

# Часть 1

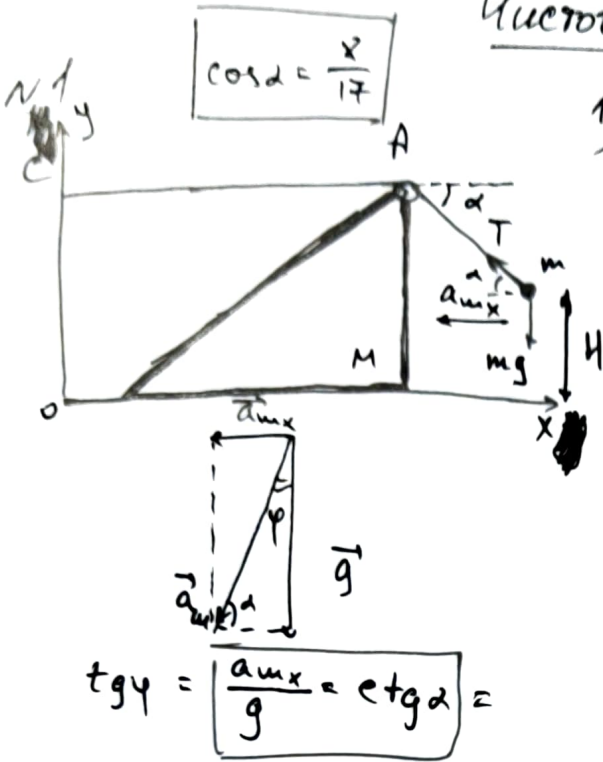
Олимпиада: **Физика, 11 класс (1 часть)**

Шифр: **21203151**

ID профиля: **75999**

Вариант 4

Чистовик



$$\cos \alpha = \frac{8}{17}$$

1) Запишем 2 закона Ньютона для шарика:

$$Ox: -T \cos \alpha = -m a_{mx}$$

$$Oy: -mg + T \sin \alpha = 0$$

$$m = \frac{T \sin \alpha}{g}$$

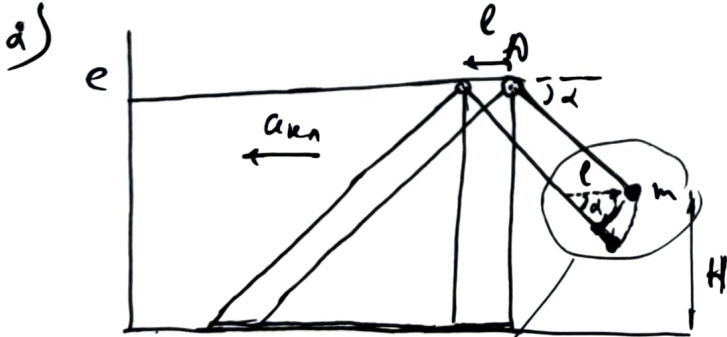
$$T \cos \alpha = \frac{T \sin \alpha}{g} a_{mx}$$

$$\boxed{\operatorname{ctg} \alpha = \frac{a_{mx}}{g}}$$

$$\operatorname{tg} \varphi = \frac{a_{mx}}{g} = \operatorname{ctg} \alpha =$$

$$= \operatorname{ctg} \frac{\cos \alpha}{\sin \alpha} = \frac{\cos \alpha}{\sqrt{1 - \cos^2 \alpha}} = \frac{\frac{8}{17}}{\sqrt{1 - \frac{64}{289}}} = \frac{\frac{8}{17}}{\sqrt{\frac{225}{289}}} = \frac{8}{17} \cdot \frac{17}{15} = \frac{8}{15}$$

$$\boxed{\operatorname{tg} \varphi = \operatorname{ctg} \alpha = \frac{8}{15}}$$



Рассмотрим некое другое смещение шарика (пусть будет e')



Тогда нить удлинилась на ~~l cos alpha~~ =>

=> по горизонтали нить удлинилась на ~~l cos alpha~~ => шарик сместился на  $(l - l \cos \alpha) = l(1 - \cos \alpha)$

