

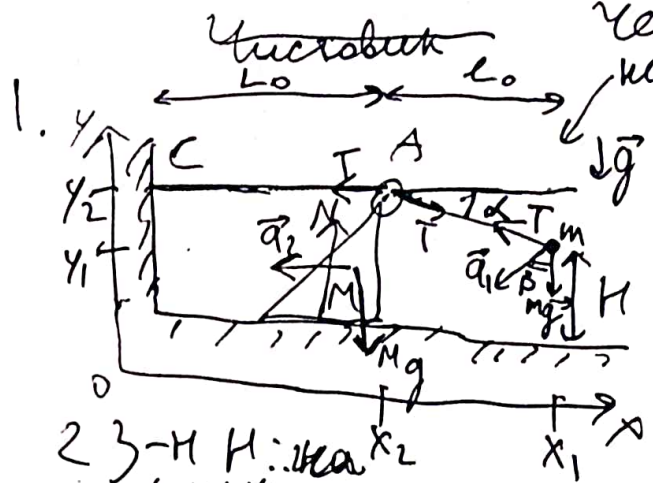
# Часть 1

Олимпиада: **Физика, 11 класс (1 часть)**

Шифр: **21200509**

ID профиля: **112613**

Вариант 4



Чертеж кар. мал. врем.

Дано:  $\cos \alpha = 8/17$ ;  $\alpha = \text{const}$  при движении.  
 Найти: 1)  $\beta$ ?  
 2)  $a_2$ ?  
 3)  $\frac{m}{M} = \gamma$ ?  
 4)  $t_{\text{пад}}$ ?

2) 3-й закон Ньютона:  
 $\sum F_x = M a_{2x}$   
 $-T + T \cos \alpha = M a_{2x}$   
 $\sum F_y = 0$  (без опоры)  
 $N = Mg + T \sin \alpha$

шар:  ~~$T + mg = Ma$~~   
 $\sum F_x = m a_{1x}$   
 $-T \cos \alpha = a_{1x} m$   
 $\sum F_y = m a_{1y}$   
 $-mg = a_{1y} m$

Пусть  $(x_1, y_1)$  - координаты шара  
 $(x_2, y_2)$  - блока ( $y_2 = H$ )

в шар:

T.K.  $\alpha = \text{const}$   
 $\text{tg} \alpha = \text{const}$   
 ~~$y_1 = \text{tg} \alpha \cdot x_1$~~   
 ~~$x_1 = \frac{y_1}{\text{tg} \alpha}$~~

~~T.K. кар. чл-ва нет,  
 $x_2(t) = L_0 + \frac{a_{2x} t^2}{2} = x_2(t)$   
 $x_1(t) = L_0 + \frac{a_{1x} t^2}{2}$   
 $y_1(t) = L_0 \text{tg} \alpha + \frac{a_{1y} t^2}{2}$~~

$(y_1 = \text{tg} \alpha \cdot x_1)$   
 $\frac{y_1}{x_1} = \text{tg} \alpha$

$y_1'' = \text{tg} \alpha \cdot x_1''$   
 $a_{1y} = a_{1x} \text{tg} \alpha$

$\text{tg} \beta = \frac{a_{1x}}{a_{1y}} = \text{ctg} \alpha$

$\beta = 90^\circ - \alpha \rightarrow \sin \beta = \cos \alpha = \frac{8}{17}$

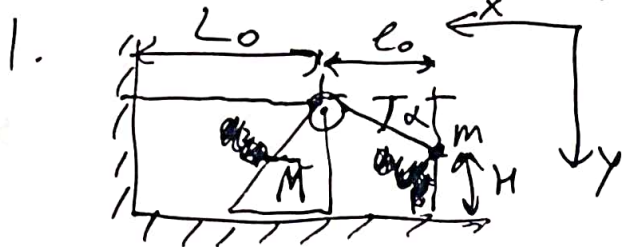
2. Me

$T_0 \cdot (T) = \frac{9}{5} R \frac{T}{T_0}$

~~$(\frac{3}{4} + 1) \cdot \frac{1}{4} T_0 \cdot \frac{9}{5} R =$~~

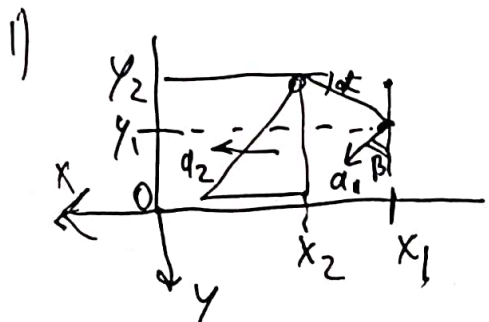
$2 \cdot (\frac{1}{5} + \frac{9}{5} \cdot \frac{3}{4}) \cdot \frac{1}{4} R T_0 = 2 \cdot \frac{7}{4} \cdot \frac{1}{8} \cdot \frac{9}{5} = \frac{63}{180} R T_0$

