

# Часть 1

Олимпиада: **Физика, 11 класс (1 часть)**

Шифр: **21203660**

ID профиля: **320637**

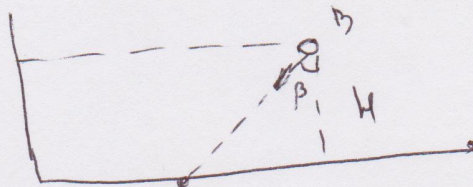
Вариант 4

21) Продолжение.

$$\frac{m}{M} = \frac{a_k \cos \alpha}{a_k (1 - \cos \alpha)} = \frac{\cos \alpha}{1 - \cos \alpha} = \frac{8}{17(1 - \frac{8}{17})} = \frac{8 \cdot 17}{17 \cdot 9} = \frac{8}{9}$$

$$\frac{m}{M} = \frac{8}{9}$$

4)  $\vec{a} \uparrow \uparrow \vec{S}$ , т.е.  
 $S$ -пути проведут шаром



$$AB = S = \frac{H}{\cos \beta}$$

$$\cos \beta = \sqrt{1 - \frac{240^2}{289^2}}$$

шар движется равномерно (без нач. в.)  
 или  $a_m = \sqrt{a_{mx}^2 + a_{my}^2}$

$$a_m = \sqrt{a_{mx}^2 + a_{my}^2}$$

$$a_{mx} = a_k \sin \alpha$$

$$a_{my} = a_k (\cos \alpha - 1)$$

$$S = \frac{a t^2}{2}; \quad t = \sqrt{\frac{2S}{a_m}}$$

$$a_m = a_k \sqrt{\sin^2 \alpha + (\cos \alpha - 1)^2}$$

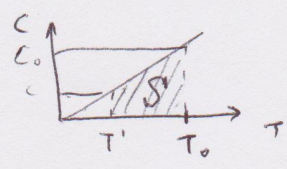
$$t = \sqrt{\frac{2H}{\cos \beta \cdot a_k \sqrt{\sin^2 \alpha + (\cos \alpha - 1)^2}}}$$

Ответ: 1)  $\sin \beta = \frac{240}{289}$ ; 5)  $a_k = \frac{8}{15} g$ ; 6)  $\frac{m}{M} = \frac{8}{9}$ ; 2)  $t = \sqrt{\frac{2H}{a_k \cos \beta \sqrt{\sin^2 \alpha + (\cos \alpha - 1)^2}}}$

(2)

Дано:  
 $C(T) = \frac{9}{5} R \frac{T}{T_0}$

1)  $C(T)$  - лнн. ф-ция  
 II з-н терм:



$Q_1 > 0$ ?

$dQ = C v dT \Rightarrow Q_1 = v \int_{T_0}^{T'} C dT$ , но это есть  $S'$  по графику лнн. ф-ции,  $S'$  трапеции.

$S' = (T_0 - T') \cdot (C(T') + C(T_0)) \cdot \frac{1}{2}$ ;  $T' = \frac{3}{4} T_0$ ;  $C' = \frac{9}{5} R \cdot \frac{3T_0}{4T_0} = \frac{27}{20} R$

$S' = (T_0 - \frac{3}{4} T_0) \cdot (\frac{36}{20} + \frac{27}{20}) \frac{1}{2} R = \frac{1}{8} T_0 R \cdot \frac{63}{20}$        $C(T_0) = \frac{9}{5} R = \frac{36}{20} R$

$S' = \frac{63}{160} R T_0$ , тогда  $Q_1 = \frac{63}{160} v R T_0$

2) По I з-ну терм.:  $dQ = dA + dU = dA + \frac{3}{2} v R dT$  |  $\int dT v$   
 $\frac{dQ}{v dT} = \frac{1}{v} A' + \frac{3}{2} R$ ;  $C = A' + \frac{3}{2} R$ ,  $A' \geq \text{min}$  при  $A' = 0$ ;  $C = \frac{3}{2} R$ ;  $\frac{9}{5} R \frac{T}{T_0} = \frac{3}{2} R$   
 $\frac{3}{5} \frac{T}{T_0} = \frac{1}{2}$ ;  $\frac{T}{T_0} = \frac{5}{6}$ ;  $T = \frac{5}{6} T_0$