~~kinematical relation =>~~

=> Т.к.  $a_{mx} = g \operatorname{ctg} \alpha =$  ~~g \frac{8}{15}~~

$$a_{mx} = a_m (1 - \cos \alpha)$$

$$g \frac{\cos \alpha}{\sin \alpha} =$$

$$\frac{a_m}{a_m} = \frac{1}{1 - \cos \alpha}$$

$$a_m = \frac{g}{\sin \alpha \cos \alpha}$$

$$= \frac{g}{\frac{15}{17} \cdot \frac{8}{17}} = \frac{289g}{120} = a_m$$

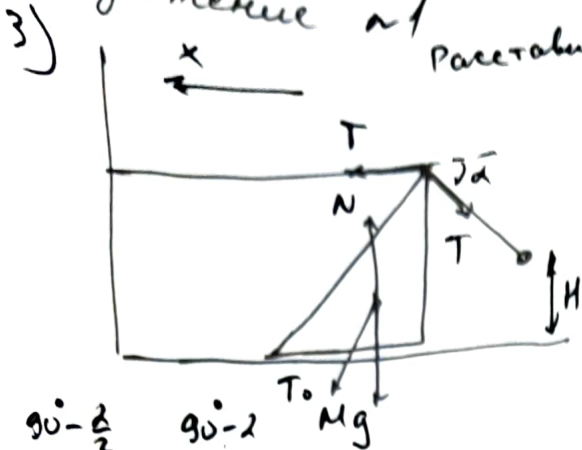
(см. ранее) на стр. 3.

$$\approx 2,4g = 24 \text{ м/с}^2$$

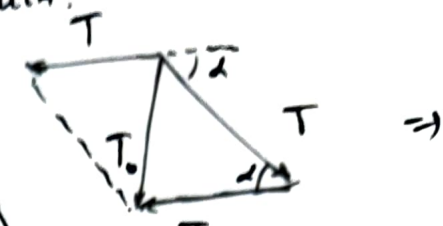
[1]

Чистовик

и продолжение  $\alpha$



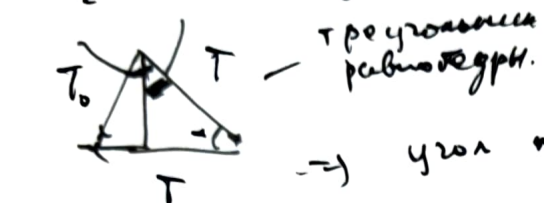
Рассетам силы на канц.  
Помогно,  $\gamma T$



(т. косинусов)  
 $\Rightarrow T_0^2 = T^2 + T^2 - 2T^2 \cos \alpha = 2T^2(1 - \cos \alpha)$

$T_0 = T \sqrt{2(1 - \cos \alpha)}$

$\Rightarrow$  угол между  $T_0$  и  $Mg$   $\left[ \frac{\alpha}{2} \right]$



2 закон Ньютона 1

ОХ:  $M a_{ох} = T_0 \sin(\alpha/2) = T \sqrt{2(1 - \cos \alpha)} \sin \frac{\alpha}{2}$

$m a_{ох} = T \cos \alpha \Rightarrow$

(см. продолжение на стр. 3)

~~Handwritten calculations and diagrams, mostly crossed out with large scribbles.~~

~~$\frac{m a_{ох}}{M a_{ох}} = \frac{T \cos \alpha}{T \sqrt{2(1 - \cos \alpha)} \sin \frac{\alpha}{2}} = \frac{\cos \alpha}{\sqrt{2(1 - \cos \alpha)} \sin \frac{\alpha}{2}}$~~

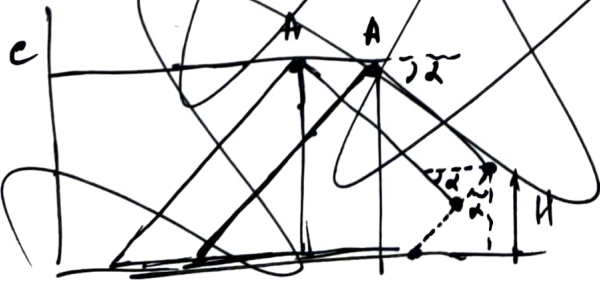
~~$\frac{m}{M} = \frac{\cos \alpha}{\cos \alpha \cdot \sqrt{2(1 - \cos \alpha)} \sin \frac{\alpha}{2}} = \frac{\cos \alpha}{\cos \alpha \cdot \sqrt{2(1 - \cos \alpha)} \sin \frac{\alpha}{2}}$~~

~~$\frac{m}{M} = \frac{\cos \alpha}{\sqrt{2(1 - \cos \alpha)} \cdot \sqrt{\frac{1 - \cos \alpha}{2}}} = \frac{\cos \alpha}{1 - \cos \alpha} = \frac{m}{M}$~~

~~$= \frac{\frac{8}{17}}{1 - \frac{8}{17}} = \frac{8}{17} \cdot \frac{17}{9} = \left[ \frac{8}{9} \right]$~~

4) Из пункта становится, что шарик (т.е. угол  $\alpha = \cos \alpha$ )

