

Часть 1

Олимпиада: **Физика, 11 класс (1 часть)**

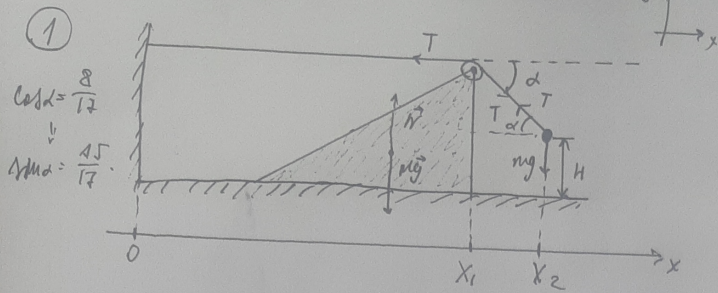
Шифр: **21200728**

ID профиля: **202839**

Вариант 4

Умножение

Физика, 11 класс



①
 $\cos \alpha = \frac{8}{17}$
 $\sin \alpha = \frac{15}{17}$

Умно, будем считать тросом нити на конце ниспадающим, следовательно малую длину по сравнению с длиной нити.

Вдвинем ось x. Тогда длина нити есть (x_1, x_2) - текущие координаты груза и масса

$$L = x_1 - 0 + \frac{x_2 - x_1}{\cos \alpha} = x_1 + (x_2 - x_1) \cdot \frac{17}{8}$$

$$L = \frac{17}{8} x_2 - \frac{9}{8} x_1$$

Продифференцируем это по времени. Получим:

$$0 = \frac{17}{8} \dot{x}_2 - \frac{9}{8} \dot{x}_1$$

$$0 = \frac{17}{8} \ddot{x}_2 - \frac{9}{8} \ddot{x}_1$$

$$17 a_{2x} = 9 a_{1x}$$

Теперь запишем 2-й и 3-й законы Ньютона для массы в проекциях:

$$x: m a_{1x} = -T \cos \alpha$$

$$y: m a_{1y} = T \sin \alpha - mg$$

где масса (a_2 - это ускорение во, как и слева):

$$x: M a_{2x} = -T + T \cos \alpha$$

Ищем систему:

$$\begin{cases} 17 a_{2x} = 9 a_{1x} & (1) \\ m a_{1x} = -T \cdot \frac{8}{17} & (2) \\ m a_{1y} = T \cdot \frac{15}{17} - mg & (3) \\ M a_{2x} = -T + \frac{8}{17} T = -\frac{9}{17} T & (4) \end{cases}$$

Из (2) и (3):

$$m(a_{1y} + g) = T \cdot \frac{15}{17}$$

$$\frac{m(a_{1y} + g)}{m a_{1x}} = \frac{-T \cdot \frac{8}{17}}{T \cdot \frac{15}{17}}$$

$$15 a_{1y} + 15g = -8 a_{1x} \quad (5)$$

①

① (продолжение)

Числовик

Физика, 11 класс

из (4) и (2):

$$\frac{Ma_{2x}}{ma_{1x}} = \frac{-\frac{8}{17}T}{-\frac{9}{17}T}$$

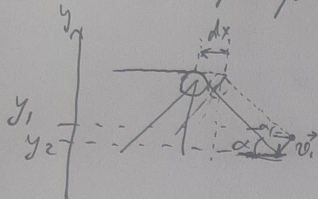
$$\frac{M}{m} = \frac{a_{1x}}{a_{2x}} \cdot \frac{8}{9}, \text{ из (1) } \frac{a_{1x}}{a_{2x}} = \frac{17}{9} \cdot \text{Тогда}$$

$$\frac{M}{m} = \frac{17}{9} \cdot \frac{8}{9} = \frac{136}{81} \approx 1,68$$

$$\downarrow$$

$$\frac{m}{M} = \frac{81}{136} \approx 0,6 \text{ - искомое отношение масс.}$$

Теперь найдем ~~углы~~ направления \vec{a}_1 . Будем считать, $\vec{a}_1 \parallel \vec{v}_1$.



Рассмотрим сдвиг цепи на dx влево.