# Учрбук.



Дано:  $\cos \alpha = \frac{8}{17}$ ;  $d \neq \text{const}$

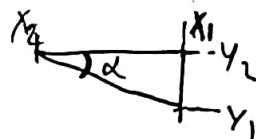
- 1)  $\beta$  - ?
- 2)  $a_2$  - ?
- 3)  $\gamma = \frac{m}{M}$  - ?
- 4)  $\text{tg} \alpha$  - ?



Точки  $(x_1, y_1)$  - координата на  $L_0$   
 $(x_2, y_2)$  - и - друга

$a_{2y} = 0$ , т.к. без отпора

$\text{tg} \alpha = \text{const}$ ,  $d \neq \text{const}$

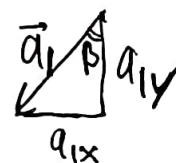


$(x_2 - x_1) \text{tg} \alpha = (y_2 - y_1)$  "  $y_2 = \text{const}$

$a_2 x = a_2$

(1)  $(a_2 - a_{1x}) \text{tg} \alpha = a_{1y} - 0$   $\text{tg} \beta = \frac{a_{1x}}{a_{1y}}$

$(y_1 > y_2; x_2 > x_1)$



(2)  $(\frac{a_2}{a_{1y}} - \text{tg} \beta) \text{tg} \alpha = 1$

- нормал. yr.

Думо нител:  $L_{\text{учрб}} = |x_2| + (x_2 - x_1) / \cos \alpha$   $\left\{ \begin{array}{l} L_0 = |x_2| \\ l_0 = x_2 - x_1 \end{array} \right.$

$\frac{d}{dt} \left[ (x_2 < 0 \rightarrow |x_2| = -x_2) \right]$

$\cos \alpha = \frac{8}{17}$

$0 = -a_2 + \frac{a_2 - a_{1x}}{\cos \alpha}$

$\sin \alpha = \sqrt{1 - \cos^2 \alpha} = \frac{15}{17}$

(1)  $\rightarrow a_2 - a_{1x} = + \frac{a_{1y}}{\text{tg} \alpha}$

$= \frac{15}{17}$

$\text{tg} \alpha = \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha} = \frac{15}{8}$

$-a_2 + \frac{a_{1y}}{\text{tg} \alpha \cos \alpha} = 0$

(3)  $a_{1y} = a_2 \sin \alpha \rightarrow$  (2)

$(\frac{a_2}{a_2 \sin \alpha} - \text{tg} \beta) \text{tg} \alpha = 1$

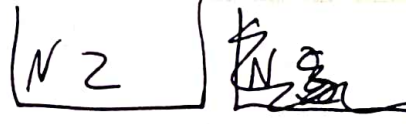
$(\frac{1}{\sin \alpha} - \text{tg} \beta) \text{tg} \alpha = 1$

$\text{tg} \beta = \frac{1}{\sin \alpha} - \frac{1}{\text{tg} \alpha} = \frac{17}{15} - \frac{8}{15} = \frac{9}{15} = \frac{3}{5}$

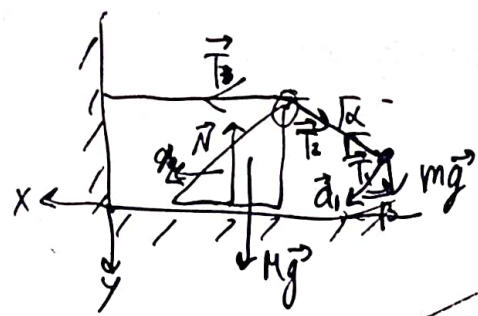
Ответ:  $\text{tg} \beta = 0,6$

$\left( \begin{array}{l} \text{tg} \beta = \frac{3}{5} \\ \sin \cos \beta = \frac{5}{134} \\ \sin \beta = \frac{3}{134} \end{array} \right)$

участков



2-3)



$T_1 = T_2 = T_3$  (перекрестки и блок)

2y + 1H:

$a_{1x} = a_1 \sin \beta$   
 $a_{1y} = a_1 \cos \beta$

$0x: a_{1x} m = T \cos \alpha$

$0y: a_{1y} m = mg - T \sin \alpha$

для кувши:  $0x: T - T \cos \alpha = a_2 M$

$0y: Mg - N + T_2 \sin \alpha = 0$   
 $(a_{2y} = 0)$

$M = \frac{T}{a_2} (1 - \cos \alpha)$

$M = \frac{m a_1 \sin \beta \sin \alpha}{\cos \alpha a_1 \cos \beta} \cdot (1 - \cos \alpha)$

