

Часть 1

Олимпиада: **Физика, 11 класс (1 часть)**

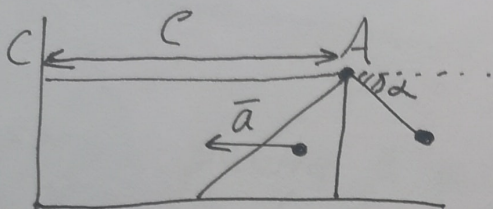
Шифр: **21201169**

ID профиля: **283716**

Вариант 4

Задача N1

Клин движется горизонтально. Обозначим его ускорение за \bar{a} .



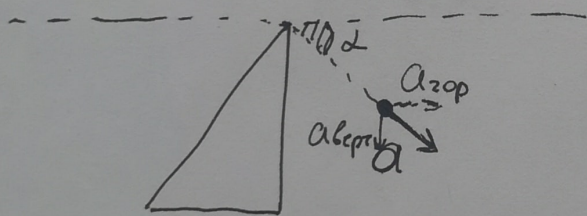
$$\cos \alpha = \frac{8}{17}$$

$$\Rightarrow \sin \alpha = \sqrt{1 - \left(\frac{8}{17}\right)^2} = \frac{15}{17}$$

$$\operatorname{ctg} \alpha = \frac{\cos \alpha}{\sin \alpha} = \frac{\frac{8}{17}}{\frac{15}{17}} = \frac{8}{15}$$

Ускорение клина численно равно 2 производной от длины правого (под углом α) куска нити (т.к. $a = -\ddot{l}$, где l - длина AC).

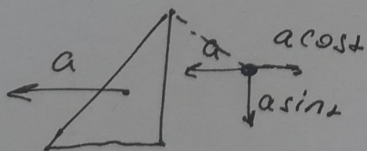
Поэтому шар относительно клина движется с ускорением a , направленным вдоль правого участка нити.



Тогда у шара относительно клина:

$$a_{гор} = a \cos \alpha$$

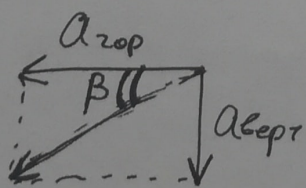
$$a_{верт} = a \sin \alpha$$



В исо у шара:

$$a_{гор} = a - a \cos \alpha = a(1 - \cos \alpha)$$

$$a_{верт} = a \sin \alpha$$



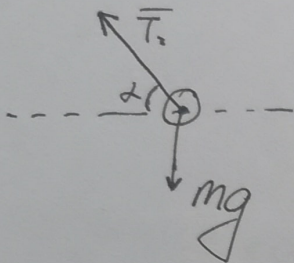
Пусть β - искомый в п.1 угол.

$$\operatorname{tg} \beta = \frac{a \sin \alpha}{a(1 - \cos \alpha)} = \frac{\frac{15}{17}}{1 - \frac{8}{17}}$$

$$= \frac{15}{9} = \left(\frac{5}{3}\right)$$

Задача №1 (продолжение)

Пусть на шар действует \bar{T}_2 со стороны нити.



$$\begin{cases} ma_{гор} = T_2 \cos \alpha \\ ma_{верт} = mg - T_2 \sin \alpha \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{a_{гор}}{\cos \alpha} = \frac{T_2}{m} \\ \frac{a_{верт}}{\sin \alpha} = \frac{g}{\sin \alpha} - \frac{T_2}{m} \end{cases}$$

Сложим эти уравнения:

$$\frac{a_{гор}}{\cos \alpha} + \frac{a_{верт}}{\sin \alpha} = \frac{g}{\sin \alpha}$$

$$\frac{a(1 - \cos \alpha)}{\cos \alpha} + \frac{a \sin \alpha}{\sin \alpha} = \frac{g}{\sin \alpha}$$

$$\frac{a}{\cos \alpha} - \alpha + \alpha = \frac{g}{\sin \alpha}$$

$$a = g \operatorname{ctg} \alpha$$

$$a = \frac{8}{15} g$$

Можно взять $g = 10 \text{ м/с}^2$, тогда $a = 5,333333 \text{ м/с}^2 \approx 5,3 \text{ м/с}^2$

Изначально у шара нет вертикальной скорости.

Пусть t - время, через которое шар достигнет стола.

Тогда

$$a \sin \alpha \cdot \frac{t^2}{2} = H$$

$$\frac{8}{15} g \cdot \frac{15}{17} \cdot \frac{t^2}{2} = H$$

$$\frac{4}{17} g t^2 = H$$

Задача №2

$$dQ = Jc dT = \frac{9}{5} R \cdot \frac{T}{T_0} \cdot J dT = \frac{9}{5} \frac{JR}{T_0} T dT$$

$$\Rightarrow -Q_1 = \int_{T_0}^{\frac{3}{4}T_0} \frac{9}{5} \frac{JR}{T_0} T dT = \frac{9}{5} \frac{JR}{T_0} \frac{T^2}{2} \Big|_{T_0}^{\frac{3}{4}T_0} =$$

$$= \frac{9}{10} \frac{JR}{T_0} \cdot T^2 \Big|_{T_0}^{\frac{3}{4}T_0} = \frac{9}{10} \frac{JR}{T_0} \left(\frac{9}{16} T_0^2 - T_0^2 \right) =$$

$$= \frac{9}{10} \frac{JR}{T_0} \cdot \left(-\frac{7}{16} T_0^2 \right) = -\frac{63}{160} JR T_0$$