3)  $A(T)$  - ? ;  $dQ = dA + dU$ ;  $\int_{T_0}^T dQ = \int_{T_0}^T dA + \int_{T_0}^T dU$ ;  $v \int_{T_0}^T C dT = A + \frac{3}{2} v R (T - T_0)$ , но

~~Заметим, что если  $A = \text{min}$ , тогда  $C = C_v = \frac{3}{2} R$ , т.е.  $Q = A + \frac{3}{2} v R \Delta T$ ,  $Q = C_v v \Delta T = \frac{3}{2} v R \Delta T$ , т.е. получается, получим  $A = 0$ .~~

Найдем  $S'$ ;  $S' = (T - T_0) \cdot \frac{1}{2} \cdot (C(T) + C_0) = \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{6} T_0 \cdot (\frac{3}{2} R + \frac{9}{5} R)$

$S' = -\frac{1}{12} T_0 (\frac{15+18}{10} R) = -\frac{33}{40} R T_0 = -\frac{11}{40} R T_0$ ;  $Q_1 = -\frac{11}{40} v R T_0$

$\frac{3}{2} v R (T - T_0) = -\frac{3}{2} v R (\frac{5}{6} T_0 - T_0) = -\frac{3}{2} v R (-\frac{1}{6} T_0) = \frac{1}{4} v R T_0$ ;  $A = -\frac{11}{40} v R T_0 + \frac{1}{4} v R T_0$

$A = -\frac{1}{40} v R T_0$

Ответ: 1)  $\frac{63}{160} v R T_0$ ; 2)  $T = \frac{5}{6} T_0$ ; 3)  $|A| = \frac{1}{40} v R T_0$

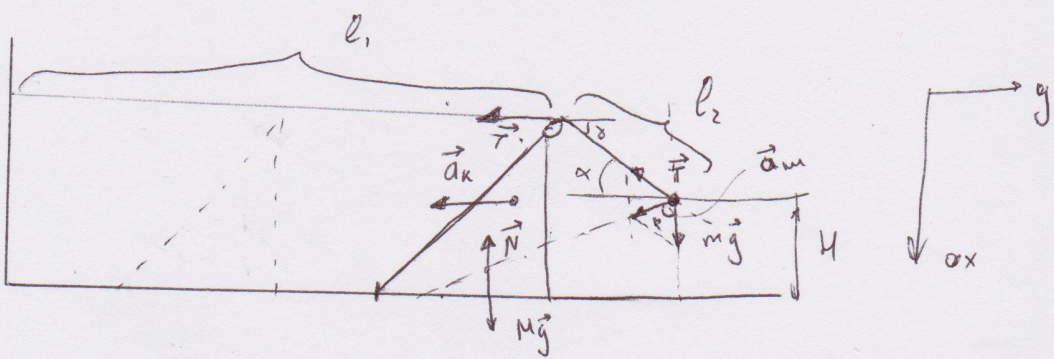
(21)

Дано:

$H, \cos \alpha = \frac{8}{17}$

$\beta - ? ; a_k - ?$

$\frac{m}{M} - ? ; t - ?$



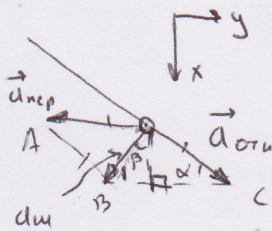
1) Клуб не растягивается  $\Rightarrow l_1 + l_2 = L \Rightarrow \Delta l_1 + \Delta l_2 = 0 \Rightarrow a_1 + a_2 = 0 ; a_1 = a_2$   
 Клуб всегда натянут, т.е.  $a_k = a_1$ , а  $a_2$  - это ускор. шара отч. клина,  $a_k = a_{отч}$   
 $\vec{a}_m = \vec{a}_{отч} + \vec{a}_{пер}$ ;  ~~$a_k$~~ ; Клуб нерастяжим  $\Rightarrow$  во всех точках  $T = T$

