

Часть 1

Олимпиада: **Физика, 11 класс (1 часть)**

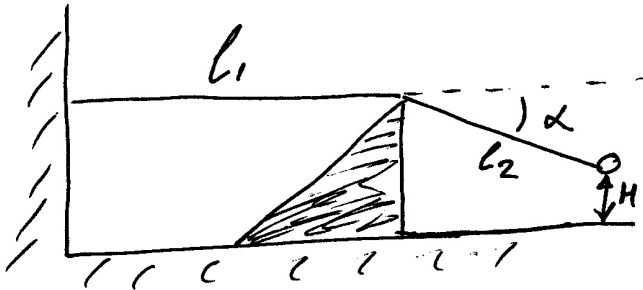
Шифр: **21203676**

ID профиля: **358637**

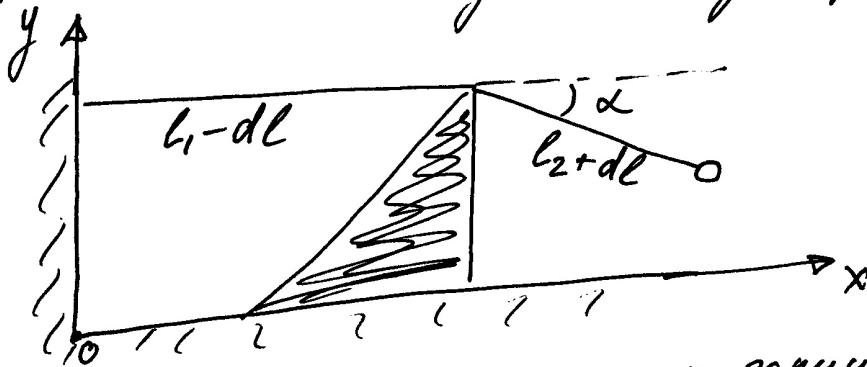
Вариант 4

№1

1) Пусть l_1 - начальная длина нити до блока, а l_2 - длина нити до шара от блока: ($CA = l_1$)



Рассмотрим систему через малое время dt , тогда длина участка CA будет $l_1 - dl$, тогда как из условия нерастяжимости нити длина нити до шара равна $l_2 + dl$



Введем оси как на рисунке, и запишем начальные x и конечные координаты шарика за этот промежуток времени:

$$x(0) = l_1 + l_2 \cdot \cos \alpha$$

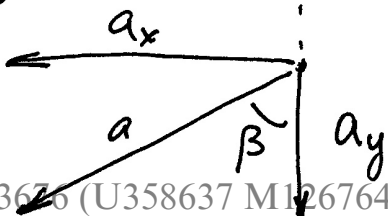
$$x(dt) = l_1 - dl + (l_2 + dl) \cdot \cos \alpha = l_1 + l_2 \cos \alpha + dl (\cos \alpha - 1)$$

$$y(0) = H$$

$$y(dt) = H + l_2 \cdot \sin \alpha - (l_2 + dl) \sin \alpha = H - dl \sin \alpha$$

$$dx = x(dt) - x(0) = -dl(1 - \cos \alpha) = \frac{a_x (dt)^2}{2}$$

$$dy = -dl \cdot \sin \alpha = \frac{a_y (dt)^2}{2}$$



β - углом уга

$$\begin{aligned} \operatorname{tg}(\beta) &= \frac{|a_x|}{|a_y|} = \frac{|dx|}{|dy|} = \frac{dl(1 - \cos \alpha)}{dl(\sin \alpha)} \\ &= \frac{1 - \cos \alpha}{\sin \alpha} \end{aligned}$$

Ответ: $a_{x1} = \frac{8g}{15}$

3) За то же время дт.мз закона Сохр. Энергии:

$$\Delta\Pi + \Delta K = 0$$

$$\Delta\Pi = \cancel{mg(\Delta x)} - \cancel{mgdl} \quad mgy = -mgdl \cdot \sin\alpha$$