угел так



2) продолжение №1

$$a_{\text{нх}} = a_{\text{нл}}(1 - \cos \alpha)$$

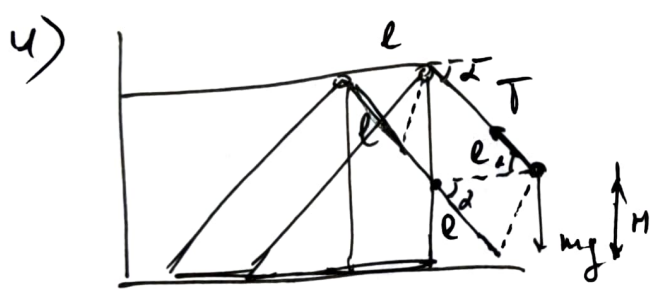
$$g \operatorname{ctg} \alpha = a_{\text{нл}}(1 - \cos \alpha)$$

$$a_{\text{нл}} = \frac{g \operatorname{ctg} \alpha}{1 - \cos \alpha} = \frac{g \cdot \frac{8}{15}}{1 - \frac{8}{17}} = g \cdot \frac{8}{15} \cdot \frac{17}{9} \approx g = 10 \text{ м/с}^2$$

$$3) \frac{m a_{\text{нх}}}{M a_{\text{нл}}} = \frac{\cos \alpha}{\sqrt{2(1 - \cos \alpha)} \sin \frac{\alpha}{2}} \Rightarrow \frac{m}{M} = \frac{a_{\text{нл}}}{a_{\text{нх}}} \cdot \frac{\cos \alpha}{\sqrt{2(1 - \cos \alpha)} \cdot \sqrt{\frac{1 - \cos \alpha}{2}}}$$

$$= \frac{a_{\text{нл}}}{a_{\text{нх}}} \cdot \frac{\cos \alpha}{1 - \cos \alpha} = \left( \frac{\cos \alpha}{(1 - \cos \alpha)^2} \right) = \frac{m}{M} =$$

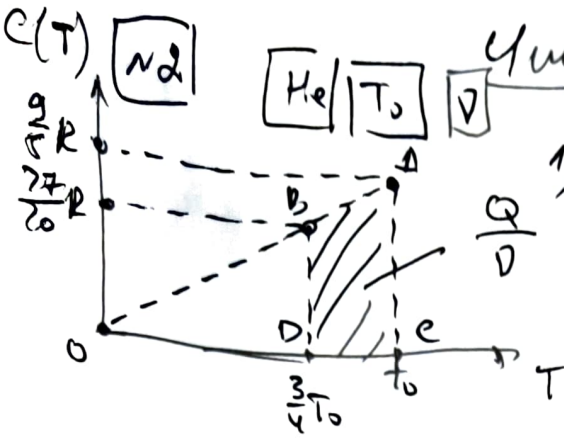
$$= \frac{\frac{8}{17}}{\left(1 - \frac{8}{17}\right)^2} = \frac{8}{17} \cdot \frac{17^2}{9^2} \approx 1,68$$



В любой момент времени отрезки отмеченные за  $l$  равны

- Ответ:
- 1)  $\operatorname{tg} \varphi = \operatorname{ctg} \alpha = \frac{8}{15}$
  - 2)  $a_{\text{нл}} = g = 10 \text{ м/с}^2$
  - 3)  $\frac{m}{M} \approx 1,68$ .

Устройство



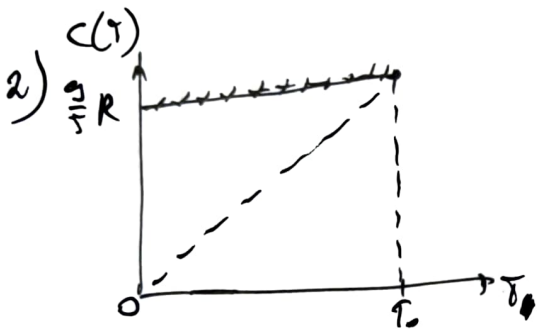
$$1) C(T) = \frac{9}{5} R \frac{3}{4} \frac{T_0}{T_0} = \frac{27}{20} R$$

$\rightarrow Q_1$  — отгнанная работа  
Теплота  $\leftarrow$  кинематический процесс

Save-3000

$$Q_1 = \frac{1}{2} V \left( \frac{9}{5} R \cdot T_0 - \frac{27}{20} R \cdot \frac{3}{4} T_0 \right) = \frac{1}{2} V R T_0 \left( \frac{9}{5} - \frac{81}{80} \right) =$$

$$= \frac{144 - 81}{80 \cdot 2} V R T_0 = \frac{63}{160} V R T_0 = Q_1$$



$$\Delta Q_1 = \Delta U_1 + \Delta A_1$$

$$\Delta Q_2 = \Delta U_2 + \Delta A_2 = \Delta U_2 - \Delta A_1, \text{ т.е.}$$

$$\Delta U_2 - \Delta Q_2 = \Delta Q_1 - \Delta U_1$$

Ответ: 1)  $Q_1 = \frac{63}{160} V R T_0$

Упробува

н1.