2 ЗИ глш шара:  $m g_{ox} : m g - T \sin \alpha = m a_{mx}$

$m g_y : -T \cos \alpha = m a_{my} ; T = m a_{my} \quad (1)$

$a_{пер} = a_k, \text{ т.е.}$   
 $a_{пер} = a_{отч}$

2 ЗИ глш клина:  $m g_y : -T = -M a_k ; T = M a_k \quad (2)$



Это ромб  $\Rightarrow \angle ABC = 180 - \alpha, \Rightarrow \angle C = \frac{1}{2} \angle ABC = 90 - \frac{\alpha}{2}$  или

$\angle \beta = 90 - 90 + \frac{\alpha}{2} = \frac{\alpha}{2}$

$\sin \beta = \sin \frac{\alpha}{2} = 2 \sin \alpha \cdot \cos \alpha ; \cos \alpha = \frac{8}{17} ; \sin \alpha = \sqrt{1 - \frac{8^2}{17^2}} = \frac{15}{17}$   
 $\sin \beta = 2 \cdot \frac{15}{17} \cdot \frac{8}{17} = \frac{240}{289} ; \sin \beta = \frac{240}{289}$

2)  $a_{mx} = a_{отч} \sin \alpha = [a_{отч} = a_k = a_{пер}] = a_k \sin \alpha$

$a_{my} = -(a_{пер} - a_{отч} \cos \alpha) = -a_k (\cos \alpha - 1)$

~~$T \cos \alpha = m g - T \sin \alpha$~~   $m g - T \sin \alpha = m \cdot a_k \sin \alpha$

$T = m a_k (1 - \cos \alpha) \cdot \frac{1}{\cos \alpha}$

$m g - m a_k \left( \frac{1}{\cos \alpha} - 1 \right) \sin \alpha = m a_k \sin \alpha$

$g - a_k (\frac{1}{\cos \alpha} - 1) \sin \alpha = a_k \sin \alpha ; g = a_k (\frac{1}{\cos \alpha} + 1 - \sin \alpha) ; a_k = \frac{g}{\frac{1}{\cos \alpha} + 1 - \sin \alpha}$

$\frac{1}{\cos \alpha} = \frac{17}{8} ; \sin \alpha = \frac{15}{17} ; a_k = \frac{8}{15} g$

3)  $\frac{(1)}{(2)} : \frac{-T \cos \alpha}{T} = \frac{m a_{my}}{M a_k} ; \frac{m}{M} = \frac{a_k \cos \alpha}{-a_{my}} ; -a_{my} = a_k (1 - \cos \alpha)$

# Часть 2

Олимпиада: **Физика, 11 класс (2 часть)**

Шифр: **21203660**

ID профиля: **320637**

Вариант 4

23

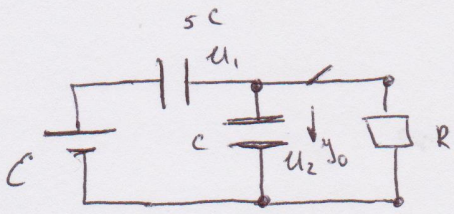
Дано:

- $C_1 = 5C$
- $C_2 = C$
- $R, \epsilon$

$y_{\#} - ?$

$Q - ?$

$y_R$ , когда  $y_0$



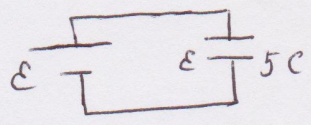
1) После соед. цепи из 2 конг. го зам.:

$$q_1 = q_2 = 5C u_1 = C u_2 \Rightarrow u_2 = 5u_1$$

$$\epsilon = u_1 + u_2 = 6u_1 \Rightarrow u_1 = \frac{1}{6}\epsilon \text{ и } u_2 = \frac{5}{6}\epsilon$$

Сразу после замык.  $U_R = U_2 \Rightarrow y = \frac{U_2}{R} = \frac{5\epsilon}{6R}$

2) После замык. цепи и полного омигания системы выдергив. схема.