$$Q_1 = \frac{63}{160} JR T_0 = \underline{0,39375 JR T_0}$$

$$Q = \Delta U + A \quad - \text{1 з. т/г.}$$

$$\frac{9}{10} \frac{JR}{T_0} (T_k^2 - T_0^2) = \frac{3}{2} JR (T_k - T_0) + A$$

$$A = (T_k - T_0) \cdot JR \left(\frac{9}{10} \frac{T_k + T_0}{T_0} - \frac{3}{2} \right) \quad \frac{2}{3} = \frac{24}{36}$$

$$A = \frac{3JR}{T_0} \left((T_k - T_0) \left(\frac{3}{10} T_k + \frac{3}{10} T_0 - \frac{1}{2} T_0 \right) \right)$$

$$A = \frac{3JR}{10T_0} \left((T_k - T_0) (3T_k + 3T_0 - 5T_0) \right)$$

$$A = \frac{3JR}{10T_0} (T_k - T_0) (3T_k - 2T_0)$$

$$A = \frac{3JR}{10T_0} (3T_k^2 - 3T_k T_0 - 2T_k T_0 + 2T_0^2)$$

$$A = \frac{3JR}{10T_0} (3T_k^2 - 5T_k T_0 + 2T_0^2)$$

$$A = \frac{9JR}{10T_0} \left(T_k^2 - \frac{5}{3} T_k T_0 + \frac{2}{3} T_0^2 \right)$$

Чистовик

лист 5 из 5

Задача №2 (продолжение)

$$A = \frac{9JR}{10T_0} \left(T_k^2 - 2 \cdot \frac{5}{6} T_k T_0 + \frac{25}{36} T_0^2 - \frac{25}{36} T_0^2 + \frac{2}{3} T_0^2 \right)$$

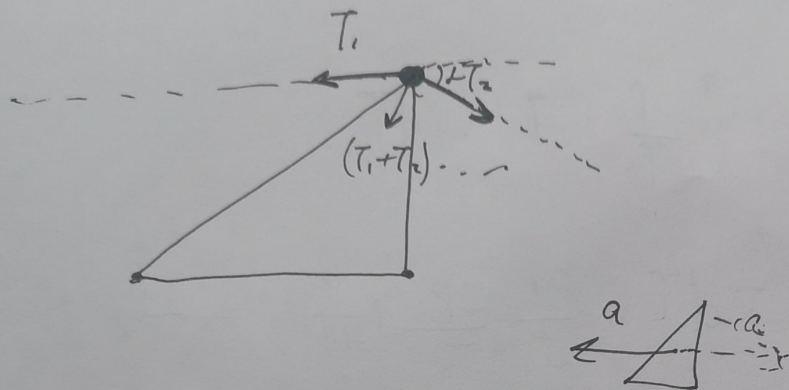
$$A = \frac{9JR}{10T_0} \left(\underbrace{\left(T_k - \frac{5}{6} T_0 \right)^2}_{\substack{V \\ 0}} - \frac{1}{36} T_0^2 \right)$$

A_{\min} при $T_k - \frac{5}{6} T_0 = 0$, т.е. $\left(T_k = \frac{5}{6} T_0 \right) = 0,83333... T_0 \approx 0,83 T_0$

$$A_{\min} = \frac{9JR}{10T_0} \cdot \left(-\frac{1}{36} T_0^2 \right) = -\frac{JR T_0}{40} = -0,025 JR T_0$$

Ответ: 1) $0,39375 JR T_0$
2) $\frac{5}{6} T_0$
3) $-0,025 JR T_0$

Черновик.



Ускорение клина равно $\frac{2}{3}$ производной изменения длины правой части нити.

Относительно клина:

! a - ускорение клина!



$$\begin{cases} \text{гор: } a \cos \alpha \\ \text{верт: } a \sin \alpha \end{cases}$$

В ИСО:

$$\begin{cases} \text{гор: } a - a \cos \alpha = a(1 - \cos \alpha) \\ \text{верт: } a \sin \alpha = \underline{a \sin \alpha} \end{cases}$$

$$\frac{a \sin \alpha t^2}{2} = H$$

$$t^2 = \frac{2H}{a \sin \alpha}$$

$$\textcircled{4} \quad t = \sqrt{\frac{2H}{a \sin \alpha}}$$

1 моль.

Черновик.

$$C(T) = \frac{9}{5} R \frac{T}{T_0}$$

$$dQ = \int C dT = \frac{9}{5} \frac{JR}{T_0} \cdot T \cdot dT$$

$$-Q_1 = \frac{9}{5} \frac{JR}{T_0} \int_{T_0}^{\frac{3}{5}T_0} T dT = \frac{9}{5} \frac{JR}{T_0} \left(\frac{9}{16} T_0^2 - \frac{T_0^2}{2} \right) =$$

$$= \frac{9}{5} \frac{JR}{T_0} \cdot \left(-\frac{7}{16} T_0^2 \right) = -\frac{63}{80} JR T_0$$

$$Q = \Delta U + A_{\text{раза}}$$

$$\frac{15}{18} = \frac{5}{6}$$

$$\frac{9}{5} \frac{JR}{T_0} (T_k^2 - T_0^2) = \frac{3}{2} JR (T_k - T_0) + A_{\text{раза}}$$

$$\frac{25}{144} = \frac{1}{6}$$

$$\frac{9}{5} \frac{JR}{T_0} (T_k + T_0)(T_k - T_0) = \frac{3}{2} JR (T_k - T_0) + A$$