$T = \frac{m a_1 \sin \beta}{\cos \alpha}$

$m a_1 \cos \beta = m g - \frac{m a_1 \sin \beta}{\cos \alpha} \sin \alpha$

$a_1 = \frac{g}{\cos \beta + \frac{\sin \beta \tan \alpha}{\cos \alpha}}$

$a_2 = \frac{a_1 \cos \beta}{\sin \alpha}$

$a_2 = \frac{g}{\sin \alpha} \cdot \left( \frac{1}{1 + \tan \alpha \tan \beta} \right) = \frac{17g}{15} \cdot \frac{1}{1 + \frac{15}{8} \cdot \frac{3}{5}} = \frac{17}{15} \cdot \frac{g}{1 + \frac{9}{8}} = \frac{8}{15} g$

2) Ответ:  $a_2 = \frac{8}{15} g \approx 5,3 \text{ m/s}^2$

$\gamma = \frac{m}{M} = \frac{\cos \alpha \cos \beta}{\sin \alpha \sin \beta} = \frac{1}{\tan \alpha \tan \beta}$

$\gamma = \frac{8}{15} \cdot \frac{5}{3} = \frac{8}{9}$

3) Ответ:  $\gamma = \frac{8}{9} \approx 0,889$

1) за t<sub>наг</sub>  $\Delta y = H$   $\Delta x(t) = \frac{a_{1x} t^2}{2}$

$H = \frac{a_{1y} t_{наг}^2}{2} \rightarrow t_{наг} = \sqrt{\frac{2H}{g a_1 \sin \beta}} = \sqrt{\frac{2H}{g}} (\cot \beta + \tan \alpha) \approx \sqrt{\frac{17H}{g} \left( \frac{5}{3} + \frac{15}{8} \right)}$

Ответ:  $t_{наг} = \sqrt{\frac{2H}{g}}$

4) Ответ:  $t_{наг} = \sqrt{\frac{85H}{12g}}$

$\frac{40+45}{24} = \frac{85}{24}$

4) за t<sub>наг</sub>  $\Delta y = H$ ,  $\Delta y(t) = \frac{a_{1y} t^2}{2} \rightarrow H = \frac{a_{1y} t_{наг}^2}{2}$

$t_{наг} = \sqrt{\frac{2H}{a_{1y}}}$

$a_{1y} = a_1 \cos \beta = \frac{g}{1 + \tan \alpha \tan \beta} \approx \frac{g}{1 + \frac{15}{8} \cdot \frac{3}{5}} = \frac{8g}{17}$

Ответ:  $t_{наг} = \sqrt{\frac{17H}{4g}}$



# Часть 2

Олимпиада: **Физика, 11 класс (2 часть)**

Шифр: **21200509**

ID профиля: **112613**

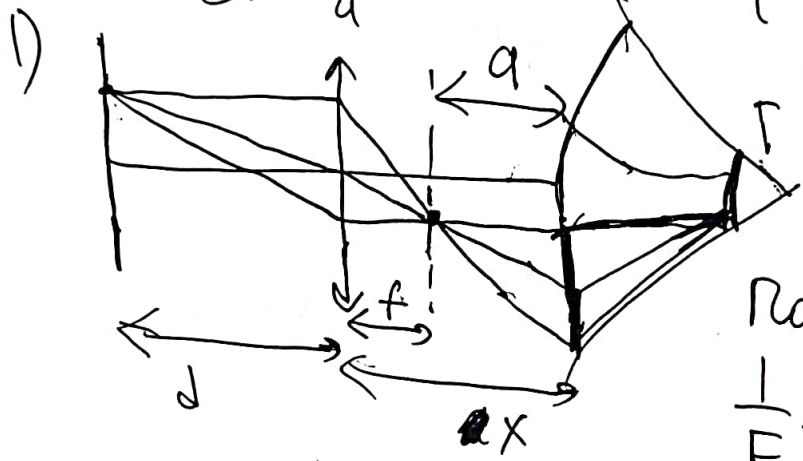
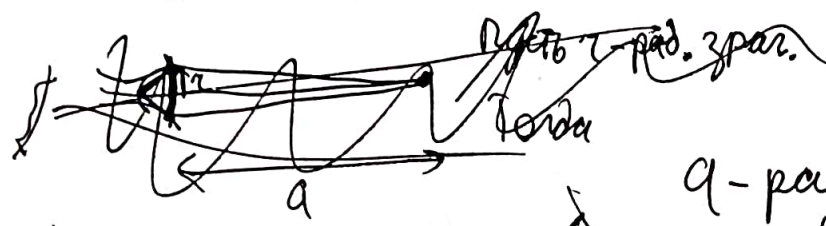
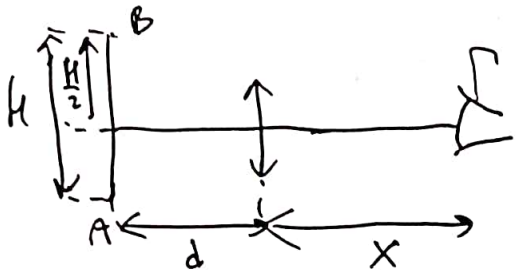
Вариант 4