Тогда граница цепи имеет смещение от дна на $y_1 - y_2$ и на dx с учетом отклонения и на $\frac{(y_1 - y_2)}{\sin \alpha} = \frac{+dy}{\frac{15}{17}} = \frac{17}{15} dy$

с другой стороны. Тогда $dx = \frac{17}{15} dy$

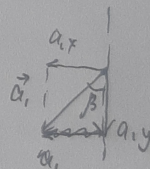
Поэтому изменение x -координат Δx равно $\frac{17}{15}$ изменению y -коорд. Δy вверх. Т.е. $\vec{a}_1 \uparrow \vec{v}_1$, $\vec{a}_2 \uparrow \vec{v}_2$

$$a_{2x} = \frac{17}{15} a_{2y} \quad 15a_{2y} = 17a_{2x}$$

(Учтв, и по горизонт. оси).

из (1) $17a_{2y} = 9a_{1x}$. Тогда $\frac{17}{15} = \frac{9}{17} \cdot \frac{a_{1x}}{a_{1y}}$

$$\tan \beta = \frac{a_{1x}}{a_{1y}} = \frac{289}{125} \approx 2,3$$



Тогда $a_{1x} = a \sin \beta$
 $a_{1y} = a \cos \beta$

$$\beta \approx 66,690^\circ$$

$$\sin \beta = 0,9178$$

$$\cos \beta = 0,39608$$

Тогда из (5) $15a_{1y} + 15g = -8a_{1x}$

$$a_1(15 \cos \beta + 8 \sin \beta) = -15g$$

$$|a_1| = g \cdot \frac{15}{15 \cos \beta + 8 \sin \beta} \approx 1,128g$$

②

① (проекции)

Ускорения.

Физика, 11 класс

$$\text{Тогда } |a_2| = a_{2y} = \frac{0}{17} a_{1x} = \frac{0}{17} \cdot a_1 \sin \beta \approx 0,55g \approx 5,5 \frac{\text{м}}{\text{с}^2}.$$

$$|a_y| = |a_1| \cos \beta \approx 0,4478g.$$

Тогда наименьшее время падения есть (по известным формулам)

$$t = \sqrt{\frac{2H}{g |a_y|}} = \sqrt{\frac{2H}{0,4478g}} \approx 2,11 \cdot \sqrt{\frac{H}{g}}.$$

Ответ: ① Тангенс этого угла $\tan \beta \approx 2,3$

② $|a_2| = 0,55g \approx 5,5 \frac{\text{м}}{\text{с}^2}$ и направлено влево.

$$\text{③ } \frac{m}{M} = \frac{136}{81} \approx 1,68$$

$$\text{④ } t \approx 2,11 \sqrt{\frac{H}{g}}.$$

③

②

Умножив

$$C(T) = \frac{9}{5} R \frac{T}{T_0}$$

$Q_1 = \left| \int_{T_1}^{T_2} c(T) dQ \right|$ Заменим, что при охлаждении в равновесии T на dT раз, выделяется $dQ = \nu C(T) dT$. Тогда
~~Рассмотрим непосредственно теплотворную часть в таком процессе от~~

$$T_1 \text{ к } T_2. \quad \Delta Q = \sum \nu \cdot \frac{9}{5} R \frac{T}{T_0} \cdot \Delta T =$$

$$Q_1 = \left| \int_{T_0}^{\frac{3}{4}T_0} \nu \cdot c(T) dT \right| = \left| \int_{T_0}^{\frac{3}{4}T_0} \nu \cdot \frac{9}{5} R \frac{T dT}{T_0} \right| = \left| \frac{9\nu R}{5T_0} \int_{T_0}^{\frac{3}{4}T_0} T dT \right| =$$

$$= \frac{9\nu R}{5T_0} \cdot \left| \frac{T^2}{2} \Big|_{T_0}^{\frac{3}{4}T_0} \right| = \frac{9\nu R}{5T_0} \cdot \left(\frac{T_0^2}{2} - \frac{9}{16} \frac{T_0^2}{2} \right) = \frac{9\nu R}{5T_0} \cdot \frac{T_0^2}{2} \cdot \left(1 - \frac{9}{16} \right) =$$

$$= \frac{9}{10} \nu R T_0 \cdot \frac{7}{16} = \frac{63}{160} \nu R T_0 \approx 0,39 \nu R T_0.$$