$$T_k = \frac{5}{12} T_0$$

$$\frac{JR}{T_0} (T_k - T_0) \left(\frac{9}{5} \cdot \frac{T_k + T_0}{T_0} - \frac{3}{2} \right) = A$$

$$3JR (T_k - T_0) \left(\frac{9}{5} \frac{T_k}{T_0} + \frac{9}{5} - \frac{3}{2} \right) = A$$

$$3JR (T_k - T_0) \left(1,8 \frac{T_k}{T_0} + 0,3 \right) = A$$

$$\frac{3JR}{T_0} (T_k - T_0) (1,8 T_k + 0,3 T_0) = A$$

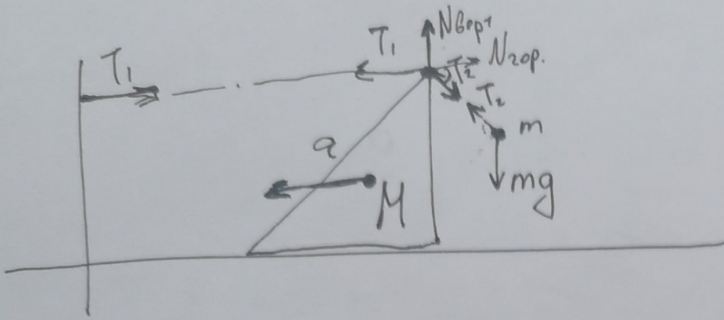
$$1,8 T_k^2 - 1,8 T_k T_0 + 0,3 T_k T_0 - 0,3 T_0^2 =$$

$$= 1,8 T_k^2 - 1,5 T_k T_0 - 0,3 T_0^2 =$$

$$= 1,8 \left(T_k^2 - \frac{5}{6} T_k T_0 - \frac{1}{6} T_0^2 \right) =$$

$$= 1,8 \left(T_k^2 - 2 \cdot \frac{5}{12} T_k T_0 + \frac{25}{144} - \frac{25}{144} \right)$$

Черновик



$$\begin{cases} N_{2op} = T_2 \sin \alpha \\ T_1 = T_2 \cos \alpha + N_{2op} \end{cases}$$

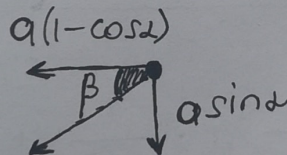
$$\frac{N_{2op}}{M} = a$$

$$\frac{T_2 \cos \alpha}{m} = a(1 - \cos \alpha)$$

$$\sin \alpha = \sqrt{1 - \left(\frac{8}{17}\right)^2} =$$

$$= \frac{\sqrt{17^2 - 8^2}}{17} =$$

$$= \frac{\sqrt{25 \cdot 9}}{17} = \frac{15}{17}$$

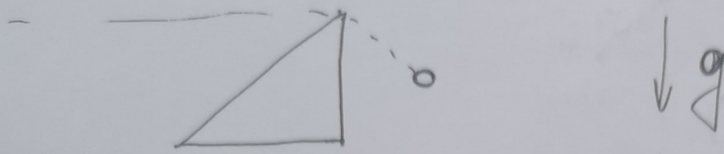


$$\tan \beta = \frac{a(1 - \cos \alpha)}{a \sin \alpha} = \frac{1 - \frac{8}{17}}{\frac{15}{17}} = \frac{\frac{9}{17}}{\frac{15}{17}} = \frac{3}{5}$$

-3

$$\frac{9}{16} \cdot \frac{1}{36} = \frac{9}{10} \cdot \frac{1}{9 \cdot 4} = \frac{1}{40}$$

Черновик



$$mg - T_2 \sin \alpha = ma \sin \alpha$$

$$a = \frac{g}{\sin \alpha} - \frac{T_2}{m}$$

$$T_2 \cos \alpha = ma(1 - \cos \alpha)$$

$$\frac{T_2}{m} = a \cdot \frac{1 - \cos \alpha}{\cos \alpha}$$

$$\frac{T_2}{m} = a \left(\frac{1}{\cos \alpha} - 1 \right)$$

$$a = \frac{g}{\sin \alpha} - a \cdot \frac{1}{\cos \alpha} + a$$

$$\frac{a}{\cos \alpha} = \frac{g}{\sin \alpha}$$

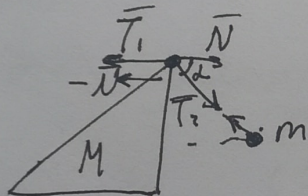
$$a = g \operatorname{ctg} \alpha$$

Задача №1 (продолжение)

$$t^2 = \frac{17H}{4g}$$

$$t = \sqrt{\frac{17H}{4g}}$$

Рассмотрим горизонтальную составляющую силы реакции клина на нить в точке узла:



$$T_1 = T_2 = T$$

$-N$ - единственная горизонтальная сила, действующая на клин.

$$T = N + T \cos \alpha$$

$$N = T(1 - \cos \alpha)$$

$$Ma = T(1 - \cos \alpha) \text{ - для клина.}$$

Гор. р/г. для шара:

$$ma(1 - \cos \alpha) = T \cos \alpha$$

$$\frac{m}{M} \cdot \cancel{m} (1 - \cos \alpha) = \cancel{m} \frac{\cos \alpha}{1 - \cos \alpha}$$

$$\frac{m}{M} = \frac{\cos \alpha}{(1 - \cos \alpha)^2} = \frac{\frac{8}{17}}{\left(\frac{9}{17}\right)^2} = \frac{8 \cdot 17}{9^2} = 1,679012345679012$$

$$\approx 1,68$$

Отв.: 1) $\operatorname{tg} \beta = \frac{5}{3}$	3) 1,68
2) $\frac{8}{15}g$	4) $\sqrt{\frac{17H}{4g}}$

