

Часть 1

Олимпиада: **Физика, 11 класс (1 часть)**

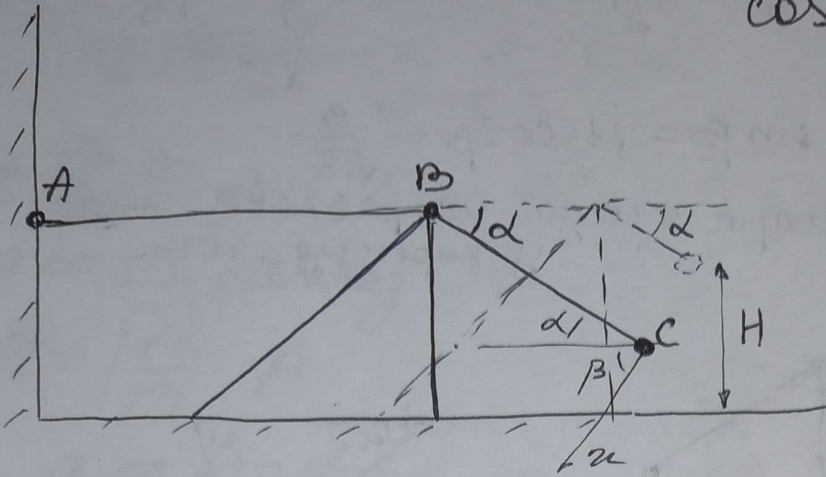
Шифр: **21203325**

ID профиля: **816328**

Вариант 3

Чистовик.
Задача 1.

$$\cos \alpha = \frac{5}{13}$$



1. 1) Пусть точка крепления нити к стене - A
Блок - B

Груз - C

$$AB + BC = \text{const} \Rightarrow$$

$$\frac{d(AB)}{dt} + \frac{d(BC)}{dt} = 0$$

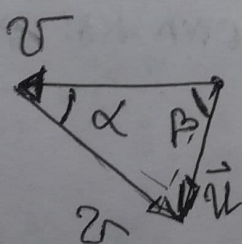
Если скорость клина ~~равна~~ в какой-то момент времени = v, то

$$\frac{d(AB)}{dt} = -v, \text{ тогда } \frac{d(BC)}{dt} = v$$

$\frac{d(BC)}{dt}$ - скорость шарика отн.

клина.

2) Полная скорость шарика складывается из скорости v клина и ~~относит.~~ его скорости отн. клина.



Треугольник равнобедренный.

β - искомым углом

$$\beta = \frac{\pi - \alpha}{2} = \frac{\pi}{2} - \frac{\alpha}{2}$$

$$\cos \beta = \cos\left(\frac{\pi}{2} - \frac{\alpha}{2}\right) = \sin \frac{\alpha}{2}$$

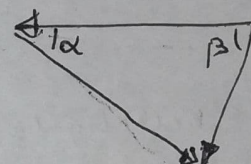
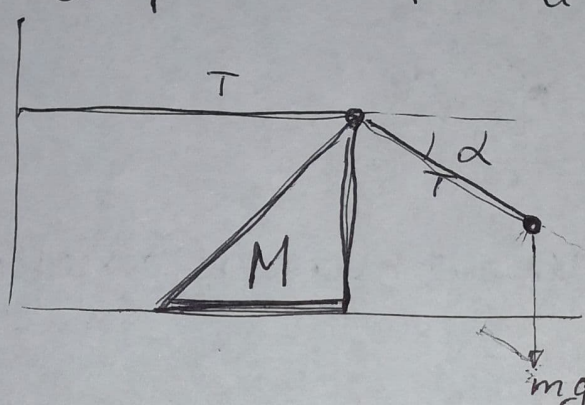
по формуле половинного угла Физика, 11 класс

$$\cos \beta = \sin \frac{\alpha}{2} = \sqrt{\frac{1 - \cos \alpha}{2}} = \sqrt{\frac{1 - \frac{5}{13}}{2}} = \sqrt{\frac{4}{13}} = \frac{2}{\sqrt{13}}$$

$$\sin \beta = \sqrt{1 - \cos^2 \beta} = \frac{3}{\sqrt{13}}$$

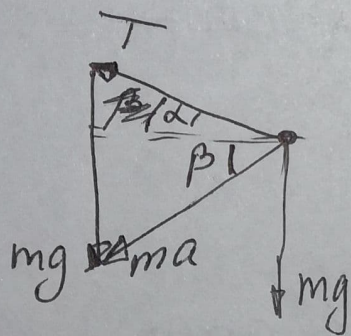
Скорость шара v и ускорение a направлены ~~туда~~ \Rightarrow в одну сторону

2. 1)



M - масса блока
 m - масса груза
 A - уек. блока
 a - уек. груза
 T - натяжение нити

~~$M A = T - T \cos \alpha$~~
 ~~$A = \frac{T(1 - \cos \alpha)}{M}$~~



2) u - скорость шара

$$u = \sqrt{v^2 - 2v^2 \cos \alpha} = v \sqrt{2 - 2 \cos \alpha} = v \sqrt{\frac{16}{13}}$$

$a = A \sqrt{\frac{16}{13}}$ (По т. косинусов из суммы векторов)

3) Для сохранения ориентации нити проекции скоростей блока (шара) и шара на направление, \perp ей, должны быть равны.