Рассмотрим охлаждение газа от T_1 до T_2 ($T_2 < T_1$):

$$Q_{12} = A_{12} + \frac{3}{2} \nu R (T_2 - T_1) \quad (\text{не-эquilibrальный})$$

$$Q_{12} = \int_{T_1}^{T_2} \nu c(T) dT = \int_{T_1}^{T_2} \nu \cdot \frac{9}{5} R \frac{T dT}{T_0} = \frac{9\nu R}{5T_0} \cdot \frac{T^2}{2} \Big|_{T_1}^{T_2} = \frac{9\nu R}{10T_0} (T_2^2 - T_1^2).$$

$$\text{Тогда } \frac{9\nu R}{10T_0} (T_2^2 - T_1^2) = A_{12} + \frac{3}{2} \nu R (T_2 - T_1)$$

$$A_{12} = \frac{9\nu R}{10T_0} (T_2^2 - T_1^2) - \frac{3}{2} \nu R (T_2 - T_1).$$

$$A_{12} = \nu R \left(\frac{9}{10T_0} (T_2^2 - T_1^2) - \frac{3}{2} (T_2 - T_1) \right) = \frac{3}{2} \nu R \left(\frac{3}{5T_0} (T_2^2 - T_1^2) - T_2 + T_1 \right)$$

Но т.к. в условии сказано, что газ охлаждается от T_0 до $T_1 > T_0$.

$$A_{12} = \frac{3}{2} \nu R \left(\frac{3}{5T_0} (T_2^2 - T_0^2) - T_2 + T_0 \right) = \frac{3}{2} \nu R \left(\frac{3}{5T_0} \cdot T_2^2 - \frac{3}{5} T_0 - T_2 + T_0 \right)$$

$$A_{12}(T_2) = \frac{3}{2} \nu R \left(T_2^2 \cdot \frac{3}{5T_0} - T_2 + \frac{2}{5} T_0 \right).$$

Т.к. $\frac{3}{2} \nu R = \text{const}$, то $A_{12 \text{ min}}$ - при минимальном T_2 , а в нек- направлении, будем брать $\left(\frac{3}{5T_0} > 0 \right)$, значит T_2 - минимум при $T_2 = -\frac{-1}{2 \cdot \frac{3}{5T_0}} =$
(известно $x_{\text{min}} = -\frac{b}{2a}$)

$$= \frac{5T_0}{6} \quad \text{при } T_2 = \frac{5}{6} T_0.$$

④

② (продолжение)

$$\begin{aligned}
 \text{Тогда } A_{12} &= \frac{3}{2} \nu R (T_2^2 - \frac{3}{5} T_0 - T_2 + \frac{2}{5} T_0) = \frac{3}{2} \nu R (\frac{25}{36} T_0^2 - \frac{3}{5} T_0 - \frac{\sqrt{5}}{6} T_0 + \frac{2}{5} T_0) = \\
 &= \frac{3}{2} \nu R T_0 (\frac{5}{12} - \frac{\sqrt{5}}{6} + \frac{2}{5}) = \frac{3}{2} \nu R T_0 (\frac{2}{5} - \frac{\sqrt{5}}{12}) = \frac{3}{2} \nu R T_0 \frac{8}{5} \cdot \frac{24 - 25}{60} = \\
 &= \frac{3}{2} \nu R T_0 \cdot (-\frac{1}{60}) = -\frac{1}{40} \nu R T_0.
 \end{aligned}$$

то есть при $T_2 = \frac{\sqrt{5}}{6} T_0$ раз совершают минимальную, отрицательную, работу $A_{12} = -\frac{1}{40} \nu R T_0$.

Ответ: $Q_1 \approx 0,30 \nu R T_0$, $T_2 = \frac{\sqrt{5}}{6} T_0$, $A_{12} = -\frac{1}{40} \nu R T_0$.

Часть 2

Олимпиада: **Физика, 11 класс (2 часть)**

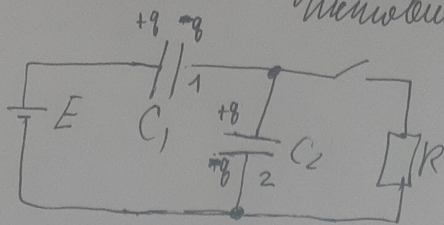
Шифр: **21200728**

ID профиля: **202839**

Вариант 4

Минимум

3



$C_2 = C$
 $C_1 = 5C$

Напрядем, что го злущиваем
Клора не максимум как вправо,
го так и влорсо конценсамра есво
заряд q . Крда есво на нух конфе-