Часть 2

Олимпиада: **Физика, 11 класс (2 часть)**

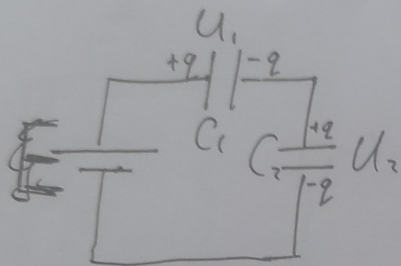
Шифр: **21201169**

ID профиля: **283716**

Вариант 4

Задача №3

До замыкания ключа;



$$\begin{cases} C_1 U_1 = q = C_2 U_2 \Rightarrow U_1 = \frac{C_2}{C_1} U_2 \\ U_1 + U_2 = \mathcal{E} \\ U_2 \cdot \frac{C_2}{C_1} + U_2 = \mathcal{E} \end{cases}$$

$$U_2 \frac{C_1 + C_2}{C_1} = \mathcal{E}$$

$$U_2 = \frac{C_1}{C_1 + C_2} \mathcal{E}$$

$$U_2 = \frac{5C}{5C + C} \mathcal{E}$$

$$U_2 = \frac{5}{6} \mathcal{E}$$

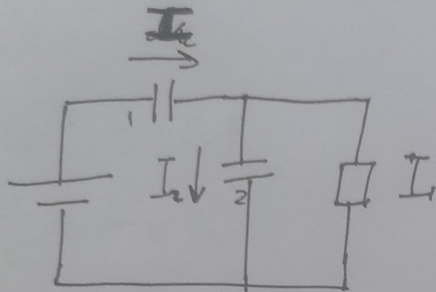
Сразу после замыкания ключа $I_x R = U_2$, где

I_x - искомый ток.

$$\Rightarrow I_x = \frac{U_2}{R} = \frac{5\mathcal{E}}{6R}$$

Задача №3 (продолжение)

При замкнутом ключе:



$$\begin{cases} E = U_1 + U_2 \Leftrightarrow E = \frac{q_1}{C_1} + \frac{q_2}{C_2} \\ I = I_1 + I_2 \end{cases}$$

Продифференцируем первое уравнение:

$$\dot{E} = \left(\frac{\dot{q}_1}{C_1} + \frac{\dot{q}_2}{C_2} \right)$$

$$0 = \frac{I_1}{C_1} + \frac{I_2}{C_2}$$

$$I_1 = -\frac{C_1}{C_2} I_2$$

Подставим во второе:

$$-\frac{C_1}{C_2} I_2 = I_1 + I_2$$

$$I_1 = -\frac{C_1}{C_2} I_2 - I_2$$

$$I_1 = -\frac{C_1 + C_2}{C_2} I_2 = -\frac{5C + C}{C} I_2 = -6I_2$$

Без учёта направления в резисторе будет ток ~~6I~~ $(6I_0)$ при $I_2 = I_0$

№3 (продолжение)

$$I_1 = -6I_2$$

$$I_1 R = -6I_2 R$$

$$U_2 = -6I_2 R$$

$$\frac{q_2}{C_2} = -6I_2 R$$

$$\frac{q_2}{C} + 6\dot{q}_2 R = 0$$

$$\dot{q}_2 = -\frac{1}{6CR} q_2$$

$$\frac{dq_2}{dt} = -\frac{1}{6CR} q_2$$

$$\int \frac{dq_2}{q_2} = -\frac{1}{6CR} \int dt$$

$$\ln|q_2| = -\frac{1}{6CR} t + C_1$$

$$q_2 = \pm e^{-\frac{t}{6CR} + C_1}$$

$$q_2 = C_2 \cdot e^{-\frac{t}{6CR}}$$

$$q_2(0) = U_2(0) \cdot C_2 = \frac{5}{6} EC$$

$$\Rightarrow \frac{5}{6} EC = C_2 \cdot 1$$

$$\Rightarrow q_2 = \frac{5}{6} EC \cdot e^{-\frac{t}{6CR}}$$

$$I_2 = \dot{q}_2 = \frac{5}{6} EC \cdot \left(e^{-\frac{t}{6CR}} \right) = \frac{5}{6} EC \cdot e^{-\frac{t}{6CR}} \cdot \left(-\frac{t}{6CR} \right) =$$

$$= -\frac{5}{6CR} \cdot \frac{5}{6} EC \cdot e^{-\frac{t}{6CR}} = \boxed{-\frac{5}{36} \frac{E}{R} \cdot e^{-\frac{t}{6CR}}}$$

Задача 3 (продолжение)

$$I_1 = -6I_2 = \frac{5}{6} \frac{E}{R} e^{-\frac{t}{6CR}}$$

$$\Rightarrow I_1^2 = \frac{25}{36} \frac{E^2}{R^2} e^{-\frac{t}{3CR}}$$

На резисторе, $dQ = I_1^2 R dt =$

$$= \frac{25}{36} \frac{E^2}{R} e^{-\frac{t}{3CR}} dt$$

$$Q = \int_0^{\infty} dQ = \frac{25}{36} \frac{E^2}{R} \int_0^{\infty} e^{-\frac{t}{3CR}} dt =$$

$$= -3CR \cdot \frac{25}{36} \frac{E^2}{R} \int_0^{\infty} e^{-\frac{t}{3CR}} d\left(\frac{-t}{3CR}\right) =$$

$$= -\frac{25}{12} E^2 C \left(e^{-\frac{t}{3CR}} \right) \Big|_0^{\infty} = -\frac{25}{12} E^2 C (0 - 1) = \frac{25}{12} E^2 C$$

- Ответ:
- 1) $\frac{5E}{6R}$
 - 2) $\frac{25}{12} E^2 C$
 - 3) $6I_0$

Чистовик.