Если масса куска M, то:

$$\Delta K = Ma_x \cdot dl + ma \sqrt{dx^2 + dy^2}$$

$$Ma_x dl = \frac{g \cdot \cos\alpha \cdot M \cdot dl}{\sin\alpha}$$

$$a = \frac{\sqrt{dx^2 + dy^2}}{dt^2} \Rightarrow ma = \sqrt{dx^2 + dy^2}$$

$$a = \sqrt{a_x^2 + a_y^2} = \cancel{\quad}$$

$$a_x = \frac{(1 - \cos\alpha) a_y}{\sin\alpha} = \frac{(1 - \cos\alpha) \cos\alpha g}{\sin\alpha}$$

$$a = \sqrt{g^2 \cos^2\alpha \left(1 + \frac{(1 - \cos\alpha)^2}{\sin^2\alpha}\right)} = g \cdot \cos\alpha \sqrt{1 + \frac{(1 - \cos\alpha)^2}{\sin^2\alpha}} =$$

$$= g \cos\alpha \sqrt{\frac{\sin^2\alpha + 1 + \cos^2\alpha - 2\cos\alpha}{\sin^2\alpha}} = \frac{g \cos\alpha}{\sin\alpha} \sqrt{2 - 2\cos\alpha}$$

$$\sqrt{dx^2 + dy^2} = dl \sqrt{\sin^2\alpha + (1 - \cos^2\alpha)} = dl \sqrt{2 - 2\cos\alpha}$$

$$ma \sqrt{dx^2 + dy^2} = \frac{mg \cos\alpha}{\sin\alpha} dl \sqrt{2 - 2\cos\alpha}$$

$$\Delta K + \Delta\Pi = 0$$

$$-mgdl \cdot \sin\alpha + \frac{mg \cos\alpha dl}{\sin\alpha} \sqrt{2 - 2\cos\alpha} + \frac{g \cos\alpha M \cdot dl}{\sin\alpha} = 0$$

$$m \left(\frac{\cos\alpha \sqrt{2(1 - \cos\alpha)}}{\sin\alpha} - \sin\alpha \right) + \frac{M \cos\alpha}{\sin\alpha} = 0$$

Задача (4)

Вар. 11-01

$$\frac{M \cos \alpha}{\sin \alpha} = m \left(\frac{\sin^2 \alpha - 2(\cos \alpha - \cos^2 \alpha)}{\sin \alpha} \right) \Leftrightarrow$$

$$\Leftrightarrow M \cos \alpha = m (\sin^2 \alpha - 2 \cos \alpha + 2 \cos^2 \alpha) \Leftrightarrow$$

$$M \cdot \cos \alpha = m (1 + \cos^2 \alpha - 2 \cos \alpha)$$

$$\frac{m}{M} = \frac{\cos \alpha}{1 + \cos^2 \alpha - 2 \cos \alpha} = \frac{8}{17 \left(1 + \frac{64}{17^2} - \frac{16}{17} \right)} = \frac{8 \cdot 17^2}{17^2 (81)} =$$

$$= \frac{8 \cdot 17}{81} = \frac{136}{81}$$

Ответ: $\frac{m}{M} = \frac{\cos \alpha}{1 + \cos^2 \alpha - 2 \cos \alpha} = \frac{136}{81}$.

4) в момент касания стола шарик: $y(t_n) = 0$

т.к. в начальный момент времени $v_y = 0$, то:

$$y(t_n) = y(0) + \frac{a_y t_n^2}{2} = H - \frac{g \cos \alpha t_n^2}{2} = 0 \Leftrightarrow$$

$$\Leftrightarrow H = \frac{g \cdot \cos \alpha \cdot t_n^2}{2} \Leftrightarrow t_n^2 = \frac{2H}{g \cdot \cos \alpha} \Rightarrow t_n = \sqrt{\frac{2H}{g \cdot \cos \alpha}}$$

Ответ: $t_n = \sqrt{\frac{2H}{g \cdot \cos \alpha}} = \sqrt{\frac{17H}{4g}}$

N=2

$$\begin{aligned}
 1) Q_1 &= \left| \int_{T_0}^{\frac{3}{4}T_0} v C(T) dT \right| = \int_{\frac{3}{4}T_0}^{T_0} v C(T) dT = \int_{\frac{3}{4}T_0}^{T_0} \frac{v R \cdot 9}{5 T_0} T dT = \\
 &= \frac{9 v R}{5 T_0} \int_{\frac{3}{4}T_0}^{T_0} T dT = \frac{9 v R}{5 T_0} \left(\frac{T_0^2 - (0,75)^2 T_0^2}{2} \right) = \frac{9 v R T_0^2 (16-9)}{5 T_0 \cdot 2 \cdot 16} = \\
 &= \frac{9 \cdot 7 v R T_0}{160} = \frac{63 v R T_0}{160}
 \end{aligned}$$