3) $AM = T - T \cos \alpha$ — з. Ньютона для клина. в проекции на горизонталь

$$\begin{cases} am \cdot \cos \beta = T \cos \alpha \\ am \sin \beta = mg - T \sin \alpha \end{cases} \left. \begin{array}{l} \\ \\ \end{array} \right\} \text{з.Н. для шара в проек. на гор. и верт.}$$

$$a = A \cdot \sqrt{\frac{16}{13}} \quad \text{— кин. связь.}$$

$$AM = T \left(\frac{8}{13} \right)$$

~~$$m \cdot A \cdot \frac{2}{\sqrt{13}} = T \frac{5}{13}$$~~

$$m \left(a \cdot \frac{3}{\sqrt{13}} - g \right) = -T \frac{12}{13}$$

$$\frac{g - a \frac{3}{\sqrt{13}}}{a \frac{2}{\sqrt{13}}} = \frac{12}{5}$$

$$g = \left(\frac{24}{5\sqrt{13}} + \frac{3 \cdot 15}{5\sqrt{13}} \right) \cdot a = a \cdot \frac{3 \cdot \sqrt{13}}{5}$$

$$a = g \cdot \frac{5}{3\sqrt{13}}$$

$$A = \sqrt{\frac{13}{16}} \cdot a = g \cdot \frac{5}{3 \cdot \sqrt{16}}$$

4) $AM = T(1 - \cos \alpha)$
 $am \cos \beta = T \cos \alpha$

~~$$\frac{\sqrt{13}}{18} \cdot \frac{m}{m} \cdot \frac{\sqrt{13}}{2} = \frac{8}{13} = \frac{8}{5}$$~~

~~$$\frac{m}{m} = \frac{8}{5} \cdot \frac{2}{4} = \frac{4}{5}$$~~

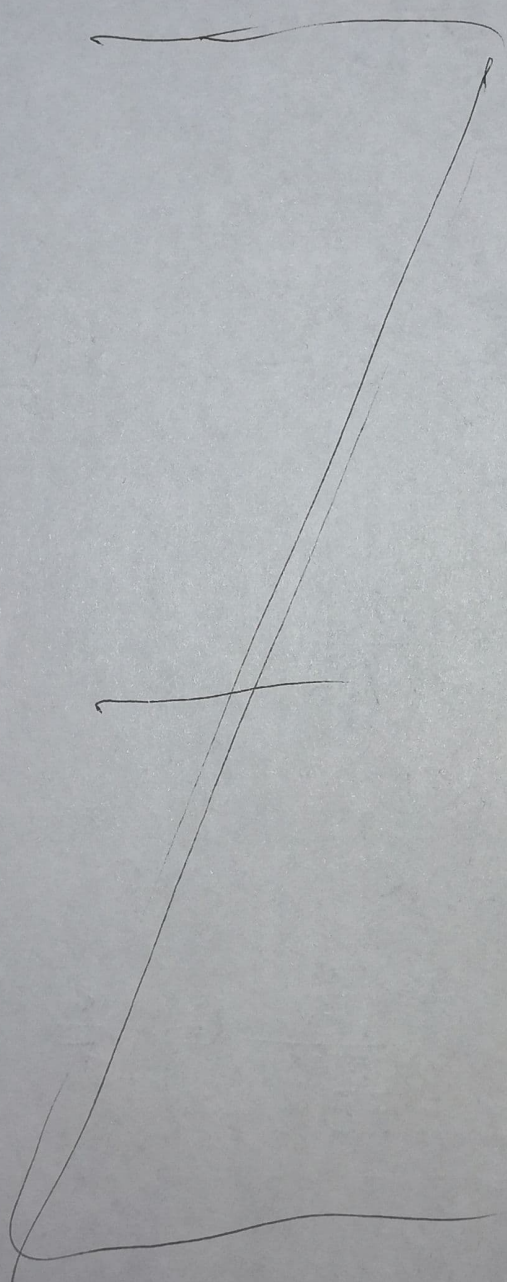
$$\frac{m}{m} = \frac{8}{5} \cdot \frac{8}{13} = \frac{64}{65}$$

4. $a = g \cdot \frac{5}{3\sqrt{13}}$ Числовик

$$H = \frac{a \cdot \sin \alpha \cdot t^2}{2}$$

$$t = \sqrt{\frac{2H}{a \sin \alpha}}$$

$$t = \sqrt{\frac{2H}{g \cdot \frac{5}{3\sqrt{13}} \cdot \frac{3}{\sqrt{13}}}} = \sqrt{\frac{2H \cdot 13}{5g}} = \sqrt{\frac{26H}{5g}}$$



Задача 2.

$$c(T) = 3R \frac{T}{T_0} ; T_k = \frac{3}{5} T_0$$

$$1.1) Q_1 = - \int_{T_0}^{\frac{3}{5}T_0} c(T) dT = - \int_{T_0}^{\frac{3}{5}T_0} 3R \frac{T}{T_0} dT =$$

$$= \frac{3R}{T_0} \left(T \right) \Big|_{\frac{3}{5}T_0}^{T_0} = \frac{3R}{T_0} T_0^2 \left(1 - \frac{9}{25} \right) = 3RT_0 \cdot \frac{16}{25}$$

