}$$

$$F_A(t) = \frac{B^2 L^2 (v_1 - v_2)}{4R}; \quad a(t) = \frac{B^2 L^2 v_0 t}{8Rm}$$

$$-F_A \cdot x = \frac{mv^2}{2} - \frac{2mv_0^2}{2} \Rightarrow v^2 = \sqrt{v_0^2 - \frac{F_A \cdot x}{m}}$$

$$\Rightarrow x = \frac{mv_0^2 - v^2}{F_A}$$

Рассмотрим систему  $im + 2m$   
 $\vec{R} = \vec{0}$ ;  $\Rightarrow$   $\vec{a}_{центр масс} = \vec{0} \Rightarrow v_{ц.м.} = \text{const}$

Задача 4

$$v_{ц.м.} = \frac{m \cdot 0 + 2m \cdot v_0}{3m} = \frac{2v_0}{3}$$

$$v_{ц.м.} = v \frac{m \cdot v + 2m \cdot v}{3m} = \frac{3mv}{3m} = v \quad \Rightarrow v = \frac{2v_0}{3}$$

$$3) \Delta S = v_0 \Delta t \quad x_{ц.м.} = \frac{S_0 \cdot m + 2m \cdot 0}{3m} = \frac{S_0}{3}$$

$$\sum \Delta S = \sum v_0 \Delta t$$

$$x_{ц.м.} = \frac{(S_0 + x)m + 2mx}{3m} = \frac{S_0 m + 3mx}{3m} = \frac{S_0 + 3x}{3}$$

$$S_2 =$$

$$v_{ц.м.} T = x_{ц.м.} - x_{ц.м.} = \frac{3x}{3}; \quad T = \frac{3x}{v_{ц.м.}} = \frac{3x}{2v_0}$$

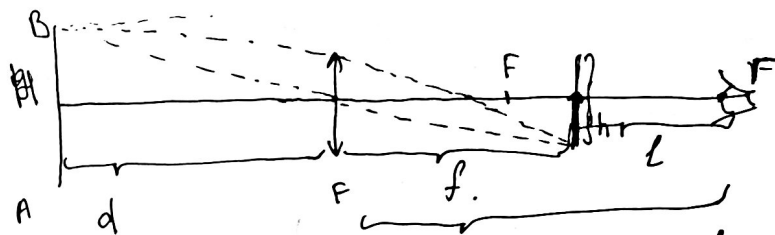
$$S = \sum v_0 \Delta t \cdot \sum \Delta T$$

$$S - S_0 = v_0 \Delta t \cdot T$$

Ответ: 1)  $a_1 = \frac{\Delta^2 L^2 v_0}{8mR}$  2)  $v = \frac{2v_0}{3}$

Чисто вук. 5

⑤  $F = 18 \text{ см}$   
 $H = 9 \text{ см}$   
 $d = 72 \text{ см}$   
 $f = 24 \text{ см}$



- 1)  $x$  - ?
- 2)  $D_{\text{изм}}$  - ?
- 3)  $s$  - ?

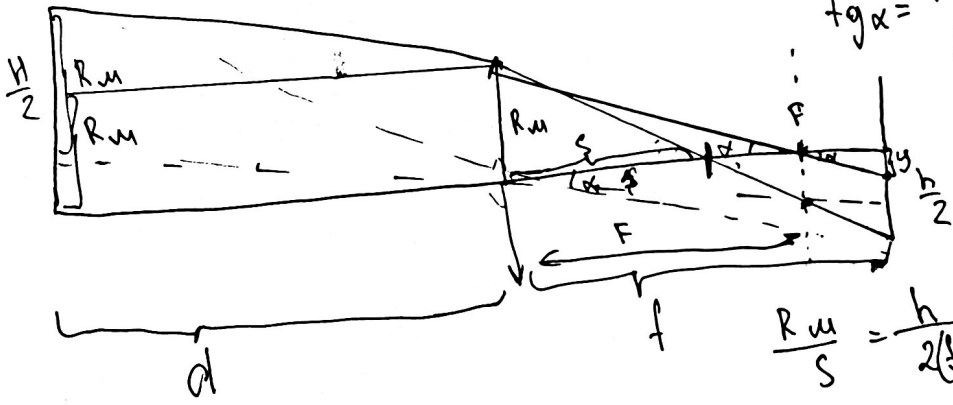
1) Формула тонкой линзы:  $\frac{1}{F} = \frac{1}{d} + \frac{1}{f} \Rightarrow$

$$\frac{1}{f} = \frac{1}{F} - \frac{1}{d} = \frac{1}{18} - \frac{1}{72} = \frac{3}{72} \Rightarrow f = \frac{72}{3} = 24 \text{ см}; \Gamma^* = \frac{f}{d} = \frac{24}{72} = \frac{1}{3}$$

$$x = f + l = 24 \text{ см} + 24 \text{ см} = 48 \text{ см}$$

2)  $\Gamma = \frac{h}{H} = \frac{f}{d} = \frac{1}{3} \Rightarrow h = \frac{H}{3} = \frac{9}{3} = 3 \text{ см.}$

$$\frac{y}{R_{\text{м}}} = \frac{1}{3} \Rightarrow y = \frac{R_{\text{м}}}{3}$$



$$\text{tg } \alpha = \frac{R_{\text{м}}}{f - s} = \frac{R_{\text{м}}}{F}$$

$$\frac{y}{6} = \frac{R_{\text{м}}}{18}$$

~~But~~

$$\frac{R_{\text{м}}}{s} = \frac{h}{2(f - s)}$$

$$s = R_{\text{м}} \cdot \text{tg}$$

Ответ: 1)  $x = 48 \text{ см.}$