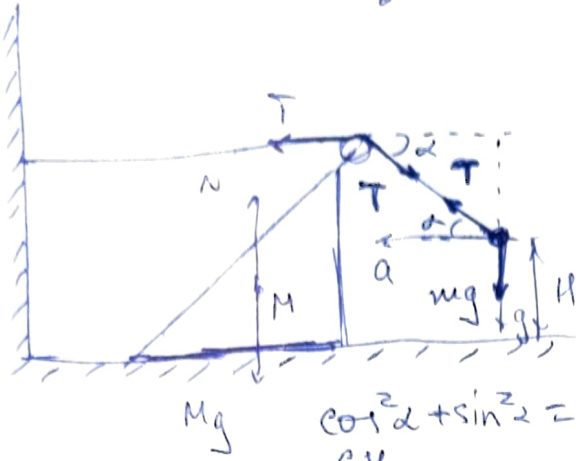
$\cos \alpha = \frac{8}{17}$

$mg = T \sin \alpha$   
 $T \cos \alpha = ma$   
 $m = \frac{T \sin \alpha}{g}$

~~$T \cos \alpha = \frac{T \sin \alpha}{g} a$~~

$a = g \operatorname{ctg} \alpha = \frac{8}{15} g \approx 5,3 \text{ m/s}^2$

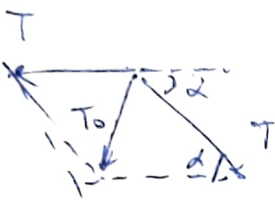
$\operatorname{ctg} \alpha = \frac{8}{17} \cdot \frac{17}{15} = \frac{8}{15}$



$\cos^2 \alpha + \sin^2 \alpha = 1$

$\frac{64}{289} + \sin^2 \alpha = 1$

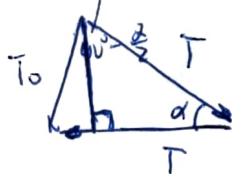
$\sin^2 \alpha = \frac{289}{289} - \frac{64}{289} = \frac{225}{289}$   ~~$\frac{15}{17}$~~   $\sin \alpha = \frac{15}{17}$



$T_0^2 = T^2 + T^2 - 2T^2 \cos \alpha$

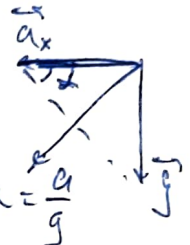
$T_0^2 = 2T^2 (1 - \cos \alpha)$

$T_0 = T \sqrt{2(1 - \cos \alpha)}$

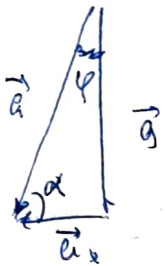
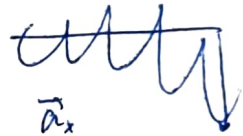


$\frac{180^\circ - \alpha}{2} = 90^\circ - \frac{\alpha}{2}$

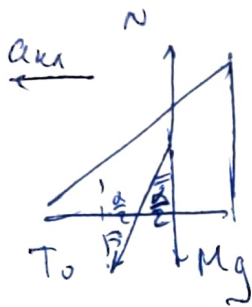
$90^\circ - \frac{\alpha}{2} - 90^\circ + \alpha = \frac{\alpha}{2}$



$\operatorname{ctg} \alpha = \frac{a}{g}$



~~$\operatorname{ctg} \alpha = \frac{a}{g}$~~   
 $\operatorname{tg} \alpha = \frac{a}{g} = \operatorname{ctg} \alpha$



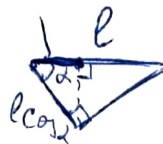
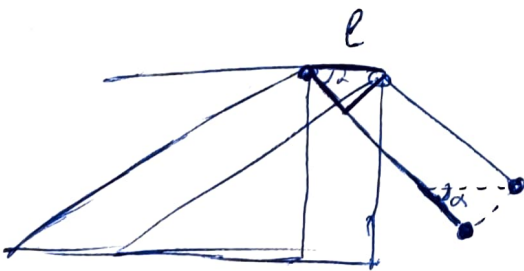
~~$M a_{\text{ax}} = T_0 \sin \frac{\alpha}{2}$~~