Ответ: $\frac{63 v R T_0}{160} = Q_1$

2) Q из закона сохр. энергии:

$$Q = \Delta U + A \rightarrow A = Q - \Delta U$$

$$Q = \int_{T_0}^t v C(T) dT = \frac{9 v R (t^2 - T_0^2)}{5 T_0 \cdot 2} = \frac{9 v R (t^2 - T_0^2)}{10 T_0}$$

$$\Delta U(t) = \frac{3}{2} v R \Delta t = \frac{3}{2} v R (t - T_0)$$

$$\begin{aligned}
 A &= Q - \Delta U \\
 A(t) &= Q(t) - \Delta U(t) = \frac{3}{2} v R \left(\frac{3(t^2 - T_0^2)}{5 T_0} - t + T_0 \right) \\
 &= \frac{3 v R}{10 T_0} (3t^2 - 3T_0^2 - 5tT_0 + 5T_0^2) = \frac{3 v R}{10 T_0} (3t^2 + 2T_0^2 - 5tT_0)
 \end{aligned}$$

Если работа минимальна, то $\frac{dA}{dt} = 0 \Rightarrow$

$$\frac{d(3t^2 + 2T_0^2 - 5tT_0)}{dt} = 3 \cdot 6t_{\min} - 5T_0 = 0 \Leftrightarrow 6t_{\min} = 5T_0 \Leftrightarrow t_{\min} = \frac{5T_0}{6}$$

Ответ: $\frac{5T_0}{6} = t_{\min}$

$$3) A(t_{\min}) = \frac{3vR}{10T_0} (3t_{\min}^2 + 2T_0^2 - 5t_{\min}T_0) = \frac{3vR}{10T_0} \left(\frac{3 \cdot 25}{36} T_0^2 + 2T_0^2 - \frac{5T_0^2}{4} \right)$$

$$= \frac{3vRT_0^2}{10T_0} \left(\frac{72 + 75 - 25 \cdot 6}{36} \right) = \frac{-9vRT_0}{10 \cdot 36} = \frac{-vRT_0}{40}$$

~~Ответ: A_{\min}~~ $A_{\min} = A(t_{\min}) = \frac{-vRT_0}{40}$

Ответ: $A_{\min} = \frac{-vRT_0}{40}$

$$\operatorname{tg}(\beta) = \frac{1 - \cos \alpha}{\sin \alpha} = \frac{1 - \frac{8}{17}}{\sqrt{1 - \left(\frac{8}{17}\right)^2}} = \frac{9}{17 \cdot \frac{15}{17}} = \frac{9 \cdot 17}{17 \cdot 15} = \frac{9}{15} = \frac{3}{5} = 0,6$$

Ответ: $\operatorname{tg}(\beta) = 0,6$

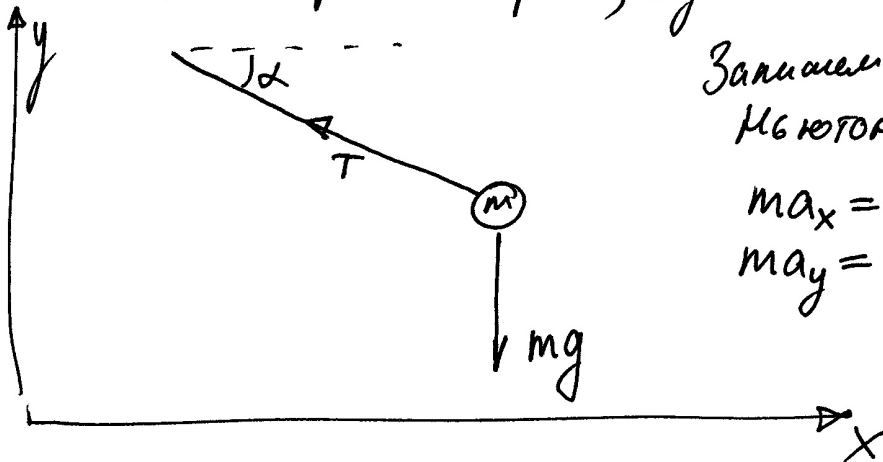
2) Т.к. ~~у~~ клин движется поступательно, то ускорение каждой из его точек равно ускорению клина. ($a_{\text{дн}} = a_{\text{кл}}$)