м.к. по определению $c(T) = \left(\frac{dQ}{dT} \right)_T$

$$dQ = c(T) \cdot dT$$

$$Q_1 > 0, \text{ м.к. } dQ_1 = -dQ$$

$$Q_1 = RT_0 \cdot \frac{48}{25}$$

2.1) Пусть эта тепло. T_m , ~~тогда~~

$$Q_v = \Delta U_v + A_v$$

$$A_v = Q_v - \Delta U_v$$

$$\Delta U_v =$$

2) Газы - одноатомный газ \Rightarrow

$$\Delta U = \frac{3}{2} R (T_m - T_0)$$

$$3) Q_v = \int_{T_0}^{T_m} c(T) dT = \frac{3R}{T_0} \cdot (T_m^2 - T_0^2)$$

$$4) \frac{3R}{T_0} (T_m^2 - T_0^2) - C_v (T_m - T_0) = A_v$$

$$\frac{3R}{T_0} \cdot T_m^2 - \frac{3}{2} R T_m + \frac{3}{2} R T_0 - 3R T_0 = A_v$$

$$A_v = \frac{3R}{T_0} \cdot T_m^2 - \frac{3}{2} R T_m - \frac{3}{2} R T_0$$

$A_v(T_m)$ - параболы ветвями вверх

$$5) \frac{dA_v}{dT_m} = 0 \quad - \text{условие минимума}$$

$$\frac{6RT_m}{T_0} - \frac{3R}{2} = 0$$

$$T_m = \frac{T_0}{4}$$

$$3. A_{\min} = \frac{3R}{T_0} \cdot (T_m^2 - T_0^2) + \frac{3}{2} R (T_0 - T_m) =$$

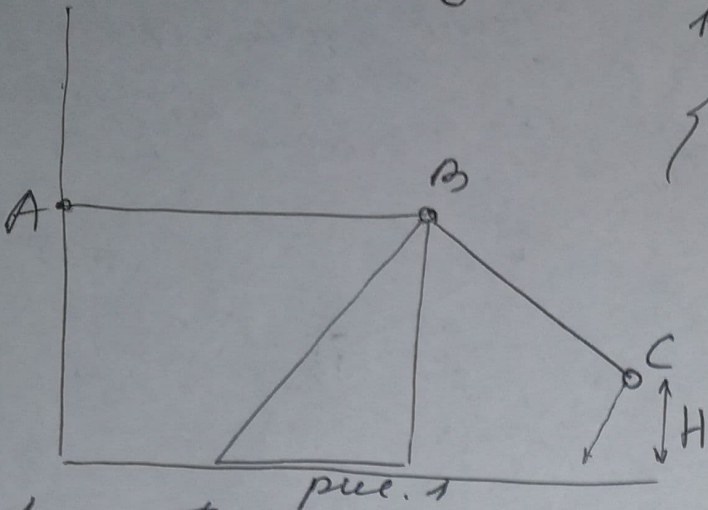
$$= \frac{3R}{T_0} \left[T_0^2 \left(-\frac{15}{16}\right) + \frac{3}{2} R \cdot \frac{3T_0}{4} \right] =$$

$$= RT_0 \left(\frac{18}{16} - \frac{45}{16} \right) = RT_0 - \frac{27}{16} RT_0$$

$$A_{\min} = -\frac{27}{16} RT_0 \quad \text{на каждой моле}$$

$$A_{\min} = -\frac{27}{16} \nu R T_0$$

Задача 1.



- 1) Дана и
- A - ускорение клина
 - M - масса клина
 - v - скорость клина в какой-то момент
 - a - ускорение шара
 - m - масса шара
 - u - скорость шара

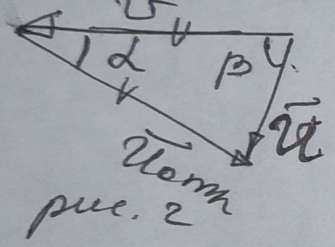
1. 1) Длина нити постоянна \Rightarrow

$$AB + BC = const$$

$$\frac{d(AB)}{dt} + \frac{d(BC)}{dt} = 0 \Rightarrow \text{т.к. } \frac{d(AB)}{dt} = -v$$

$$\frac{d(BC)}{dt} = v = \text{отн. скорость шара отн. блока, б.ш. отн. клина} = |\vec{v}_{отн}|$$

2) Скорость шара $\vec{u} = \vec{v} + \vec{v}_{отн}$



$\vec{v}_{отн}$ направ. под углом α к горизонту.

β - искомый угол.
 $\beta = \frac{\pi - \alpha}{2}$

$$\cos \beta = \cos\left(\frac{\pi}{2} - \frac{\alpha}{2}\right) = \sin \frac{\alpha}{2} = \sqrt{\frac{1 - \cos \alpha}{2}} = \frac{2}{\sqrt{13}}$$

$$\sin \beta = \sqrt{1 - \cos^2 \beta} = \frac{3}{\sqrt{13}}$$

Скорость угол α не меняется \Rightarrow

напр. \vec{u} тоже \Rightarrow ускорение $\vec{a} \parallel \vec{u}$

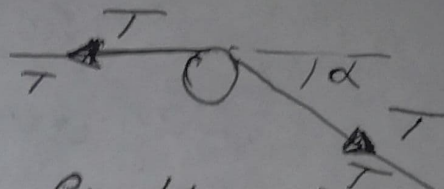
Из т. косинусов см. рис. 2

$$u = \sqrt{2v^2 - 2v^2 \cos \alpha} = 2v \sqrt{2 - 2 \cos \alpha} = v \sqrt{\frac{16}{13}} \Rightarrow$$

$$a_A = a_A \sqrt{\frac{16}{13}} \quad \text{— кет. связь}$$

2 и 3.

Переходим



Силы, действ. на блок (силы в том числе со стороны нити).