~~$Mg + T_0 \cos \frac{\alpha}{2} = N$~~

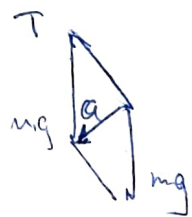
~~$Mg + T \sqrt{2(1 - \cos \alpha)} \cos \frac{\alpha}{2} = N$~~

$M a_{\text{ax}} = T \sqrt{2(1 - \cos \alpha)} \sin \frac{\alpha}{2}$

$l \cos \alpha$     $l \cos^2 \alpha$



$\sin \frac{\alpha}{2}$

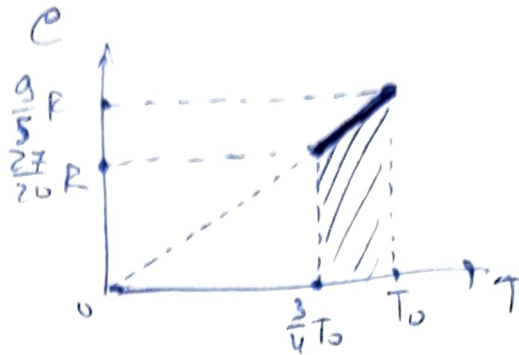
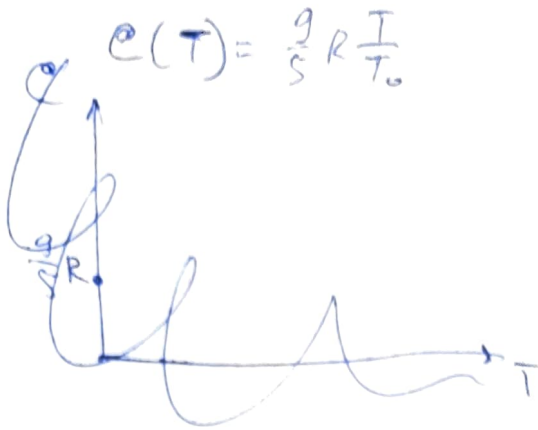


$\cos \alpha = \cos^2 \frac{\alpha}{2} - \sin^2 \frac{\alpha}{2} = 1 - 2 \sin^2 \frac{\alpha}{2}$

$\sin^2 \frac{\alpha}{2} = \frac{1 - \cos \alpha}{2}$

Черновик

Me | V | T<sub>0</sub>



~~Q<sub>1</sub>~~

$$c\left(\frac{3}{4}T_0\right) = \frac{g}{5}R \cdot \frac{3}{4} = \frac{27}{20}R$$

$$Q_1 = \int_{\frac{3}{4}T_0}^{T_0} c \, dT = \int_{\frac{3}{4}T_0}^{T_0} \left( \frac{g}{5}R \cdot \frac{T}{T_0} \right) dT = \frac{g}{5}R \cdot \frac{1}{2} \left( T_0^2 - \left(\frac{3}{4}T_0\right)^2 \right)$$

$$= \frac{g}{10} R T_0^2 - \frac{81}{160} R T_0^2 =$$

$$= \frac{144 - 81}{160} R T_0^2 = \frac{63}{160} R T_0^2 = Q_1$$

$$g \cdot 16 = 144$$

$$\frac{144}{16} = 9$$

$$\Delta Q = \Delta U + \Delta A$$

$$\Delta Q = \Delta U$$

$$c \, dT = c_v \, dT + p \, dV$$

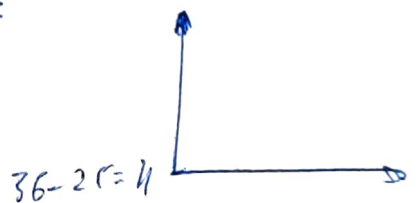
$$c \, dT = \frac{3}{2} R \, dT + p \, dV$$

$$p \, dV = \left( c - \frac{3}{2} R \right) dT$$

$$\frac{3}{2} R = \frac{g}{5} R \frac{T_0}{T}$$

$$\frac{3}{2} = \frac{g}{5} \frac{T_0}{T}$$

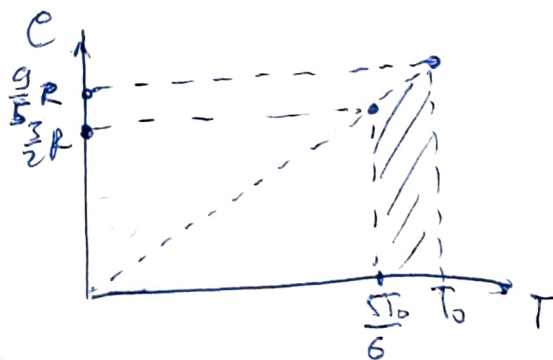
$$T = \frac{5}{6} T_0$$



$$\left( \frac{1}{2} \cdot \frac{g}{5} R T_0 - \frac{1}{2} \cdot \frac{3}{2} R \cdot \frac{5}{6} T_0 \right) dT = \Delta A$$