менте U_1 и U_2 , тчо

$$\begin{cases} U_1 + U_2 = E \\ U_1 = \frac{q}{C_1} = \frac{q}{5C} \\ U_2 = \frac{q}{C_2} = \frac{q}{C} \end{cases}$$

$$\frac{q}{5C} + \frac{q}{C} = E$$

$$\frac{6}{5} \cdot \frac{q}{C} = E$$

$$\frac{q}{C} = \frac{5}{6} E$$

$$\begin{cases} U_1 = \frac{1}{6} E \\ U_2 = \frac{5}{6} E \end{cases}$$

Срзду ноче замкнутые клора на резисторе напряжение $U_{20} = \frac{5}{6} E$,
зрорум ток $I = \frac{U_{20}}{R} = \frac{5E}{6R}$.

Черз замкнуе срелд ноче замкнутые клора зарядя концен-
генемра мен, что мочет черз R не бздем $\Rightarrow U_2 = 0 \Rightarrow U_1 = E \Rightarrow q = \frac{EC}{5}$
($q = \frac{5}{6} EC$)

Ро есво репу нелорумк впрорем заряд $\frac{1}{6} CE$.

Тогда ЗСЭ:

$$\underbrace{\frac{C_1 U_{10}^2}{2} + \frac{C_2 U_{20}^2}{2}}_{W_0} + \underbrace{E \cdot \frac{1}{6} CE}_{\text{Актор. сун}} = \frac{C_1 E^2}{2} + Q$$

$$Q = \frac{5C \cdot \frac{E^2}{36}}{2} + \frac{C \cdot \frac{25E^2}{36}}{2} + \frac{CE^2}{6} - \frac{5CE^2}{2} = CE^2 \left(\frac{5}{72} + \frac{25}{72} + \frac{1}{6} - \frac{1}{2} \right) =$$

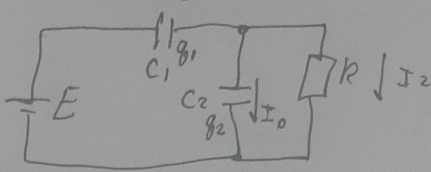
$$= CE^2 \left(\frac{30}{72} - \frac{1}{3} \right) = CE^2 \left(\frac{5}{12} - \frac{4}{12} \right) = \frac{CE^2}{12}$$

1

Умнобон

Физика, 11 класс

3) (нахождение I_2)



Умнобон:

$$\begin{cases} I_1 = I_0 + I_2 \Leftrightarrow \dot{q}_1 = \dot{q}_2 + I_2 \\ \dot{q}_2 = I_2 R \\ \frac{q_1}{C_1} + \frac{q_2}{C_2} = E \end{cases}$$

$$\frac{q_1}{C_1} + I_2 R = E$$

$$q_1 = CE - I_2 RC_1$$

$$\dot{q}_1 = -I_2 RC_1$$

$$q_2 = I_2 RC_2$$

$$\dot{q}_2 = I_2 RC_2$$

Тогда $-I_2 RC_1 = I_2 RC_2 + I_2$

$$I_2 + 6 I_2 RC = 0$$

Тогда $I_2 = -6 \frac{dI_2}{dt} RC$

$$\frac{dI_2}{I_2} = - \frac{dt}{6RC}$$

$$\ln I_2 = - \frac{t}{6RC} + A \quad \leftarrow \text{константа}$$

$$I_2 = e^{-\frac{t}{6RC} + B}$$

$$I_2 = A e^{-\frac{t}{6RC}}$$

Умнобонное сопротивление замкнутой цепи, при $t=0$ умнобон $I_2 = E \frac{5}{6} \frac{1}{R} = A$

то есть $I_2 = \frac{5E}{6R} \cdot e^{-\frac{t}{6RC}}$

$$q_2 = I_2 RC_2 = I_2 RC = \frac{5}{6} CE \cdot e^{-\frac{t}{6RC}}$$

$$I_0 = \dot{q}_2 = \frac{5}{6} CE \cdot e^{-\frac{t}{6RC}} \cdot \left(-\frac{1}{6RC}\right) = -\frac{5}{36} \cdot \frac{E}{R} \cdot e^{-\frac{t}{6RC}}$$