1) $AM = T - T \cos \alpha$ -
з. Ньютона в проекц. на гориз.

$$a m \cos \beta = T \cos \alpha$$

$$a m \sin \beta = mg - T \sin \alpha$$

$$a \frac{16}{13} = \sqrt{\frac{16}{13}} A$$

$$a \sin \alpha = \sqrt{1 - \cos^2 \alpha} = \frac{12}{13}$$

$$a m \frac{2}{13} = T \cdot \frac{5}{13}$$

$$m(a \cdot \frac{3}{13} - g) = -T \frac{12}{13}$$

$$\frac{a \frac{2}{13}}{g - a \frac{3}{13}} = \frac{5}{12}$$

$$a \frac{8}{4\sqrt{13}} = \frac{g \cdot 5}{12} - a \cdot \frac{15}{12\sqrt{13}} = \frac{5g}{12} - \frac{5a}{4\sqrt{13}}$$

$$a \cdot \frac{\sqrt{13}}{4} = \frac{5g}{12}$$

$$a = \frac{5g}{3\sqrt{13}}$$

$$A = \frac{5g}{3\sqrt{16}}$$

2) $AM = T(1 - \cos \alpha)$

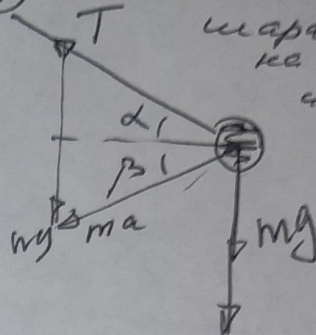
$$a m \cos \beta = T \frac{\cos \alpha}{\cos \beta}$$

$$\frac{M}{m} \cdot \sqrt{\frac{13}{16}} = \frac{16}{5\sqrt{13}} \Rightarrow \frac{M}{m}$$

$$\frac{M}{m} = \frac{16 \cdot 4}{5 \cdot 13} = \frac{64}{65}$$

②

з. Ньютона для шара в проекц. на гориз. и верт.



Чепобук.

$$\sin^2\left(\frac{\alpha}{2} + \frac{\alpha}{2}\right) = 4 \sin^2 \frac{\alpha}{2} \cos^2 \frac{\alpha}{2}$$

$$\sin^2 \frac{\alpha}{2} (1 - \sin^2 \frac{\alpha}{2}) = \frac{\sin^2 \alpha}{4}$$

$$\left(\sin^2 \frac{\alpha}{2}\right)^2 - \sin^2 \frac{\alpha}{2} + \frac{\sin^2 \alpha}{4} = 0$$

$$\sin^2 \frac{\alpha}{2} = \frac{1 \pm \sqrt{1 - \sin^2 \alpha}}{2} = \sqrt{\frac{1 - \cos \alpha}{2}}$$

$$\frac{26}{13} \cdot \frac{1}{2} - \frac{10}{13} = \frac{21}{13}$$

$$6T_m - \frac{3T_0}{2} = 0$$

$$T_m = \frac{T_0}{4}$$

$$\frac{26}{13} - \frac{5 \cdot 2}{13} = \frac{16}{13}$$

$$\cos \beta = \frac{2}{\sqrt{13}} ; \sin \beta = \frac{3}{\sqrt{13}}$$

~~cos α =~~

$$\cos \alpha = \frac{5}{13} ; \sin \alpha = \frac{12}{13}$$

$$\frac{\frac{8}{13} \cdot \frac{2}{\sqrt{13}}}{\frac{5}{13}} = \frac{16}{5\sqrt{13}}$$

$$\# \sqrt{\frac{16}{13}} \cdot \frac{m}{M} \cdot \frac{3}{\sqrt{13}} = \frac{5}{8}$$

$$\left(\frac{\frac{13}{13} - \frac{5}{13}}{2} = \sqrt{\frac{4}{13}} \right) = \frac{2}{\sqrt{13}} \left(\frac{18}{16} - \frac{45}{16} \right) = \frac{27}{16} - \frac{45}{16}$$

Чепуелан

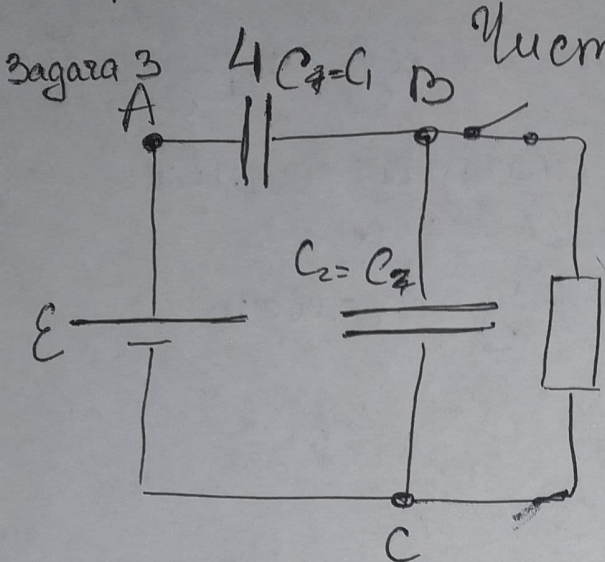
Часть 2

Олимпиада: **Физика, 11 класс (2 часть)**

Шифр: **21203325**

ID профиля: **816328**

Вариант 3



1. 1) В начальный момент времени на конденсаторах заряда нет \Rightarrow ~~их~~ нет на них разности потенциалов

$$\varphi_A - \varphi_C = \varepsilon$$

$$\varphi_A = \varphi_B, \text{ т.к. конденсатор } C_1 \text{ не заряжен.}$$

$$2) I_{R0} = \frac{\varphi_B - \varphi_C}{R} = \frac{\varphi_A - \varphi_C}{R} = \frac{\varepsilon}{R}$$

2. 1) Через некоторое время после замыкания ключа будет достигнуто состояние равновесия, когда токов в схеме не будет. Тогда тепло выделяться уже не будет.