$$= \frac{1}{2} R T_0^2 \left( \frac{g}{5} - \frac{5}{4} \right) =$$

$$= \frac{11}{40} R T_0^2 = \Delta A$$



$$\Delta Q_2 = \Delta U_2 - \Delta A$$

$$\frac{3}{2} R T_0 - \Delta Q_2 = \frac{11}{40} R T_0^2$$

# Часть 2

Олимпиада: **Физика, 11 класс (2 часть)**

Шифр: **21203151**

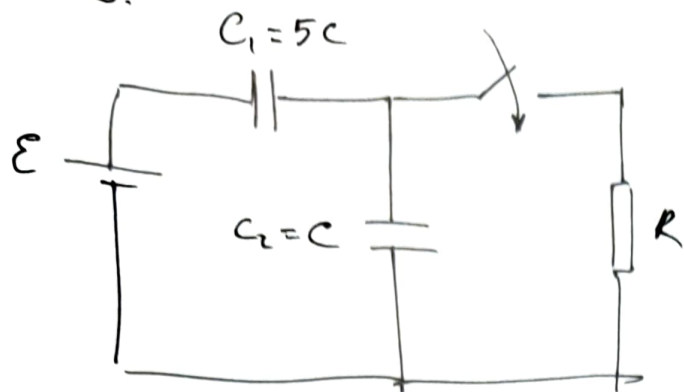
ID профиля: **75999**

Вариант 4

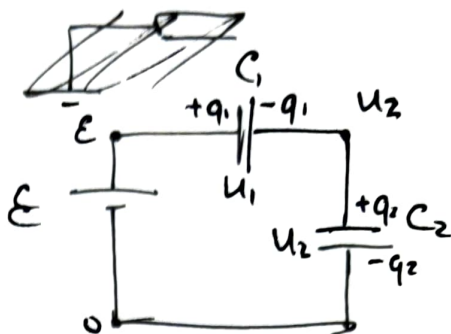


Чистовик

23.

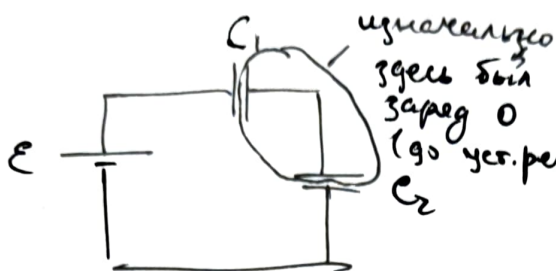


1) Рассмотрим установившийся режим:

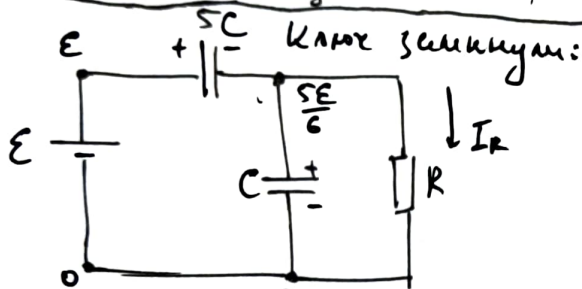


Ток в цепи нет

$$U_1 = \varepsilon - U_2$$



Занедем закон сохранения заряда:  $-q_1 + q_2 = 0$

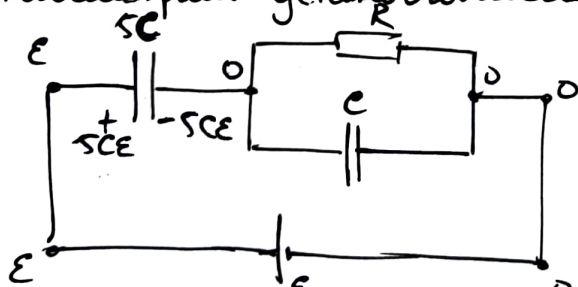


П.к. C и R подключены параллельно, то  $U_R = U_C = \frac{5\varepsilon}{6} \Rightarrow$

$$\Rightarrow I_R = \frac{U_R}{R} = \frac{5\varepsilon}{6R} = I_R$$

$$\begin{aligned} q_1 &= q_2 \\ C_1 U_1 &= C_2 U_2 \\ 5C U_1 &= C U_2 \\ \boxed{5U_1 = U_2} &\rightarrow \\ \Rightarrow U_1 &= \frac{\varepsilon}{6} \Rightarrow U_2 = \frac{5\varepsilon}{6} \end{aligned}$$

2) Рассмотрим установившееся состояние после замыкания ключа!