~~$q = 5C\epsilon$~~   ~~$q^2 = 25(\epsilon)^2$~~

$q = 5C\epsilon$  ;  $q^2 = 25(\epsilon)^2$

$$W_1 = \frac{q_1^2}{20C} ; q_1 = q_2 = 5C \cdot \frac{1}{6}\epsilon = \frac{5}{6}C\epsilon ; W_1 = \frac{25(C\epsilon)^2}{36 \cdot 2 \cdot 5C} = \frac{5C\epsilon^2}{72}$$

$$W_2' = \frac{5C\epsilon^2}{2} ; \Delta W_1 = \frac{5C\epsilon^2}{2} - \frac{5C\epsilon^2}{72} = \frac{175C\epsilon^2}{72}$$

$$W_2 = \frac{C u_2^2}{2} = \frac{C (5\epsilon/6)^2}{2} = \frac{25C\epsilon^2}{36 \cdot 2} ; W_2' = 0 \Rightarrow \Delta W_2 = - \frac{25C\epsilon^2}{72} ; \text{Всё по цепи протекло}$$

зарядка:  $\Delta q = q_2 - q = \frac{5}{6}C\epsilon - 5C\epsilon = - \frac{30-5}{6}C\epsilon = - \frac{25}{6}C\epsilon ; |\Delta q| = \frac{25C\epsilon}{6}$

по ЗЭЭ:  $A_{ист} = \Delta W + Q ; Q = A_{ист} - \Delta W = \frac{25C\epsilon^2}{6} - \left( \frac{175C\epsilon^2}{72} - \frac{25C\epsilon^2}{72} \right)$

$$Q = \frac{25C\epsilon^2}{6} + \frac{150C\epsilon^2}{72} = \frac{25C\epsilon^2}{6} + \frac{75C\epsilon^2}{36} = \frac{75C\epsilon^2}{36} ; \underline{Q = \frac{75C\epsilon^2}{36}}$$

3)  $y_R = \frac{u_2'}{R} ; y_0 = C \cdot \frac{du_2}{dt}$

Ответ: 1)  $y = \frac{5\epsilon}{6R}$

2)  $Q = \frac{75C\epsilon^2}{36}$

(24)

Дано:

$$B, L, m_1 = 2m$$

$$m_2 = \frac{1}{2}m$$

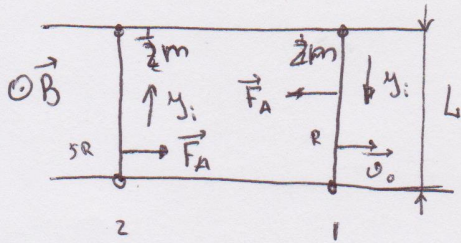
$$R_1 = R, R_2 = 5R$$

$$v_0$$

$$a_1 - ?$$

$$v_1, v_2 - ?$$

$$n - ?$$



1)  $\Phi \uparrow \Rightarrow$  подкл  $\mathcal{E}_i$ , по прав-му  
Правила  $\mathcal{Y}_i$  напр. по час. стрелке

$$\mathcal{E}_i = v_0 B L \Rightarrow \mathcal{Y}_i = \frac{\mathcal{E}_i}{R} = \frac{v_0 B L}{6R};$$

$$R = R_1 + R_2$$

Угёт ток в  $MP \Rightarrow$  возн.  $F_A$  напр во внутрв. по  $\bar{n}$  зп.;

$$F_A = \frac{1}{2} 2m a_1; a_1 = \frac{F_A}{2m}; F_A = \mathcal{Y}_i B L = \frac{v_0 B L}{6R} \cdot B L, \text{ тогда}$$

$$a_1 = \frac{v_0 B^2 L^2}{12 m R}; a_2 = \frac{2F_A}{m} = \frac{2 \cdot \frac{v_0 B^2 L^2}{6 m R}}{m} = \frac{2 v_0 B^2 L^2}{3 m R}; a_1 = \frac{1}{4} a_2$$