5438

Задача №4

При движении в вертикальном магнитном поле перемычка создаёт разность потенциалов $U = vBL$, где v — скорость перемычки.

В начальный момент, $U(0) = v_0 BL$

Тогда через первую перемычку $I(0) = \frac{U_0}{R} = \frac{v_0 BL}{R}$.

Ускорение возникает из-за силы Ампера?

$$F(0) = I(0)BL = \frac{v_0 B^2 L^2}{R}$$

$$\text{т.е. } a(0) = \frac{v_0 B^2 L^2}{R}$$

$$a(0) = \frac{v_0 B^2 L^2}{2mR}$$

Пусть v_1 — скорость 2 перемычки.

Она создаёт р.п. $U_1 = \frac{v_1 BL}{R}$, т.е. ток

через 1 перемычку: $\frac{v_1 BL}{R}$

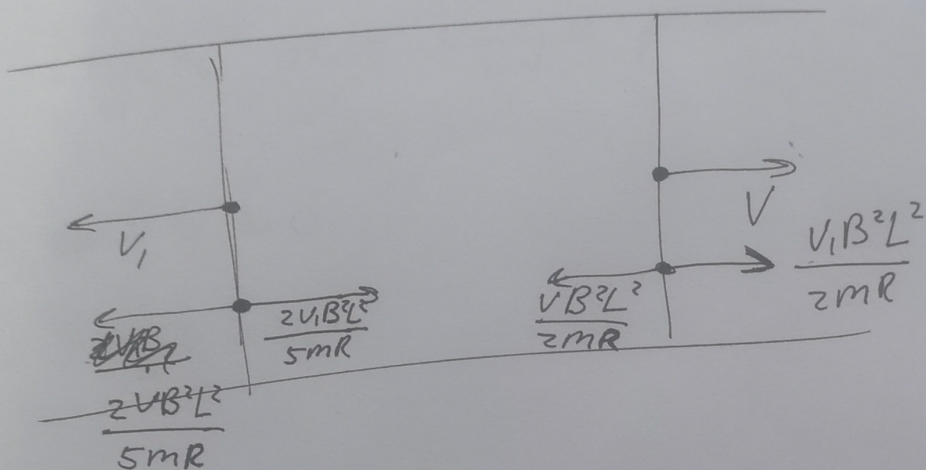
через 2 перемычку: $\frac{v_1 BL}{5R}$

т.е. ускорения:

1) $\frac{v_1 B^2 L^2}{2mR}$ — на 1

2) $\frac{2v_1 B^2 L^2}{5mR}$ — на 2

Задача №4 (продолжение)



$$\begin{cases} \dot{v} = -(v_1 + v) \frac{B^2 L^2}{2mR} \\ \dot{v}_1 = -(v_1 + v) \frac{2B^2 L^2}{5mR} \end{cases}$$

$$\dot{v}_1 + \dot{v} = -(v_1 + v) \frac{B^2 L^2}{mR} \left(\frac{1}{2} - \frac{2}{5} \right)$$

$$(v_1 + v) = -(v_1 + v) \frac{B^2 L^2}{mR} \cdot 0,1$$

Аналогично решению г.у. в 3 задаче

$$(v_1 + v)(t) = C \cdot e^{-\frac{0,1 B^2 L^2}{mR} t}$$

$$(v_1 + v)(0) = v_0 \Rightarrow C = v_0$$

$$(v_1 + v)(t) = v_0 e^{-\frac{0,1 B^2 L^2}{mR} t}$$

Числовий
Задача №4 (прод.)

7.12.8

Заг

При $t \rightarrow \infty$

$$v_1 + v_2 = 0$$

\Rightarrow скорости будут равны по модулю

Пусть этот модуль равен v_x

$$\begin{cases} \frac{2}{5} k - \frac{1}{2} k = 0 \\ v_x + \frac{1}{2} k = v_0 \end{cases}$$

$$\frac{2}{5} k - \frac{1}{2} k = v_0$$

$$\frac{1}{10} k = v_0$$

$$k = 10v_0$$

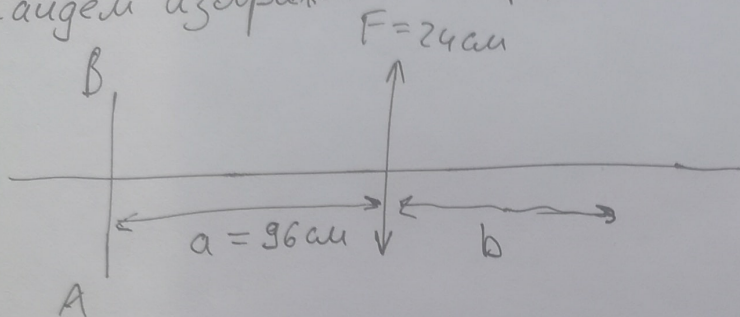
$$v_x = \frac{2}{5} k = 4v_0$$

Ответ: 1) $\frac{v_0 B^2 L^2}{2mR}$

2) $4v_0$

Задача №5

Найдём изображение циферблата в линзе:



$$a > F \Rightarrow \frac{1}{F} = \frac{1}{a} + \frac{1}{b}$$

$$\frac{1}{b} = \frac{1}{F} - \frac{1}{a}$$

$$b = \frac{1}{\frac{1}{F} - \frac{1}{a}} = \frac{1}{\frac{1}{24} - \frac{1}{96}} \text{ см} = 32 \text{ см}$$