Аналогично при $t=0$, когда минимальное количество I_0 , умнобон

$$I_0 = -\frac{5}{36} \cdot \frac{E}{R} \cdot e^{-\frac{t}{6RC}} \Rightarrow \frac{I_2}{I_0} = - \frac{\frac{5}{6} \cdot \frac{E}{R} \cdot e^{-\frac{t}{6RC}}}{-\frac{5}{36} \cdot \frac{E}{R} \cdot e^{-\frac{t}{6RC}}}$$

(2)

3 (продолжение)

Мисловне

Физика, 11 класе

$$\frac{I_2}{I_0} = -6$$

$$\downarrow$$
$$I_2 = -6 I_0.$$

Знак "-" - т.ч. на невизначено на схемі вказати напрям-
лення I_2 .

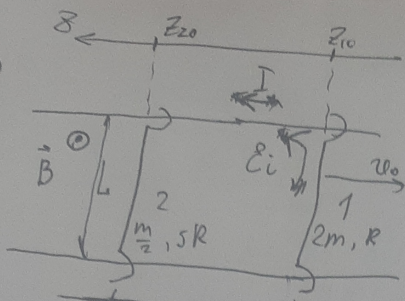
Відповідь: $I = \frac{S}{6} \cdot \frac{E}{R}$

$$Q = \frac{CE^2}{12}$$

$$I_2 = 6 I_0$$

3

4



Механика

Физика, 11 класс

$$|E_i| = \dot{\Phi} = (BS) = BLv_0 \leftarrow \text{ЭДС индуцируемая}$$

$$I = \frac{E_i}{R+5R} = \frac{BLv_0}{6R}$$

В начальный момент на единицу 1

действует сила Ампера $F_{A10} = IBL$. По мере её изменения индукционная ЭДС падает, иначе, это сила Лоренца, действующая вдоль v_0 , на "+" и "-" заряды проводника.

Пока полное внешнее ускорение $a_0 = \frac{F_{A10}}{2m} = \frac{IBL}{2m} = \frac{BLv_0 \cdot BL}{6R \cdot 2m}$
 $= \frac{B^2 L^2 v_0}{12mR}$ (и направлено оно ~~по~~ ~~против~~ ~~напр~~ ~~по~~ v_0).

Создадим ось X. Пусть начальные координаты равны x_{10} и x_{20} , тогда а начальные x_1 и x_2 . Тогда в любой момент времени t между координатами между \dot{x}_1 и \dot{x}_2 малое рас, как и между v_0 и v_0 (можно пропустить аналогичные рассуждения):

~~$$\ddot{x}_1 = -\frac{B^2 L^2}{12mR} x_1$$~~

~~интегрируем:~~

~~$$\dot{x}_1 = -\frac{B^2 L^2}{12mR} t + C \leftarrow \text{константа}$$~~

~~Впр $t=0$ $\dot{x}_1 = v_0 \Rightarrow C = v_0$~~

~~$$\dot{x}_1 = \frac{B^2 L^2}{12mR} t + v_0$$~~

~~интегрируем:~~

~~$$x_1 = -\frac{B^2 L^2}{12mR} x_1 + C \leftarrow \text{константа}$$~~

~~Положим $x_1 = x_{10} = 0$, тогда~~

~~$$C = v_0$$~~

~~$$\dot{x}_1 = -\frac{B^2 L^2}{12mR} x_1 + C$$~~

Тогда $|E_i| = \dot{\Phi} = (BS) = (BL(x_0 - x_{20})) = BL(\dot{x}_0 - \dot{x}_2) = BL(\dot{x}_1 - \dot{x}_2)$

$$I = \frac{|E_i|}{R+5R} = \frac{BL(\dot{x}_1 - \dot{x}_2)}{6R}$$

$$\begin{cases} 2m\ddot{x}_1 = +I|BL \\ -\frac{m}{2}\ddot{x}_2 = -I|BL \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} \ddot{x}_1 = \frac{B^2 L^2 (\dot{x}_1 - \dot{x}_2)}{12mR} \\ \ddot{x}_2 = -\frac{B^2 L^2 (\dot{x}_1 - \dot{x}_2)}{3mR} \end{cases}$$

(т.е. ток - в обратном направлении)

Во-первых, через проходимый момент времени, в стационарном состоянии, $\dot{x}_1 = \dot{x}_2 = 0 \Rightarrow \dot{x}_1 = \dot{x}_2$