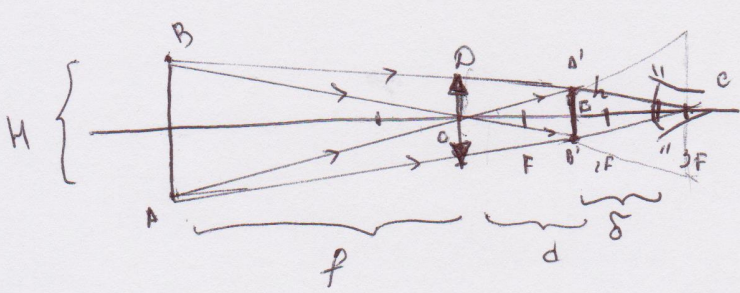
Ответ: 1)  $a_1 = \frac{v_0 B^2 L^2}{12 m R}$

26

Дано:  
 $F = 24 \text{ см}$   
 $H = 9 \text{ см}$   
 $f = 96 \text{ см}$   
 $\delta = 24 \text{ см}$

---

$x = ?$   
 $\Phi_m = ?$   
 $f_1 = ?$



1) По оптической точке линзы:  $\frac{1}{f} + \frac{1}{d} = \frac{1}{F}$ ;  $\frac{1}{d} = \frac{1}{F} - \frac{1}{f} = \frac{f-F}{Ff} \Rightarrow$

$$d = \frac{Ff}{f-F} = \frac{24 \cdot 96}{96-24} = \frac{24 \cdot 96}{72} = 32 \text{ см}$$

Ну и тогда  $x = d + \delta = 32 + 24 = 56 \text{ см}$ ;  $\underline{x = 56 \text{ см}}$

2) Препен. случай - это когда лучи ~~сходятся~~ от сферической как бы собираются линзы и поп. на грешные точки изображения

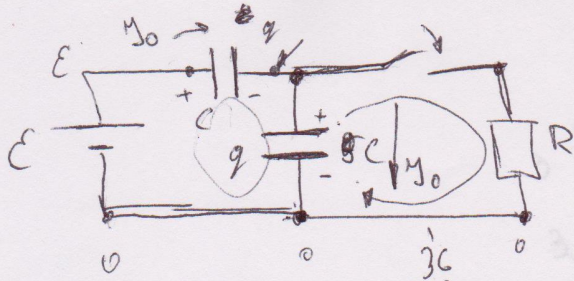
$$\frac{h}{H} = \frac{d}{f}; h = H \frac{d}{f} = 9 \cdot \frac{32}{96} = 3 \text{ см. Уг. прям. } \Delta: \triangle ODC \sim \triangle A'B'E:$$

$$\frac{\Phi_m}{h} = \frac{d+\delta}{\delta}; \Phi_m = h \cdot \frac{d+\delta}{\delta} = 3 \cdot \frac{32+24}{24} = \frac{3 \cdot 56}{24} = 7 \text{ см}$$

Ответ: 1)  $x = 56 \text{ см}$

2)  $\Phi_m = 7 \text{ см}$





$$q = UBL$$

$$q_1 = C \frac{5E}{6} = \frac{5}{6} CE$$

$$q_1 = q_2 = 6U_1 = 38U_2$$

$$U_1 = 5U_2$$

$$U_1 = \frac{5}{6} E$$

$$E = U_1 + U_2 = 6U_2; U_2 = \frac{1}{6} E$$

$$W = \frac{q^2}{2C}$$

$$1) Y_R = \frac{U_2}{R} = \frac{E}{6R}; \quad 2) \text{Circuit diagram with battery } E \text{ and capacitor } C; q = CE$$