В таком случае $I_R = 0 \Rightarrow \varphi_B = \varphi_C \Rightarrow \varphi_A - \varphi_B = \varphi_A - \varphi_C$

U_{C1} - напряжение на ~~точ~~ C_1

$$U_{C1} = \varepsilon,$$

2) A - работа батареи ~~до~~ по достижению равновесия
 W_1 - энт-я ~~то~~ в C_1 через ~~энт.~~ протект. ~~времени~~
 W_2 - энт-я в C_2

~~U_{C2} - напр.~~ $I_R = 0 \Rightarrow \varphi_B - \varphi_C = 0 \Rightarrow W_2 = \frac{q^2}{2} = 0$

W_0 - выделившееся тепло

$$A = W_0 + W_1 + W_2 = W_1 + W_0 \quad (1)$$

$A = q\varepsilon$, где q - протекший ~~до~~ по батарее заряд.

Чистовик

заряд на C_1 равен протекшему через батарею, т.к. ~~одна~~ из положительных клемм батареи подключен лишь к обкладке конденсера C_1 , а заряд должен сохраниться.

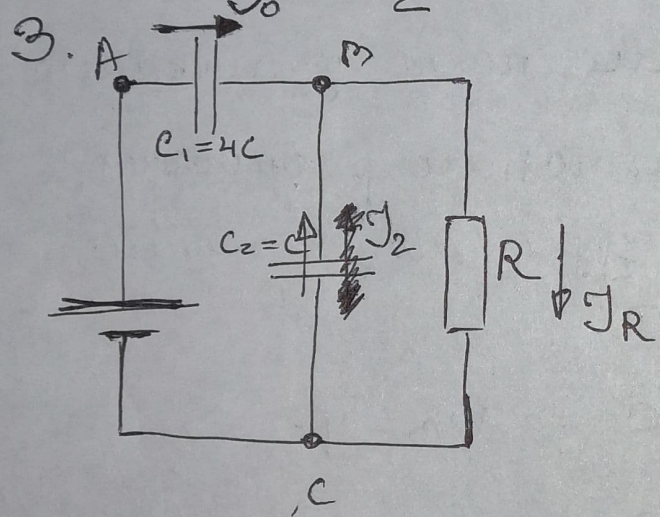
тогда

3) $q\varepsilon = W_B + \frac{q\varepsilon}{2}$

$W_1 = \frac{\varepsilon \cdot q}{2}$ - формула энергии для конденсатора

$A = q\varepsilon$

$W_B = \frac{q\varepsilon}{2}$



~~$J_R \cdot R = \varepsilon - q \frac{d\varepsilon}{dt}$~~
 ~~$U_{C2} = J_R \cdot R$~~

4) $J_0 = \frac{dq}{dt}$

$\frac{1}{C_1} J_0 \varepsilon = \frac{dU_{C1}}{dt}$

$J_0 \varepsilon U_{C1} + U_{C2} = \varepsilon$

$\frac{dU_{C1}}{dt} + \frac{dU_{C2}}{dt} = 0$

$\frac{dU_{C2}}{dt} = - \frac{dU_{C1}}{dt} = - J_0 \varepsilon - \frac{J_0}{C_1}$

~~$\frac{1}{C_2} \varepsilon \frac{dq_2}{dt} = - \frac{J_0}{C_2} \frac{\varepsilon}{C_2}$~~

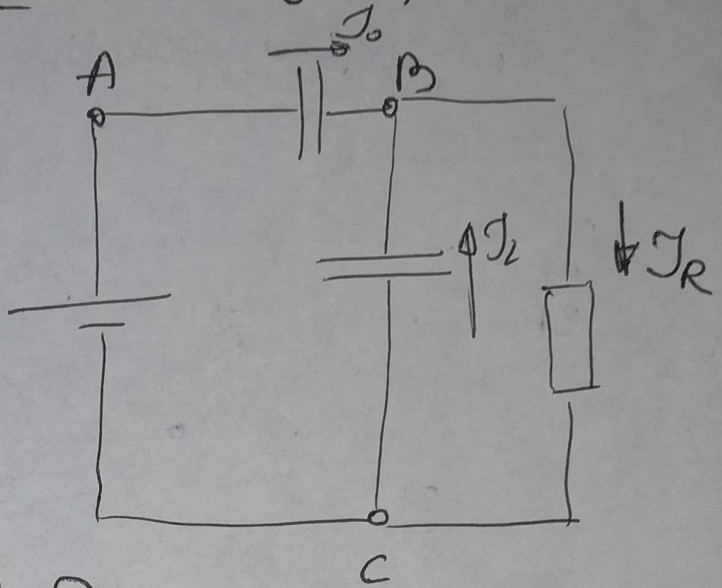
~~$\frac{1}{C_2} J_2 \varepsilon = \frac{J_0}{C_1}$~~

~~$J_2 \varepsilon = J_0$~~

$$\frac{dU_{C2}}{dt} = - \frac{J_0}{C_1}$$

$$\frac{1}{C_2} \cdot \frac{dq_2}{dt} = - \frac{J_0}{C_1}$$

$$J_2 = \frac{J_0 C_2}{C_1} = \frac{J_0}{4}$$



5) Равенство токов для узла B:

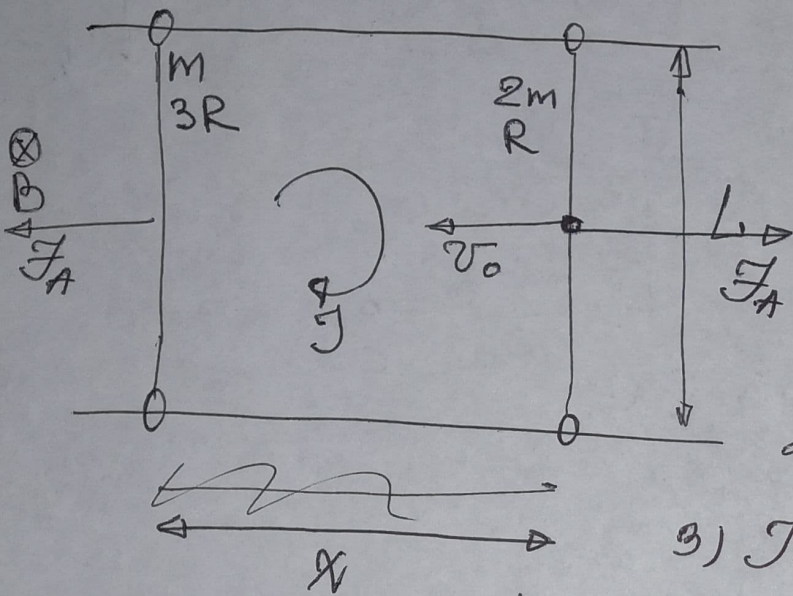
$$J_0 + J_2 = J_R$$

$$J_R = \frac{5J_0}{4}$$

* Знак меньше потому, что на схеме обозначил ток J_2 в противоположную сторону. $J_2 = - \frac{dq_2}{dt}$, где q_2 - заряд второго конденсатора, ёмкость C_2 . Положительный J_2 в данном случае разряжает конденсатор.

$$6) J_R = \frac{5J_0}{4}$$

$$U_R = J_R \cdot R = \frac{5J_0 R}{4}$$



1. 1) \mathcal{E} - эдс. в контуре

$$\mathcal{E} = - \frac{d\Phi}{dt}$$

$$\Phi = BLx$$

(x - ~~суть~~ расстояние между перемычками)

$$\frac{d\Phi}{dt} = BL \cdot (-v_0)$$

2) $\mathcal{E} = - \frac{d\Phi}{dt} = BLv_0$

3) I - ток в контуре.

$$I = \frac{\mathcal{E}}{R + 3R} = \frac{\mathcal{E}}{4R} = \frac{BLv_0}{4R}$$

4) Определим напр. I

~~препятствовало из-за~~ Φ от него по правилу буравчика из-за $\Phi > 0$

5) I_A - сила Ампера

$$F_A = BL \cdot I = \frac{BLv_0}{4R} \cdot BL = \frac{B^2 L^2 v_0}{4R}$$

$$a = \frac{F_A}{2m} = \frac{B^2 L^2 v_0}{8mR}$$

2. 1) Через продолжительной промежуток времени Φ перестанет меняться, так это ~~$x' = 20$~~ x_0 - расстояние между ними

$x_0 = \text{const} \Rightarrow \vec{v}_1 = \vec{v}_2$ скорости перемычек выравняются.

Токи в перемычках всегда равны по модулю но противоположны. Их длины равны \Rightarrow Силы Ампера, на них действующие равны по модулю и противоположны.

$$F = \frac{dp}{dt}; dp = F dt \Rightarrow \text{изменения}$$

$\Delta p = \int F dt \Rightarrow$ изменения их импульсов
равны по модулю и противоположны

$$\vec{\Delta p}_1 = -\vec{\Delta p}_2$$

$$\vec{\Delta p}_1 + \vec{\Delta p}_2 = 0 \Rightarrow \text{импульс сохр.}$$

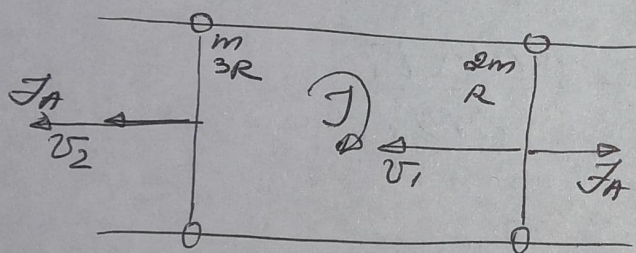
~~2) $\vec{F}_1 = -\vec{F}_2$~~

2) конечные скорости равны v_k .

$$v_k \cdot m + v_k \cdot 2m = v_0 \cdot 2m$$

$$v_k = \frac{2m v_0}{3m_0} = \frac{2v_0}{3}$$

3.