Ток в цепи нет!  
Занедем закон сохранения энергии:

$$A_{ист} = \Delta W_{конд} + Q$$

вначале:  $+5C \cdot \frac{\varepsilon}{6} = \frac{5C\varepsilon}{6} = q_{с1}$

вконце:  $+5C\varepsilon = q_{с2}$

$$\Rightarrow \Delta q = q_{с2} - q_{с1} =$$

$$= 5C\varepsilon - \frac{5}{6}C\varepsilon = \frac{25}{6}C\varepsilon \Rightarrow$$

$$\Rightarrow A_{ист} = \Delta q \varepsilon = \frac{25}{6} C \varepsilon^2$$

(см. далее)

Чистовина

Упражнение №3

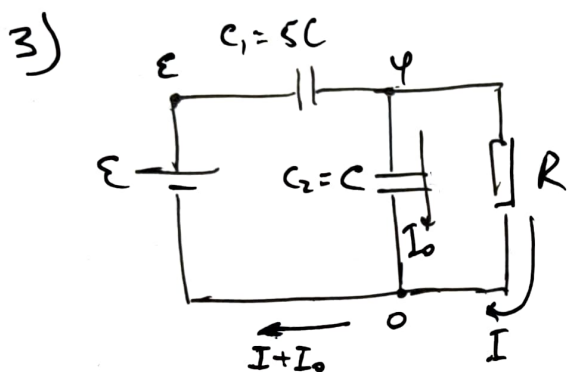
$$\Delta W_{\text{конг}} = \Delta W_C + \Delta W_{SC} = (W_{C_{\text{кон}}} - W_{C_{\text{нач}}}) + (W_{SC_{\text{кон}}} - W_{SC_{\text{нач}}}) =$$

$$= \left( 0 - \frac{C \cdot \left(\frac{5E}{6}\right)^2}{2} \right) + \left( \frac{5C \cdot E^2}{2} - \frac{5C \cdot \left(\frac{E}{6}\right)^2}{2} \right) =$$

$$= -\frac{25CE^2}{72} + \frac{5}{2}CE^2 - \frac{5CE^2}{72} = \left( \frac{5}{2} - \frac{30}{72} \right) CE^2 = \left( \frac{5}{2} - \frac{5}{12} \right) CE^2 =$$

$$= \frac{25}{12} CE^2 \Rightarrow$$

$$\Rightarrow Q = A_{\text{ист}} - \Delta W_{\text{конг}} = \frac{25}{6} CE^2 - \frac{25}{12} CE^2 = \boxed{\frac{25}{12} CE^2 = Q}$$



$$\varphi - 0 = IR \Rightarrow I = \frac{\varphi}{R} = \boxed{\frac{U_{C2}}{R} = I}$$

$$\varphi - 0 = U_{C2}$$

$$I = \frac{q_{C2}}{RC}$$

Ответ: 1)  $I_R = \frac{5E}{6R}$  ;

2)  $Q = \frac{25}{12} CE^2$ .

25.

$F = 24 \text{ см.}$

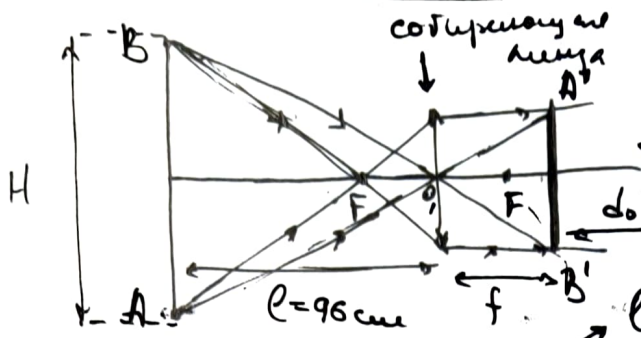
$H = 9 \text{ см}$   
(диаметр)

$d_0 = 24 \text{ см}$

$\ell = 96 \text{ см}$

$x = ?$

$D_m = ?$



1) Т.к. изображение действительное, то оно перевернутое (линза собирающая)