# Чыстовик Чертювик

Дано:  $F = 24 \text{ см}$   
 $H = 9 \text{ см}$   
 $d = 96 \text{ см} = 4F$   
 $a = 24 \text{ см} = F$

Найти:



$a$  - расст. от.  $F$  до изображения

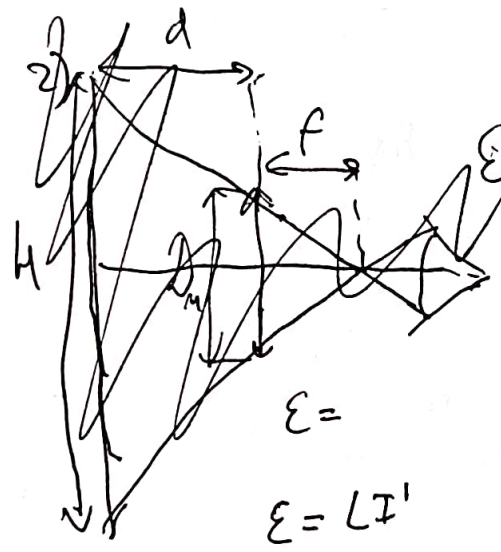
$$X = f + a$$

По ф. тонкой линзы

$$\frac{1}{F} = \frac{1}{d} + \frac{1}{f} \rightarrow f = \frac{Fd}{d-F} = \frac{F \cdot 4F}{3F} = \frac{4F}{3}$$

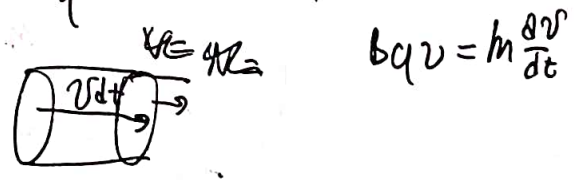
$$X = \frac{4}{3}F + F = \frac{7F}{3} \approx 56 \text{ см}$$

**Ответ: 56 см**



$$\mathcal{E} = L I'$$

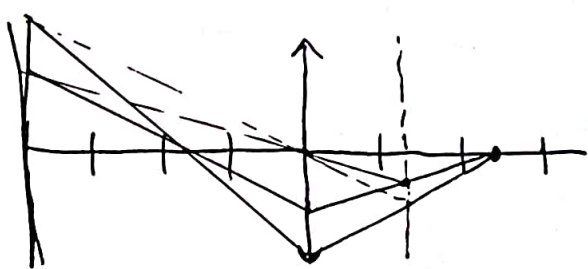
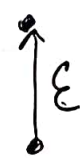
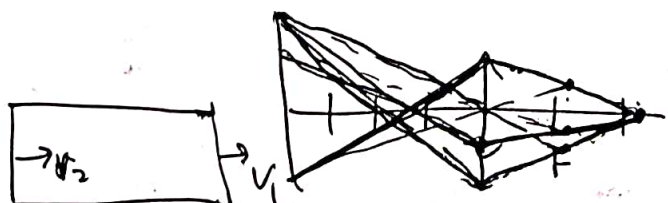
$$m_q \frac{dV}{dt} = F q = B q v = B q \frac{dx}{dt} \quad | \quad I = \frac{dq}{dt}$$



$$I dt = q N$$

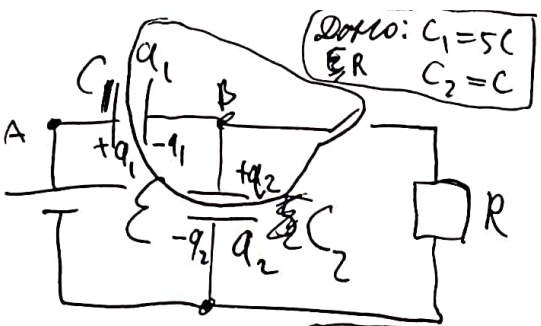
$$\mathcal{E} q = F q l = B q v l$$

$$\mathcal{E} = B v l$$

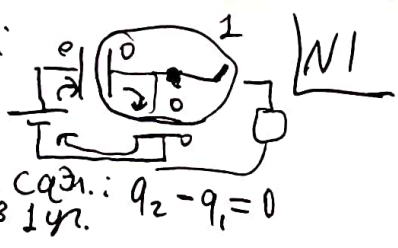




3.