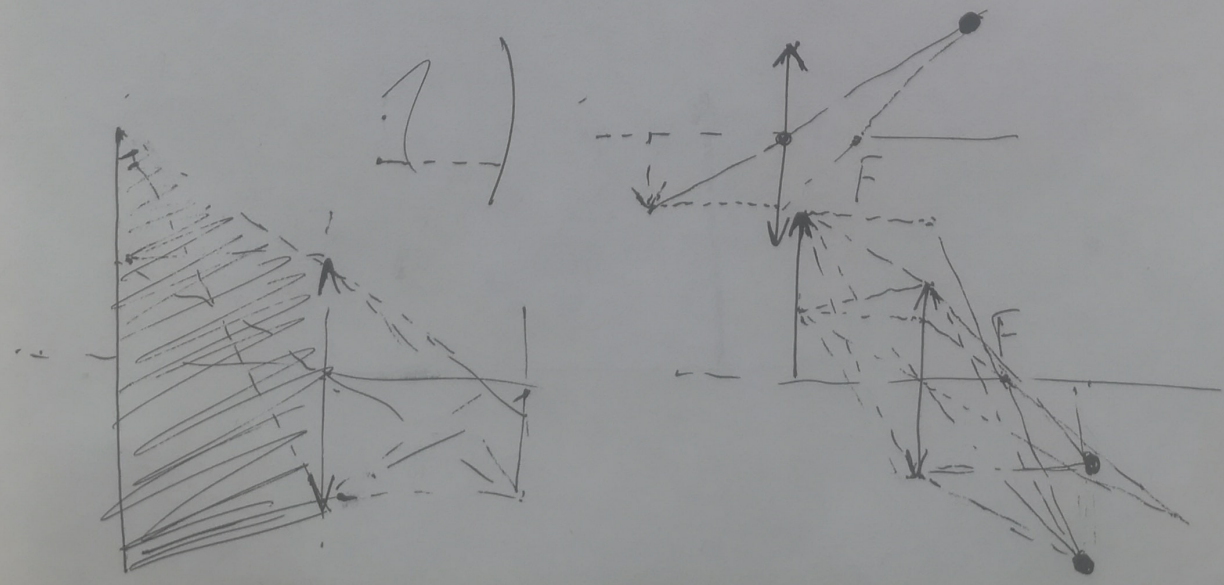
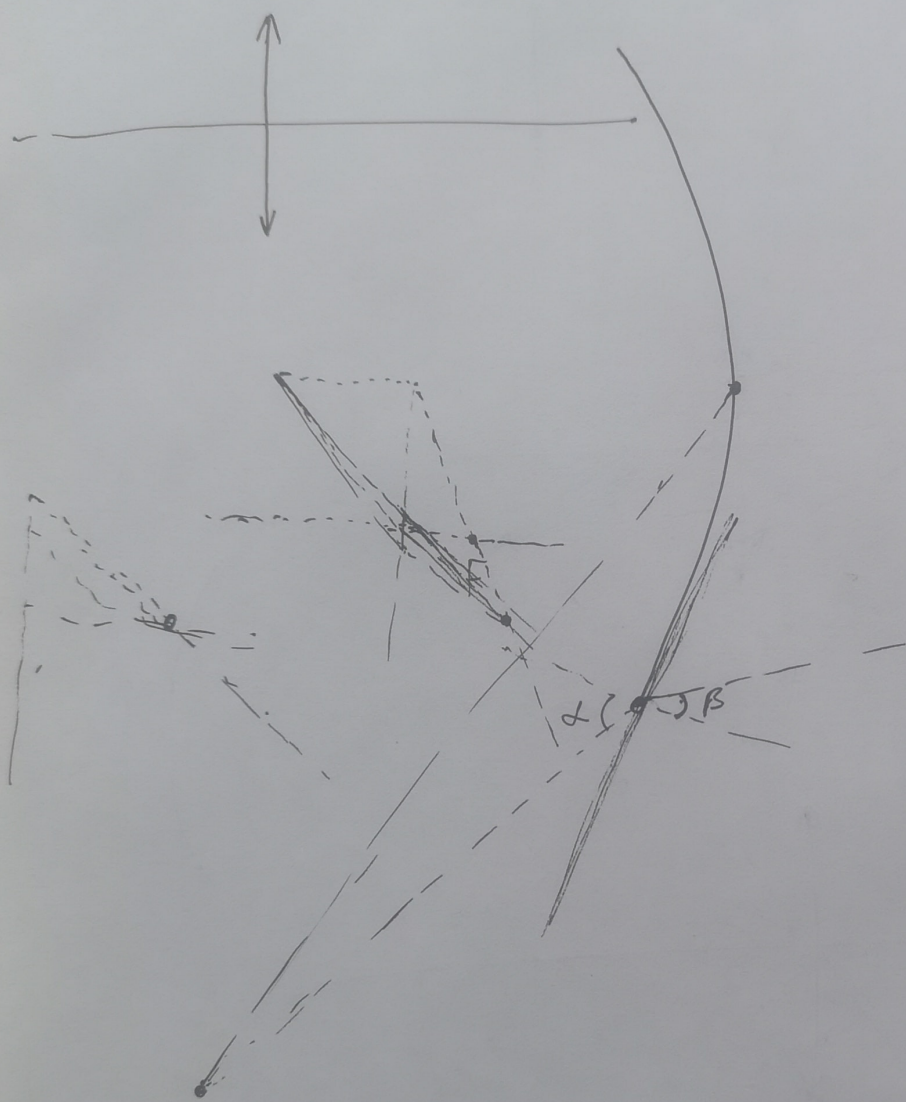
Глаз аккомодирован на расстояние 24 см