За промежуток времени dt для блока:

$$x(0) = l_1; \quad x(dt) = l_1 - dl; \quad dx = -dl; \quad dy = 0$$

$$a_{\text{дн}} = |a_{x\text{дн}}| = \left| \frac{-dl \cdot 2}{(dt)^2} \right| = \left| \frac{a_y}{\sin \alpha} \right|$$

За Рассмотрим шарик; пусть его масса m :



Запишем для него II закон Ньютона в проекциях:

$$m a_x = -T \cdot \cos \alpha \quad (1)$$

$$m a_y = T \cdot \sin \alpha - mg \quad (2)$$

из предыдущего пункта знаем:

$$\frac{a_x}{a_y} = \frac{|a_x|}{|a_y|} = \operatorname{tg}(\beta) = \frac{1 - \cos \alpha}{\sin \alpha} \rightarrow a_x = \frac{(1 - \cos \alpha) a_y}{\sin \alpha}$$

$$\text{из (1): } \frac{m a_y (1 - \cos \alpha)}{\sin \alpha} = -T \cdot \cos \alpha \rightarrow T \cdot \sin \alpha = -\frac{m a_y (1 - \cos \alpha)}{\cos \alpha}$$

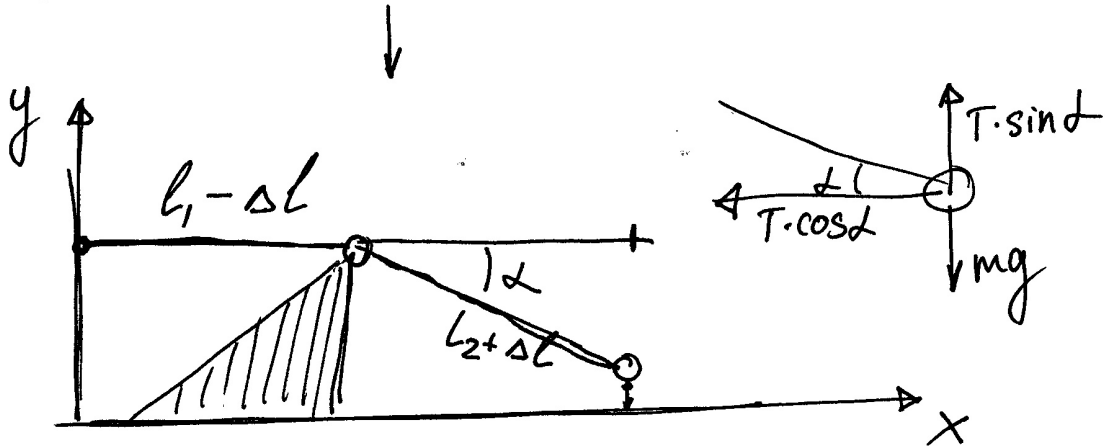
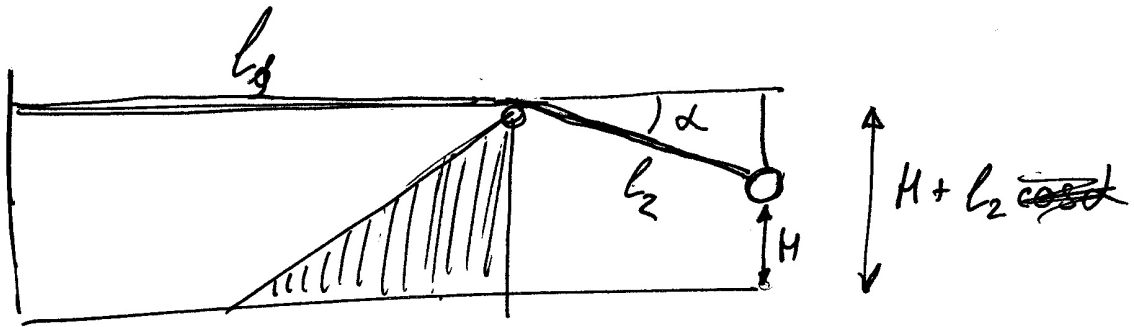
$$\text{Подставим в (2): } m a_y = -\frac{m a_y (1 - \cos \alpha)}{\cos \alpha} - mg \Leftrightarrow$$