Условие  $\varphi_A = \varphi$



$\varphi_C = 0$   
Выв. пер:

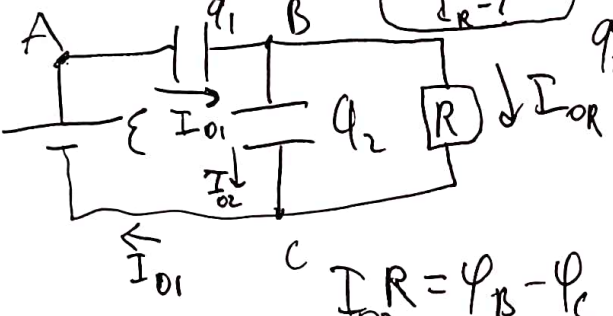
$$\varphi_A - \varphi_B = \frac{q_1}{C_1} \quad \left\{ \begin{array}{l} q_1 + q_2 = \varepsilon \\ \frac{q_1}{C_1} + \frac{q_2}{C_2} = \varepsilon \\ q_1 = q_2 \end{array} \right.$$

$\varphi_B = \varphi_C = \frac{q_2}{C_2}$

$$q_2 = q_1 = \frac{\varepsilon}{\frac{1}{5C} + \frac{1}{C}} = \frac{5C\varepsilon}{6}$$

справа  
расе ~~суммы~~

Контр:  
1)  $I_{OR}$ ?  
2)  $Q_3$ ?  
3)  $I_2 = I_0$ ?  
 $I_R$ ?



$q_1, q_2$  - не известны.

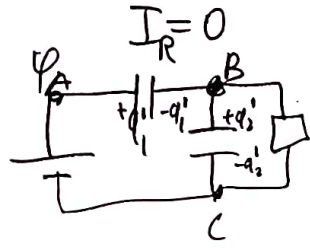
$I_{OR} R = \varphi_B - \varphi_C$

$\varphi_B - \varphi_C = \frac{q_2}{C_2} = \frac{5\varepsilon}{6}$

$I_{OR} = \frac{5\varepsilon}{6R}$

1) Ответ:  $I_{OR} = \frac{5\varepsilon}{6R}$

2)  $I_R = 0$  в конце:



$\varphi_B = \varphi_C$   
 $q_2' = \varepsilon_2(\varphi_B - \varphi_C) = 0$   
 $q_1' = C_1(\varphi_A - \varphi_B) = \varepsilon \cdot 5C = 5C\varepsilon$

3)  $\Delta W_{пот.} = Q + \Delta W_{пот.}$

$\Delta W_{пот.} = \int \varepsilon dq$

$\Delta W_{пот.} = \varepsilon \Delta q$  -  $\Delta q$ , перемес. уст. после замык.

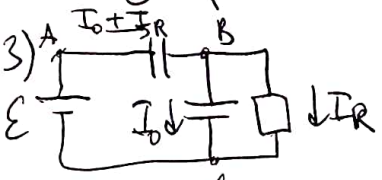
$\Delta W_{пот.} = \frac{C_1 \varepsilon^2}{2} - \left( \frac{q_1^2}{2C_1} + \frac{q_2^2}{2C_2} \right)$

$\varepsilon(q_1' - q_1) = Q + \frac{C_1 \varepsilon^2}{2} - \frac{q_1^2}{2C_1} - \frac{q_2^2}{2C_2}$

$Q = \varepsilon(5C\varepsilon - \frac{5}{6}\varepsilon C) + \frac{5^2 C^2 \varepsilon^2}{2 \cdot 5C} + \frac{5^2 C^2 \varepsilon^2}{2 \cdot C} - \frac{5C\varepsilon^2}{2} = C\varepsilon^2 \left[ 5 - \frac{5}{6} + \frac{5}{2} + \frac{25}{2} - \frac{5}{2} \right] =$

$= \frac{C\varepsilon^2}{6} (30 - 5 + 75) = \frac{50}{3} C\varepsilon^2$

2) Ответ  $Q = \frac{50}{3} C\varepsilon^2$



$I_1 = I_0 + I_R = 2 \cdot 3 C_1$

$I_R = \frac{\varphi_B - \varphi_C}{R}$

$I_0 = \frac{dq_2}{dt} = \frac{dC(\varphi_B - \varphi_C)}{dt} = C \frac{d\varphi_B}{dt}$