\Rightarrow Глаз находится на расстоянии 24 см от изображения

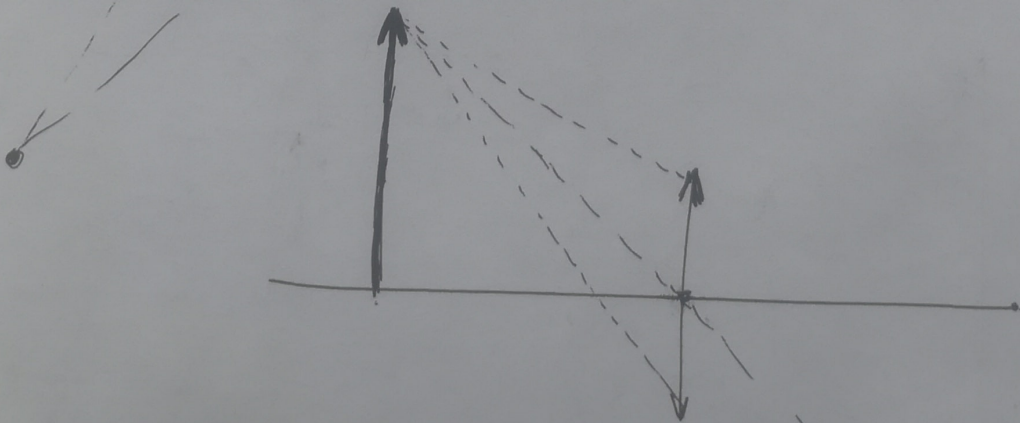
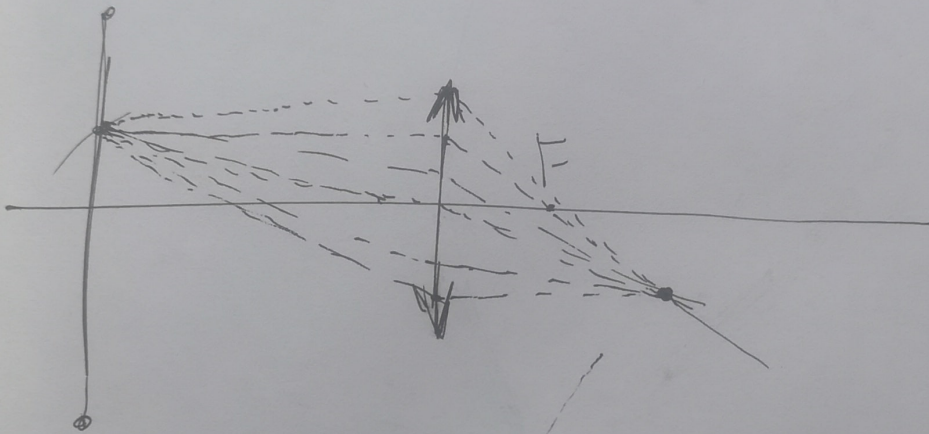
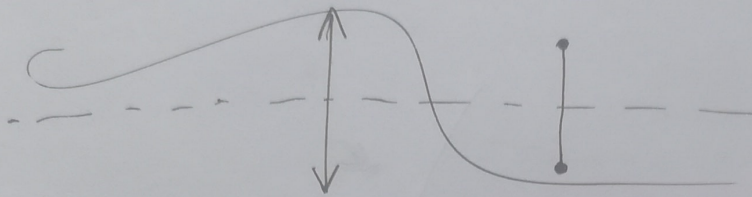
\Rightarrow Глаз на расстоянии $x = 32 \text{ см} + 24 \text{ см} = \underline{56 \text{ см}}$

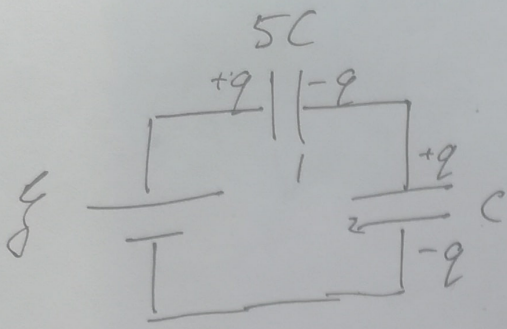
Циферблат видно при ярком D $\Rightarrow D_m \approx 0$