4

④ (продолжение)

$$\ddot{x}_1 = \frac{BL^2(x_1 - x_2)}{12mR}$$

$$\ddot{x}_2 = \frac{BL^2(x_2 - x_1)}{3mR}$$

Пусть $A = \frac{BL^2}{12mR}$. Тогда

$$\ddot{x}_1 = A(x_1 - x_2)$$

$$\ddot{x}_2 = 4A(x_2 - x_1)$$

Сложим:

$$\ddot{x}_1 + \ddot{x}_2 = 3A(x_2 - x_1)$$

Пропишем:

$$\dot{x}_1 + \dot{x}_2 = 3A(x_2 - x_1) + C \quad \text{константа}$$

Пусть в начале $x_{10} - x_{20} = l$. Для начальных моментов времени:

$$v_0 + 0 = 3Al + C$$

↓

$$C = v_0 - 3Al$$

Пусть через время t произведем расчеты m/g перемещением $l + \Delta l$. Тогда для него:

$$(\dot{x}_1)_k + (\dot{x}_2)_k = 3A(l + \Delta l) + C$$

$$2(\dot{x}_1)_k = 3Al - 3A\Delta l + v_0 - 3Al = v_0 - 3A\Delta l$$

$(\dot{x}_1)_k$ и $(\dot{x}_2)_k$ — конечные скорости первого и второго перемещений.

Обратим внимание на то, что в системе отсчета 1-го перемещения 2-й перемещение сохраняется (на них действуют лишь силы со стороны пола, равные по модулю и противоположно направлены). ЗСИ:

$$2m v_0 = \frac{m}{2} (\dot{x}_2)_k + 2m (\dot{x}_1)_k = \frac{5}{2} m (\dot{x}_1)_k$$

$$(\dot{x}_2)_k = (\dot{x}_1)_k$$

$$\boxed{(\dot{x}_1)_k = \frac{4}{5} v_0}$$

$$2 \cdot \frac{4}{5} v_0 = v_0 + 3A\Delta l$$

④ (прозрачные)

"
Уменьшить

Физика, 11 класс

$$\frac{8}{5} v_0 = v_0 + 3 \Delta l$$

$$\frac{2}{5} v_0 = 3 \Delta l$$

$$\Delta l = \frac{v_0}{5 \cdot 3} = \frac{v_0}{15} = \frac{12}{5} \cdot \frac{m R v_0}{B^2 L^2}$$

$$\text{Ответ: } a_0 = \frac{B^2 L^2 v_0}{12 m R}; \quad (\dot{x}_1)_K = (\dot{x}_2)_K = \frac{4}{5} v_0; \quad \Delta l = \frac{12}{5} \cdot \frac{m R v_0}{B^2 L^2}$$

⑥

5

Условие

Физика, 11 класс

$F = 24 \text{ см}$

$H = 9 \text{ см}$

$L = 96 \text{ см}$

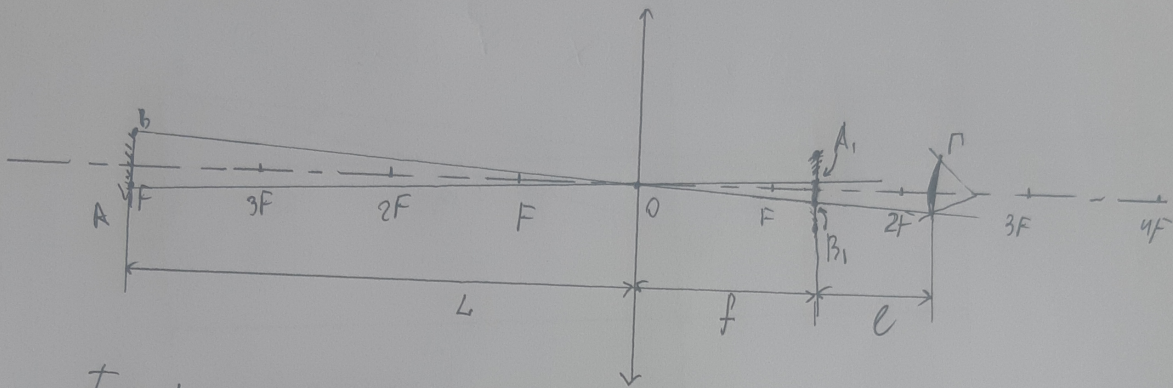
$l = 24 \text{ см}$

$x = ?$

$\Delta m = ?$

?