$$\Phi = BL \cdot S; \frac{dS}{dt} = -(v_1 - v_2)$$

$$\mathcal{E} = \frac{d\Phi}{dt} = \frac{BL(v_2 - v_1)}{4R}$$

$$F_A = \frac{B^2 L^2 (v_1 - v_2)}{4R}$$

Δx

$$\frac{dv_1}{dt} = -\frac{F_A}{2m} = \frac{-B^2 L^2 (v_1 - v_2)}{8mR}$$

$$\frac{dv_2}{dt} = \frac{F_A}{m} = \frac{B^2 L^2 (v_1 - v_2)}{4mR}$$

$$\frac{d(v_1 - v_2)}{dt} = \frac{-3B^2 L^2 (v_1 - v_2)}{8mR}$$

$$d(v_1 - v_2) = \frac{-3B^2 L^2 (v_1 - v_2) dt}{8mR}$$

$$(v_1 - v_2) dt = -ds$$

$$-d(v_1 - v_2) = \frac{3B^2 L^2 ds}{8mR}$$

$$+d(v_1 - v_2) = \frac{3B^2 L^2 dS}{8mR}$$

~~$$F + \Delta(v_1 - v_2) = \frac{3B^2 L^2 \Delta S}{8mR}$$~~

$v_1 - v_2 = 0$ в конце, т.к. v_1 в конце равно v_2 в конце

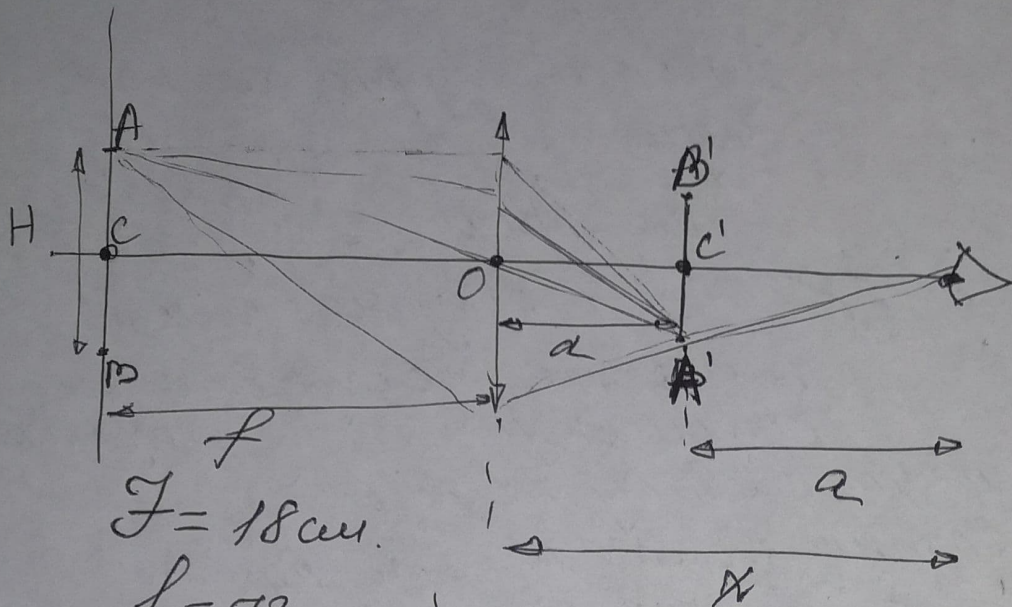
$v_1 - v_2 = v_0$ в начале, т.к. $v_1 = v_0$
 $v_2 = 0$

$$-v_0 = \frac{3B^2 L^2 \Delta S}{8mR}$$

$$\Delta S = \frac{-8mRv_0}{3B^2 L^2}$$

~~$$S_k = S_0 + \Delta S = S_0 - \frac{8mRv_0}{3B^2 L^2}$$~~

$$S_k = S_0 + \Delta S = S_0 - \frac{8mRv_0}{3B^2 L^2}$$



$$F = 18 \text{ см.}$$

$$f = 72 \text{ см.}$$

$$H = 9 \text{ см.}$$

$$a = 24 \text{ см.}$$

1. ~~д~~ ~~раса~~ $A'B'$ - изображение AB в линзе.

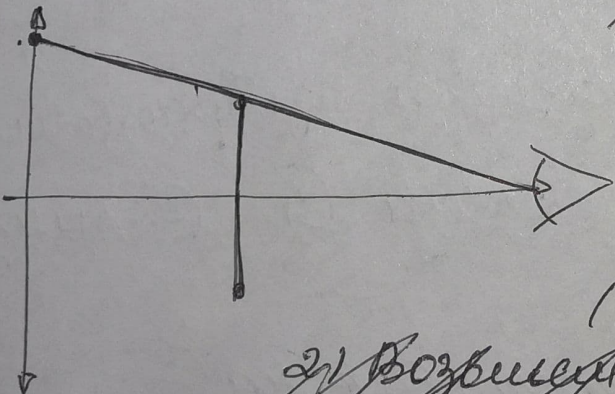
d - расстояние от линзы до $A'B'$

$$1) \frac{1}{f} + \frac{1}{d} = \frac{1}{F}$$

$$d = \frac{F \cdot f}{f - F} = 24 \text{ см.}$$

$$2) X = d + a = \frac{Ff}{f - F} + a = 48 \text{ см.}$$

2.



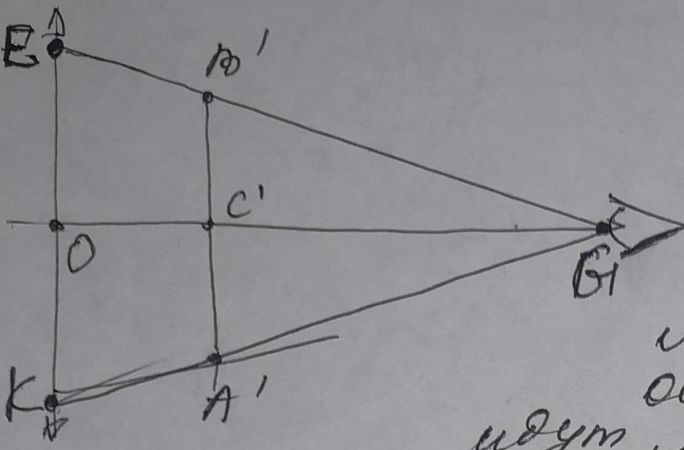
1) найду h - диаметр изображения

$$h = H \cdot \frac{d}{f} = 3$$

(Из подобия $\triangle AOC \sim \triangle A'O'C'$)

2) Возьмем линзу D - диаметром $D = 3 \text{ см}$ и будем постепенно увеличивать.

Чистовик.