Ответ: 1) 56 см
2) 0



1





$$I_1 = -6I_2 \Rightarrow I_2 = -\frac{1}{6}I_1$$

$$q = C_1 U_1 \Rightarrow$$

$$q = C_2 U_2$$

$$C_1 U_1 = C_2 U_2$$

$$5C U_1 = C U_2$$

$$U_2 = 5U_1$$

$$6U_1 = \xi$$

$$U_1 = \frac{\xi}{6}$$

$$U_2 = \frac{5}{6}\xi$$

$$\Rightarrow IR = \frac{5}{6}\xi$$

$$I = \frac{5}{6} \frac{\xi}{R}$$

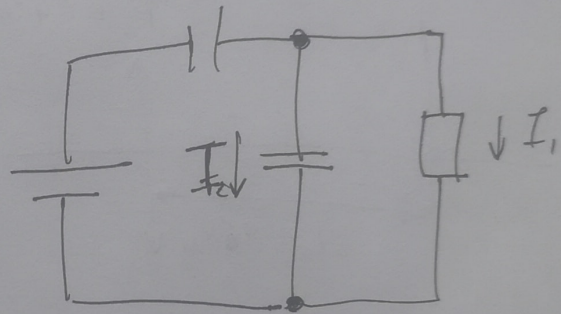
Arb

$$I_2 =$$

$$I_2 = -\frac{1}{6}I_1$$

$$I \quad I_2 R = -\frac{1}{6}I_1 R$$

$$dQ = I^2 R dt \quad I_2 R = -\frac{1}{6}U_2$$



$$\begin{cases} E = U_1 + U_2 \\ U_2 = I_1 R & q_2(0) = U_2(0) C_2 \\ I_{A2} = I_1 + I_2 \end{cases}$$

$$E' = \left(\frac{q_1}{C_1} + \frac{q_2}{C_2} \right)'$$

$$\frac{I_1}{C_1} + \frac{I_2}{C_2} = 0$$

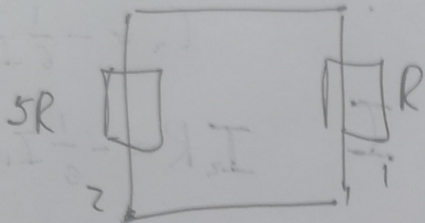
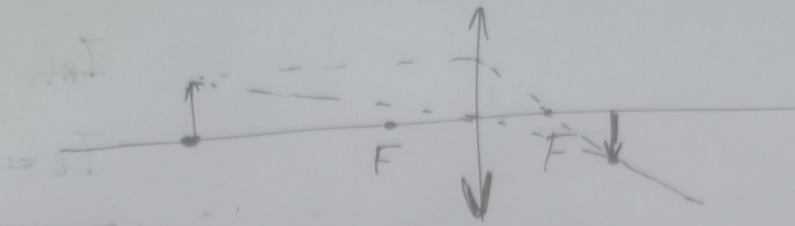
$$(I = -\frac{C_1}{C_2} I_2)$$

$$I_2 = -\frac{C_2}{C_1} I_1$$

$$-\frac{C_1}{C_2} I_2 = I_1 + I_2$$

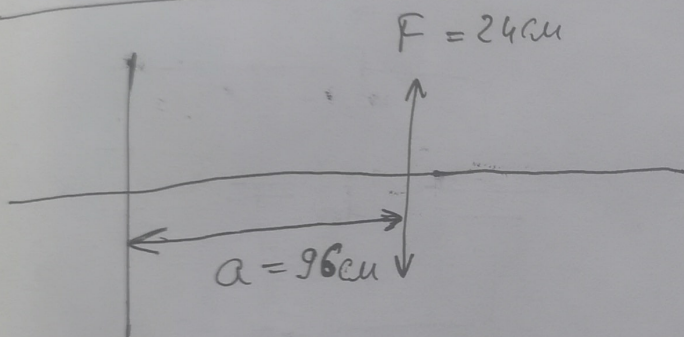
$$I_1 = -\frac{C_1}{C_2} I_2 - I_2$$

$$= -\frac{C_1 + C_2}{C_2} I_2$$



$$I_1 = I_2 = I_3 = I$$

$$I_1 = I_2 = I_3 = I$$

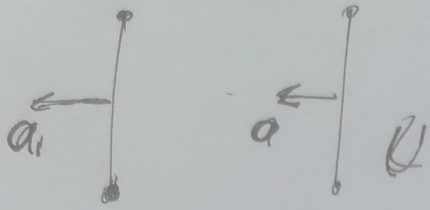


$$\frac{1}{F} = \frac{1}{a} + \frac{1}{b}$$

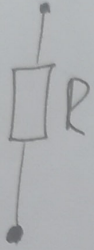
$$\frac{1}{b} = \frac{1}{F} - \frac{1}{a}$$

$$b = \frac{1}{\frac{1}{F} - \frac{1}{a}}$$

$$\frac{4}{96} - \frac{1}{96} = \frac{3}{96} =$$



$$\frac{vBL}{5R} \text{ — ток через } z$$



$$F_A =$$

$$\frac{mz}{z} a_1 = \frac{vB^2 L^2}{R}$$

$$F_A = IBL$$

На свободный заряд действует сила qvB

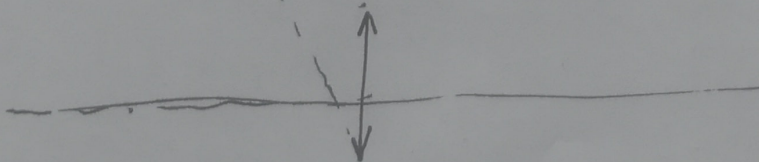
$$qU = qvB \cdot l$$

$$qvB \cdot l = qU$$

$$U = vBl$$

$$F_A = \frac{U}{R} L$$

$$\frac{1}{2} - \frac{2}{5}$$



$$\dot{x} = ax$$

$$x = c e^{at}$$