$\ell \cdot F / \ell - F = \frac{96 \cdot 24}{96 - 24} = 32 \text{ см}$

$\frac{1}{F} = \frac{1}{\ell} + \frac{1}{f} \Rightarrow f =$

(A'B' - изображение расов AB)

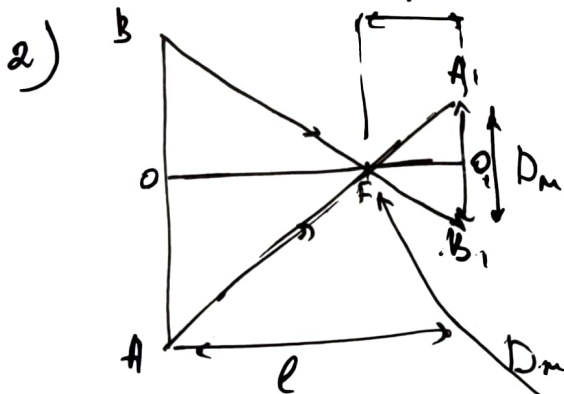
Т.к. глаз accommodation на  $d_0 = 24 \text{ см}$ , то

глаз находится на расстоянии  $x = d_0 + f$  от линзы

$32 \text{ см} = 56 \text{ см}$

$x = 24 \text{ см} + 32 \text{ см} = 56 \text{ см}$

$x = 56 \text{ см}$



$\Delta AFB \sim \Delta A_1FB_1$

$\frac{AB}{A_1B_1} = \frac{OF}{O_1F_1} = \frac{\ell - F}{F}$

$A_1B_1 = D_m \Rightarrow D_m = \frac{F}{\ell - F} AB = \frac{F}{\ell - F} H$

$D_m = \frac{F \cdot H}{\ell - F} = \frac{24 \cdot 9}{96 - 24} = 3 \text{ см} = D_m$

3) Нужно расположить в фокусе

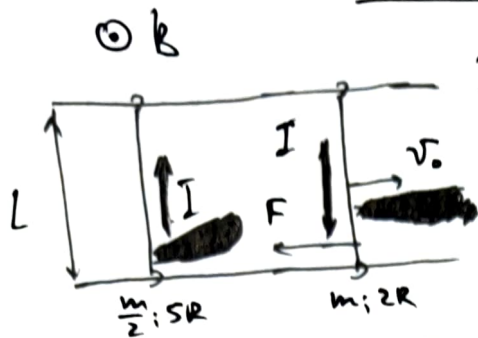
Ответ: 1)  $x = 56 \text{ см}$ ;

2)  $D_m = 3 \text{ см}$ ;

3) в фокусе между расами и линзой (на расстоянии 72 см от расов)

Чистовина Закон Параллельных Фигурас 11ка

24.



1)  $\mathcal{E}_i = \frac{d\Phi}{dt} = \frac{b dS}{dt} = \frac{b v_0 dt \cdot L}{dt} = b L v_0$  (т.е. направление определено)  
 $= b L v_0 = I(2R + 5R) = 7IR$   
 $I = \frac{1}{7} \frac{b L v_0}{R}$

На  $m$  действует сила  $F = b I L \sin \alpha = b I L$  ( $\alpha = 90^\circ$ )  
 II закон Ньютона:

$F = ma$

$b I L = ma$

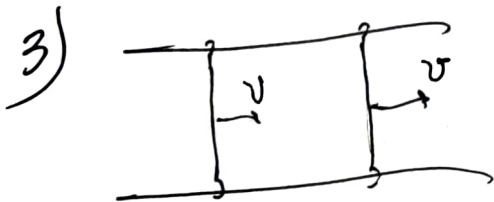
$b \cdot \frac{b L v_0}{R} \cdot \frac{1}{7} \cdot L = ma$

$\Rightarrow a = \frac{1}{7} \cdot \frac{b^2 L^2 v_0}{R}$

2) Через продолжительное промежутка времени скорости перемычки будут равны, т.е.  $\mathcal{E}_i = 0$ , т.е.  $\frac{d\Phi}{dt} = 0$ .

Запишем закон сохранения энергии:

$\frac{m v_0^2}{2} + 0 = \frac{m v^2}{2} + \frac{m v^2}{2} \Rightarrow v_0^2 = v^2 + \frac{v^2}{2} \Rightarrow v_0^2 = \frac{3}{2} v^2 \Rightarrow v = v_0 \sqrt{\frac{2}{3}}$



Ответ: 1)  $a = \frac{1}{7} \frac{b^2 L^2 v_0}{R}$ ;

2)  $v = v_0 \sqrt{\frac{2}{3}}$ .