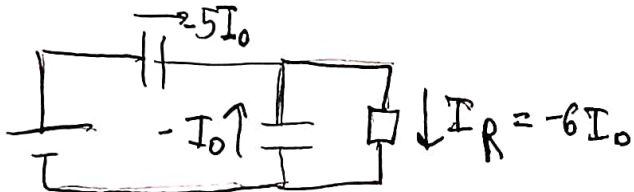
$I_1 = \frac{dq_1}{dt} = \frac{d(5C(\varphi_A - \varphi_B))}{dt} = 5C \frac{d\varphi_B}{dt} = 5I_0 \Rightarrow I_0 + I_R = 5I_0$

3.3) (продолж.)

числовик

$$I_0 + I_R = -5I_0$$

$$I_R = -6I_0 \quad (I_0 \text{ в др. сторону})$$



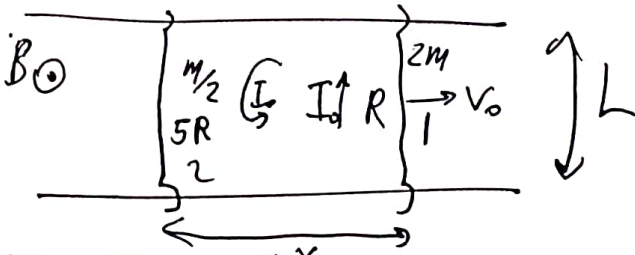
Ответ:  $I_R = 6I_0$

(N 2)

4.

Условие.

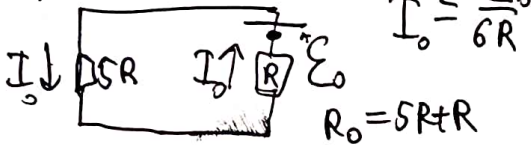
N3



В нач. мом. на двух. провод. действуют.

$$F_A \rightarrow \mathcal{E} \rightarrow I \rightarrow G \quad \mathcal{E}_0 = Bv_0L$$

1) в нач. мом.:



$$I \rightarrow F_A \rightarrow a$$

$$F_A = BIL = \frac{(BL)^2 v_0}{6R}$$

$$F_A = 2ma_1 \rightarrow a_1 = \frac{(BL)^2 v_0}{12mR}$$

1) Ответ:  $a_1 = \frac{(BL)^2 v_0}{12mR}$

Дано:

$$m_1 = 2m \quad R_1 = R$$

$$m_2 = m/2 \quad R_2 = 5R$$

$$v_0 \text{ в } t=0$$

Найти:

1)  $a_1(0) - ?$

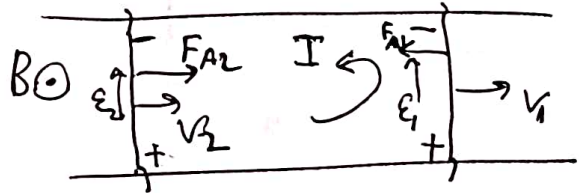
2)  $v_1, v_2(\infty) - ?$

3)  $\Delta(\Delta x) - ?$

$\Delta x$  - перем. м/у провод.

2) ~~Вопрос~~

в уст. режиме ( $t \rightarrow \infty$ )



Если  $I \neq 0$ , то  $F_A \neq 0 \rightarrow \text{const}$

$$Bv \rightarrow F_A \rightarrow \mathcal{E} : \mathcal{E}_1 = BLv_1$$

$$\mathcal{E}_2 = BLv_2$$



23-НК.

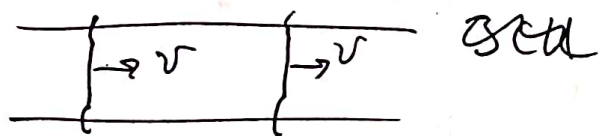
$$IR + 5IR = \mathcal{E}_1 - \mathcal{E}_2$$

$$I = \frac{\mathcal{E}_1 - \mathcal{E}_2}{6R} = \frac{BL}{6R}(v_1 - v_2)$$

Если  $I \neq 0$ , то

$$I \rightarrow F_A \rightarrow v \neq \text{const}$$

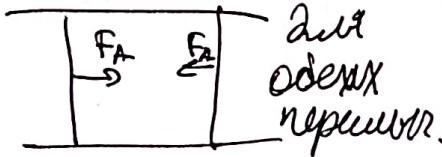
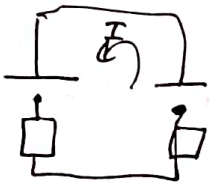
$$I = 0 \text{ при } v_1 = v_2 = v$$