Так как "Ахроматизировать глаз - это настроить глаз на рассматривание предметов на некотором расстоянии", то изображение сетов находится на этом расстоянии от глаза.



Т.к., $L > F$, то изображение в обратном направлении действительное, перевернутое. Используем формулу тонкой линзы:

$$\frac{1}{L} + \frac{1}{f} = \frac{1}{F}$$

$$\frac{1}{f} = \frac{1}{F} - \frac{1}{L} = \frac{1}{24} \text{ см}^{-1} - \frac{1}{96} \text{ см}^{-1} = \frac{3}{96} \text{ см}^{-1}$$

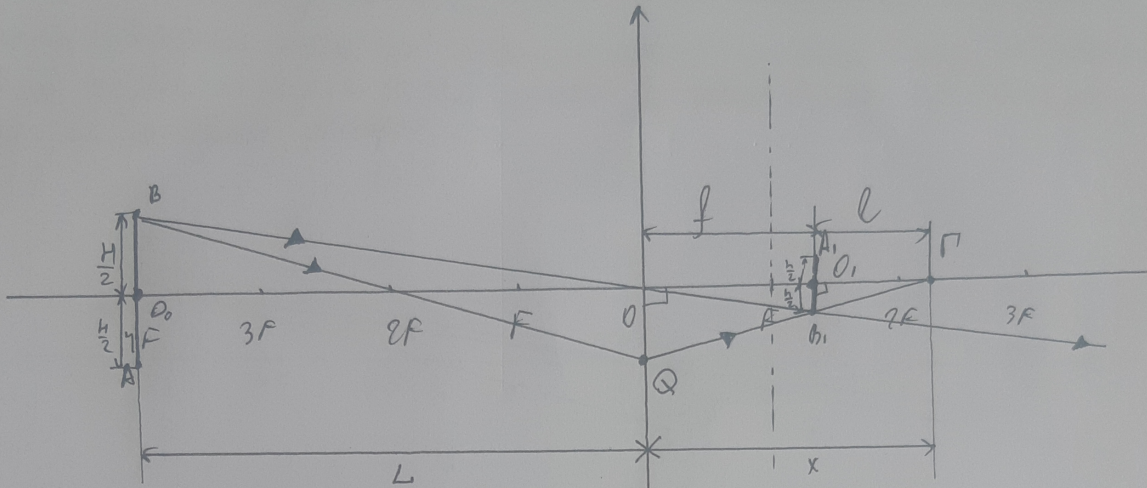
$$f = 32 \text{ см.} = \frac{4}{3} F$$

После из формулы следует, что $x = f + l = 56 \text{ см.}$

Для нахождения Δm нам, по сути, надо построить две окружности из A (B) в глаз. Кривая окружность из точки, выходящая от сетов, идет через точку A (B), т.е., из центра сетов окружность в глаз имеет своим центром линзы.

7

5) (продолжение)



Для этого проведем луч ΓB_1 , и на его пересечении с главной оптической осью Q . B и Q соединим. OQ — ^{какая} высота, которую sees $\frac{1}{2}O_m$. $\triangle \Gamma O_1 B_1$ и $\triangle \Gamma O Q$ (прямоугольные, общий острый угол)

$$\frac{OQ}{O_1 B_1} = \frac{O\Gamma}{O_1 \Gamma}$$

$$OQ = O_1 B_1 \cdot \frac{x}{c}$$

Также, $\triangle B O_0 O \sim \triangle B_1 O_1 O$ (прямоугольные, вершина угла равна)

$$\frac{B O_0}{B_1 O_1} = \frac{O O_0}{O O_1}$$

$$B_1 O_1 = \frac{H}{2} \cdot \frac{f}{L}$$

$$OQ = \frac{H}{2} \cdot \frac{f}{L} \cdot \frac{x}{c} = \frac{9}{2} \cdot \frac{32}{96} \cdot \frac{56}{24} \text{ см} = \frac{3}{2} \cdot \frac{7}{3} \text{ см} = \frac{7 \cdot 3}{2 \cdot 2} = 3,5 \text{ см}$$

$$OQ = 3,5 \text{ см.}$$

$$O_m = 2OQ = 7 \text{ см.}$$

8