$$\frac{m a_y (1 - \cos \alpha) + m a_y \cos \alpha}{\cos \alpha} = -mg \Leftrightarrow \frac{a_y}{\cos \alpha} = -g \Rightarrow a_y = -g \cdot \cos \alpha$$

$$a_{\text{кл}} = a_{\text{дн}} = \left| \frac{-g \cdot \cos \alpha}{\sin \alpha} \right| = \frac{g \cdot \cos \alpha}{\sin \alpha} = \frac{g \cdot 8 \cdot 17}{17 \cdot 15} = \frac{8g}{15}$$

Термовик

$\mu = 1$



$$x_0 = l_1 + l_2 \cdot \cos \alpha$$

$$x_1 = l_1 - \Delta l + (l_2 + \Delta l) \cdot \cos \alpha = l_1 - \Delta l + l_2 \cos \alpha + \Delta l \cos \alpha$$

$$\Delta x = x_1 - x_0 = \Delta l \cos \alpha - \Delta l = \Delta l (\cos \alpha - 1)$$

$$\frac{\Delta^2 x}{2} = \Delta x \quad a_x = \frac{2 \Delta l (\cos \alpha - 1)}{\Delta t^2}$$

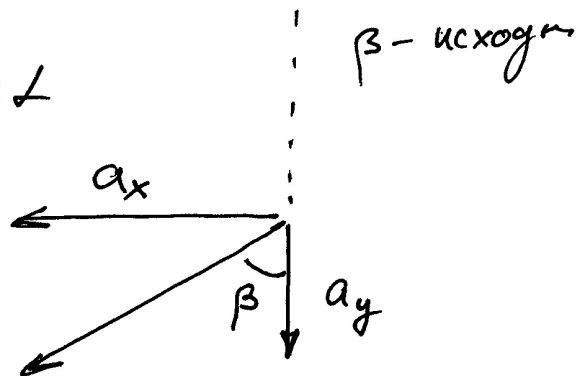
$$y_0 = H$$

$$y_1 = H + l_2 \sin \alpha - (l_2 + \Delta l) \sin \alpha = H + l_2 \sin \alpha - l_2 \sin \alpha - \Delta l \sin \alpha$$

$$= H - \Delta l \sin \alpha$$

$$\Delta y = y_1 - y_0 = -\Delta l \sin \alpha$$

$$a_y = \frac{-2 \Delta l \sin \alpha}{\Delta t^2}$$



Часть 2

Олимпиада: **Физика, 11 класс (2 часть)**

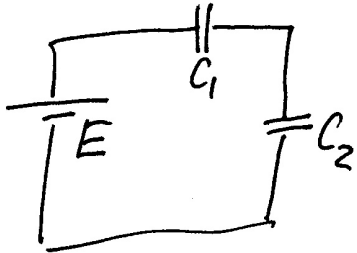
Шифр: **21203676**

ID профиля: **358637**

Вариант 4

№: 3

- 1) До размыкания ключа К цепи равносильна:



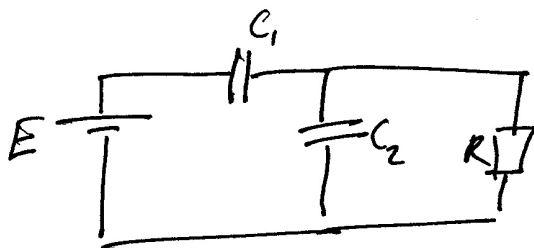
Т.к. конденсаторы соединены последовательно, то:

$$q_1 = q_2 = q$$

$$U_1 + U_2 = U_{05}$$

Из II правила Кирхгофа: $E = U_1 + U_2 = \frac{q}{C_1} + \frac{q}{C_2} = q \left(\frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2} \right) =$
 $= \frac{q(C_1 + C_2)}{C_1 C_2} \Rightarrow q = \frac{E C_1 C_2}{C_1 + C_2}$