~~3СЧ~~

В уст. режиме, до уст. режима:

$$I \neq 0 \rightarrow F_A = BIL - \text{одинак.}$$



$$\text{Тогда } \vec{p}_{\text{им.}} = F_{A1} t - F_{A2} t = 0$$

И можно записать ЗСЧ:

$$2m v_0 = 2m v + \frac{m}{2} v$$

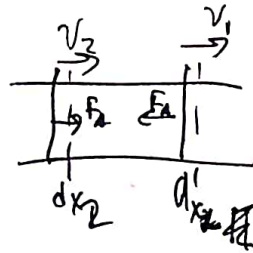
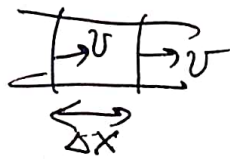
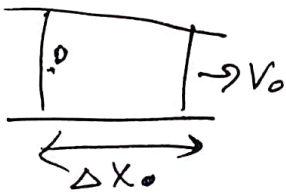
$$v = \frac{4}{5} v_0$$

Ответ:  $v_1 = v_2 = \frac{4}{5} v_0$

4.3)

участок

LN 4



$$I = \frac{B^2}{6R} (v_1 - v_2)$$

~~$$\Delta x = \Delta x_0 = \int_0^{\infty} (v_2 - v_1) dt$$~~

$$d\Delta x = (v_1 - v_2) dt$$

$$d\Delta x = dx_1 - dx_2$$

~~$$\sum a dt = F_A dx_1 + F_A dx_2 = \dots$$~~

$\sum a dt$  мех. энт. = const  
(поп. учт. → Q.R)

~~$\sum \epsilon dt =$~~

~~$$Q = I^2 R + I^2 \cdot 5R = \epsilon_2 I dt + \epsilon_1 I dt$$~~

~~$$6IR = (\epsilon_1 + \epsilon_2) dt$$~~

$$-F_A dx_1 + F_A dx_2 = 2m v_1 dv_1 + \frac{m}{2} v_2^2 dv_2$$

↓ ∫

∅  $\sum \epsilon dt:$

$$\int F_A d\Delta x = \frac{m v^2}{4} + \frac{2m v^2}{2} - \frac{2m v_0^2}{2}$$

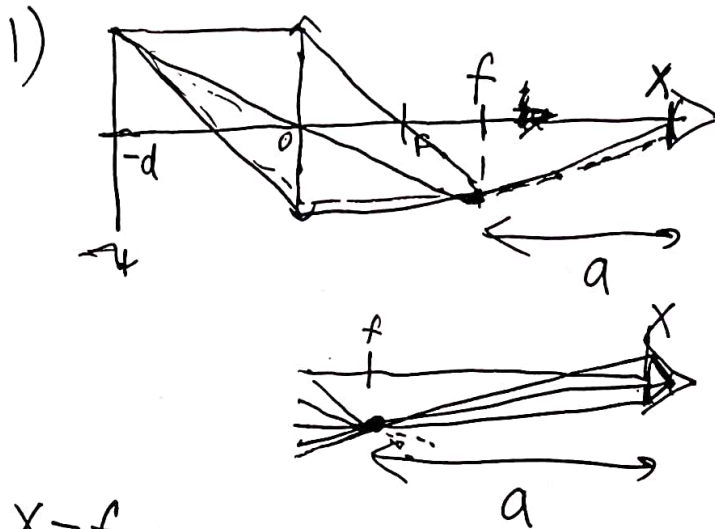
5.

Числовик

№5

Дано:  $F = 24 \text{ см}$   
 $H = 2 \text{ см}$   
 $d = 96 \text{ см} = 4F$   
 $a = 24 \text{ см} = F$

Найти:  $x$  - ?  
 $D_M$  - ?  
 $z$  - ? (вкрай)



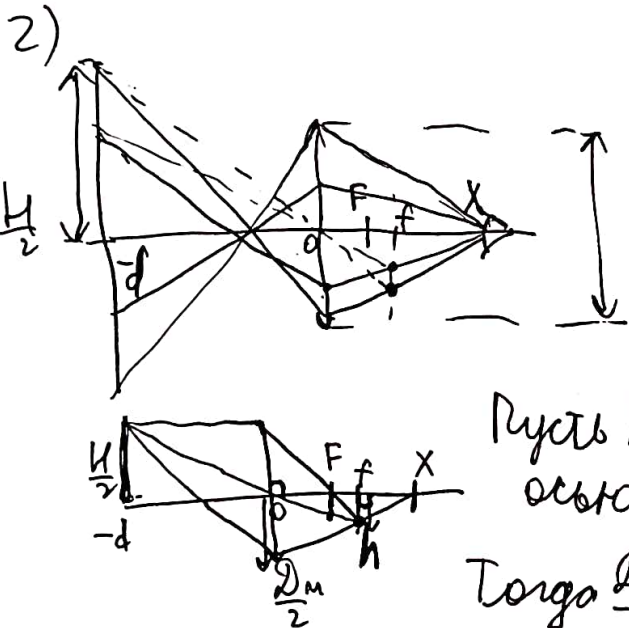
$X = f + a$ ,  $a$  - расст. от изображения до глаза