$$A_{\text{net}} = \Delta W + Q; \quad W_1 = \frac{25E^2 C^2}{2C}$$

$$\frac{36}{\times 2} \frac{5CE^2}{36 \cdot 2}$$

$$E = \frac{A}{q}; \quad Y_R = \frac{U_2}{R}$$

$$E = U_1 + Y_R R$$

$$U_2 = Y_R R$$

$$U_2' - ?$$

$$\frac{E - dU}{dt} = \frac{Y_{00}}{C}$$

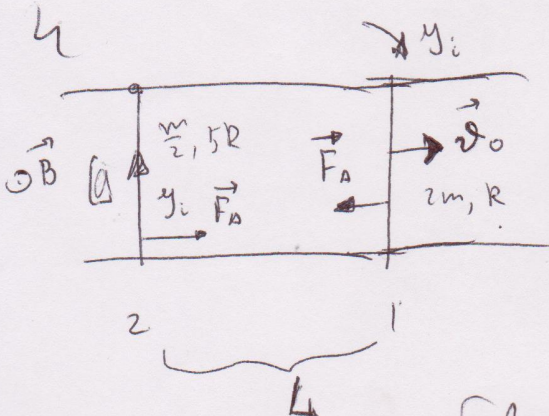
$$Y_0 = CU'$$

$$Y_0 + Y_0 = Y_{00}; \quad (q)' = CU'; \quad Y = CU'$$

$$Y_0 = CU_2'; \quad U_1' = \frac{dU_1}{dt} = \frac{Y_0}{C}; \quad Y_0 = \frac{dq}{dt}; \quad dq = C dU$$

$$Y_R = \frac{U_2'}{R} =$$

$$E = U_1 + U_2; \quad \frac{dS}{dt} = 0; \quad S' = 0; \quad \frac{E}{dt} - \frac{dU}{dt} = \frac{Y_{00}}{C}$$



$$E = \frac{d\psi}{dt} = \frac{B \Delta S}{dt} = B v_0$$

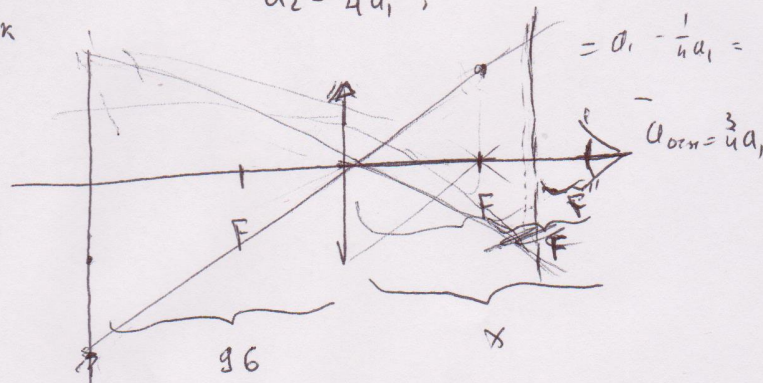
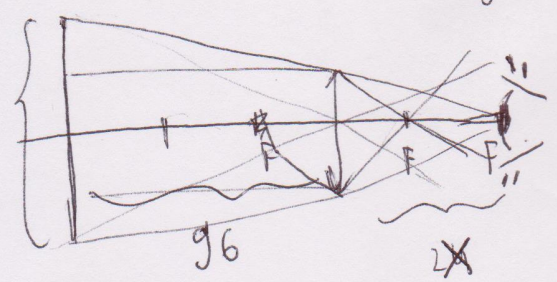
$$dS = \Delta L a; \quad \epsilon = B \frac{\Delta L a}{dt} =$$

$$\epsilon = v_0 B h; \quad Y_1 = \frac{v_0 B h}{6R} \frac{E}{B}$$

$$F_D = 2ma; \quad a =$$

$$a_2 = \frac{1}{4} a_1; \quad a_{\text{net}} = a_1 - a_2 = a_1 - \frac{1}{4} a_1 = \frac{3}{4} a_1$$

$$\int A_D = \int E dx$$



$$\epsilon = \epsilon_1 - \epsilon_2 = v_1 B L - v_2 B L$$

$$-F_A S = \Delta E; \quad Y_1 B L S' = \frac{2m}{L} (v_1^2 - v_2^2)$$

$$Y_1 = \frac{2m}{L} \frac{B L^2}{6R} S' = m (v_1^2 + v_2^2)$$