2) Рассмотрим ход крайнего луча из B' в G он проходит через E точку на линзе. Лучи ~~не~~, показывающие оставшуюся часть изображения идут между линзы. \Rightarrow

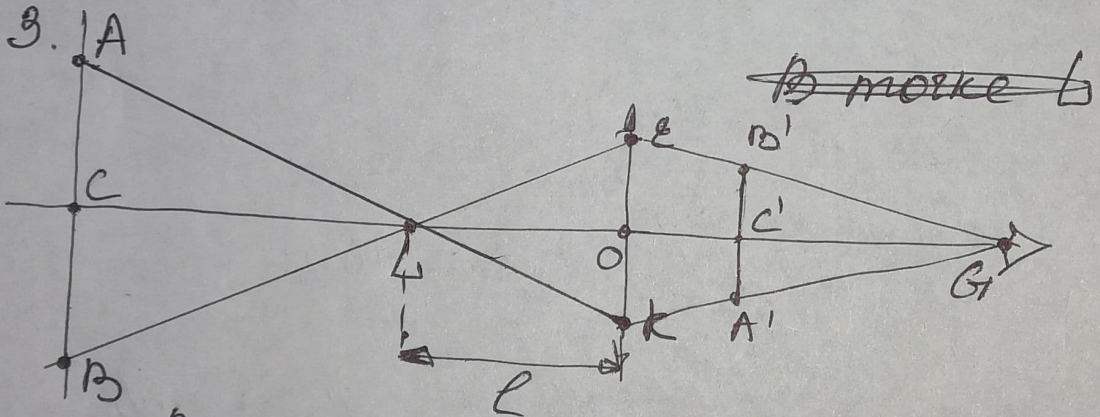
Линзы должно хватать для передачи луча $B'B'$, бимь ее $2f$ -диаметр

$$D \geq EK$$

$$K = (EO) \cap (GA')$$

$$EK = B'A' \cdot \frac{OG}{GC'} = h \cdot \frac{f}{a} = 6 \text{ см}$$

из подобия $\Delta GB'A' \sim GEK$.



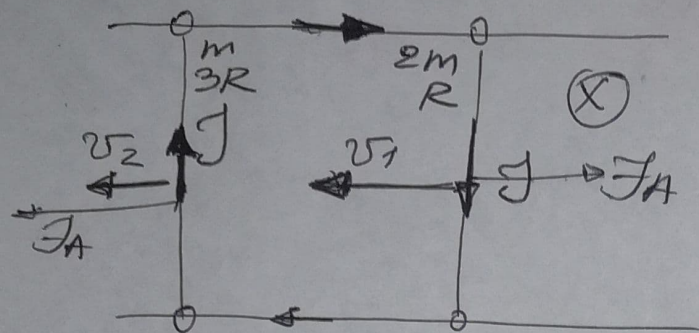
B точке L , являющейся изображением (как видно из рисунка) глаза G в линзе.

$$\frac{1}{l} + \frac{1}{x} = \frac{1}{f}$$

$$l = \frac{fx}{x-f} = 27,8 \text{ см.}$$

Значит, как надо поставить на оптической оси ~~на~~ между картинкой и линзой на расстоянии $l = 27,8$ см от линзы.

перемещение.



~~$$\frac{d\Phi}{dt} = BL(v_2 - v_1)$$~~

~~$$\mathcal{E} = \frac{d\Phi}{dt} = BL(v_2 - v_1)$$~~

$$\frac{d\Phi}{dt} = BL(v_2 - v_1)$$

$$\mathcal{E} = -\frac{d\Phi}{dt} = BL(v_1 - v_2)$$

$$J = \frac{\mathcal{E}}{4R} = \frac{BL(v_1 - v_2)}{4R}$$

$$F_A = BLJ = \frac{B^2 L^2 (v_1 - v_2)}{4R}$$

$$\frac{dv_1}{dt} = \frac{-F_A}{2m} = \frac{B^2 L^2 (v_1 - v_2)}{8mR}$$

$$\frac{dv_2}{dt} = \frac{F_A}{m} = \frac{B^2 L^2 (v_1 - v_2)}{4mR}$$

$$d(v_1 - v_2) = \frac{-3B^2 L^2 (v_1 - v_2) dt}{8mR}$$

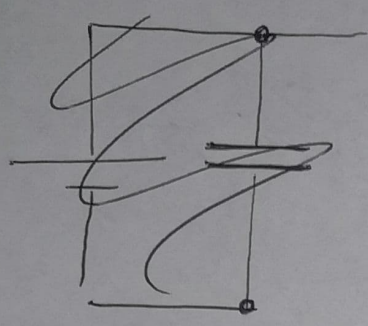
$$d(v_1 - v_2) = \frac{3B^2 L^2 \Delta S}{8mR}$$

$$\Delta(v_1 - v_2) = \frac{3B^2 L^2 \Delta S}{8mR}$$

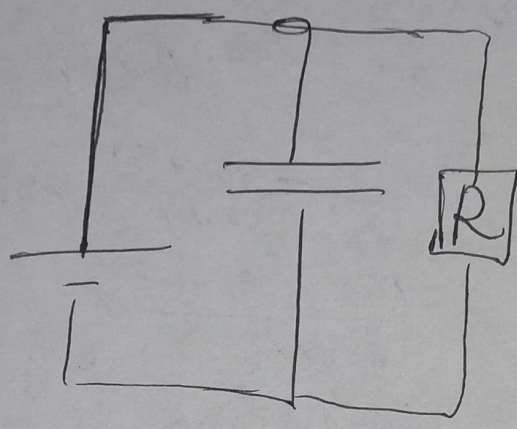
$$\Delta S = \frac{8v_0 m R}{3B^2 L^2}$$

~~Чистовик~~

Черновик



~~5H~~



$$U_{C1} + U_{C2} = \epsilon$$

~~5H~~