По оп. точке мочки

$$\frac{1}{F} = \frac{1}{d} + \frac{1}{f} \quad f = \frac{Fd}{d-F} = \frac{F \cdot 4F}{4F-F} = \frac{4}{3}F$$

$$X = \frac{4}{3}F + F = \frac{7}{3}F \approx 56 \text{ см}$$

1) Ответ:  $x = 56 \text{ см}$



Если самый <sup>крутой</sup> ~~выжженный~~ луч  
 верх. крайней точки попадет в глаз,  
 то и менее крутые из других  
 точек попадут (все ост. из  
 глаза попадут  
 на точку на  
 цилиндрке)

Пусть  $h$  - высота над опт.  
 осью изобр. крайней т.

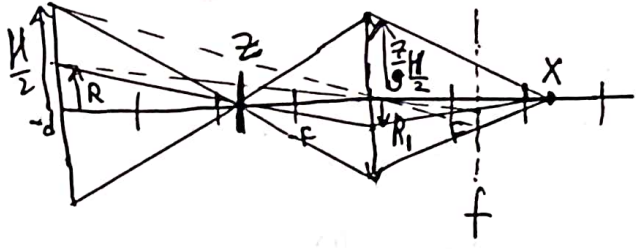
Тогда  $\frac{D_M}{2x} = \frac{h}{x-f}$  (из подобия <sup>с</sup> крайних лучей)

С др. ст.  $\frac{h}{f} = \frac{H/2}{d}$  (из подобия центр. лучей)

$$h = \frac{Hf}{2d} \quad D_M = \frac{Hfx}{da} = \frac{Hf(a+f)}{ad} = \frac{H \cdot \frac{4}{3}F \cdot \frac{7}{3}F}{4F \cdot F} = \frac{7}{9}H \approx 7 \text{ см}$$

2) Ответ:  $D_M = 7 \text{ см}$

5.3) Из симметрии, чистовик экран на ГОО



Этот крайний луч пересек. с ГОО в т. z':  $\frac{d-z'}{\frac{H}{2}} = \frac{z'}{\frac{7}{9} \frac{H}{2}}$   
 ( $\frac{7}{9}H$  - высота кр. луча в м-тх штыря)

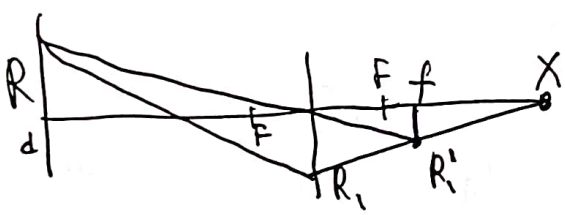
$$\frac{d-z'}{9} = \frac{z'}{7}$$

$$7d = 16z'$$

$$z' = \frac{7}{16}d$$

Докажем, что любой луч на пути на высоте R идет в точку z':

(1)  $\frac{R}{d-z'} = \frac{R_1}{z'}$  ( $R_1$  - высота в т. над ГОО в экран т. пересек. с линзой)



$$\frac{R}{d} = \frac{R_1}{f} \quad (R_1 - \text{высота над ГОО в экран.})$$

$$\frac{R_1}{X+f} = \frac{R_1}{X} \rightarrow R_1 = R_1 \frac{a}{X} \in R_1$$

$$R = R_1 \frac{a}{X} \cdot \frac{d}{f} \rightarrow (1): \frac{a}{X} \cdot \frac{d}{f} = \frac{d-z'}{z'} = \frac{9}{7}$$

$$\frac{a}{X} \cdot \frac{d}{f} = \frac{F}{\frac{7}{3}F} \cdot \frac{4F}{\frac{4}{3}F} = \frac{9}{7} \quad \text{ч.т.д.}$$

Значит,  $z = z' = \frac{7}{16}d \approx \frac{7}{16} \cdot 4F \approx 1.75F \approx 42 \text{ см}$

3) Ответ:  $z = 42 \text{ см}$