Сразу после замыкания:



Т.к. резистор соединен с конденсатором C_2 параллельно,

то: $U_{C_2} = U_R \Rightarrow I_R R = \frac{q}{C_2} =$

$$= \frac{E C_1}{C_1 + C_2} \Rightarrow I_R = \frac{E C_1}{R(C_1 + C_2)} = \frac{5CE}{R \cdot 6C} = \frac{5E}{6R}$$

Ответ: $I_R = \frac{5E}{6R}$

- 2) В установившемся состоянии заряд на конденсаторах постоянен
 \Rightarrow ток не идет по всей цепи $\Rightarrow U'_R = IR = 0 \Rightarrow U_{C_2} = U_R = 0$

$U_{C_2} = U'_2 = U'_R = 0$ По II правилу Кирхгофа: $E = U'_1 + U'_2 =$
 $= U'_1 \Rightarrow q'_1 = C_1 U'_1 = C_1 E$

Из закона сохранения энергии:

$$A_E + W_1 + W_2 = W_1' + W_2' + Q \Leftrightarrow \Delta q E + \frac{q^2}{2C_1} + \frac{q^2}{2C_2} = \frac{(q_1')^2}{2C_1} + Q$$

$$\Leftrightarrow (q_1' - q)E + \frac{q^2(C_1 + C_2)}{2C_1 C_2} = \frac{C_1^2 E^2}{2C_1} + Q \Leftrightarrow$$

$$\left(C_1 E - \frac{E C_1 C_2}{C_1 + C_2} \right) E + \frac{E^2 C_1 C_2}{2(C_1 + C_2)} = \frac{C_1 E^2}{2} + Q \Leftrightarrow$$

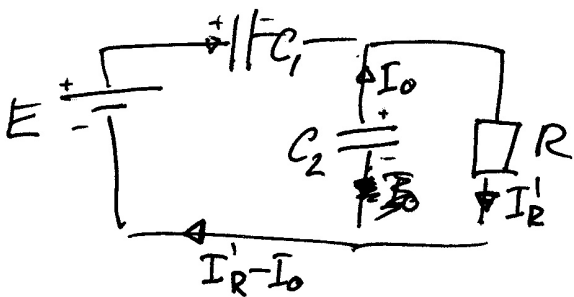
$$\frac{E(EC_1^2 + EC_1 C_2 - EC_1 C_2)}{C_1 + C_2} - \frac{E^2 C_1 (C_1 + C_2)}{2(C_1 + C_2)} + \frac{E^2 C_1 C_2}{2(C_1 + C_2)} = Q \Leftrightarrow$$

$$\Leftrightarrow Q = \frac{E^2 C_1 C_2 + 2E^2 C_1^2 - E^2 C_1^2 - E^2 C_1 C_2}{2(C_1 + C_2)} \Leftrightarrow$$

$$\Leftrightarrow Q = \frac{E^2 C_1^2}{2(C_1 + C_2)} = \frac{25E^2 C^2}{12C} = \frac{25E^2 C}{12}$$

Ответ: $Q = \frac{E^2 C_1^2}{2(C_1 + C_2)} = \frac{25E^2 C}{12}$

3)



Т.к. конденсатор разряжается, то ток направлен от обкладки \$⊖\$ зарядом, то есть вверх. По этому, по I правую Кирхгофа, ток через \$E\$ равен \$I'_R - I_0\$

$q_1 = C_1 U_1 \Rightarrow I'_R - I_0 = C_1 \frac{dU_1}{dt}$, аналогично $I_0 = C_2 \frac{dU_2}{dt}$.

По II правую Кирхгофа $E = U_1 + U_2 \Rightarrow \frac{dU_1}{dt} + \frac{dU_2}{dt} = 0 \Rightarrow$

$$\Rightarrow \frac{I'_R - I_0}{C_1} + \frac{I_0}{C_2} = 0 \Leftrightarrow \frac{I_0}{C_2} = \frac{I_0 - I'_R}{C_1} \Leftrightarrow I_0 - I'_R = \frac{I_0 C_1}{C_2}$$

Листовик (3) Вариант. 11-04

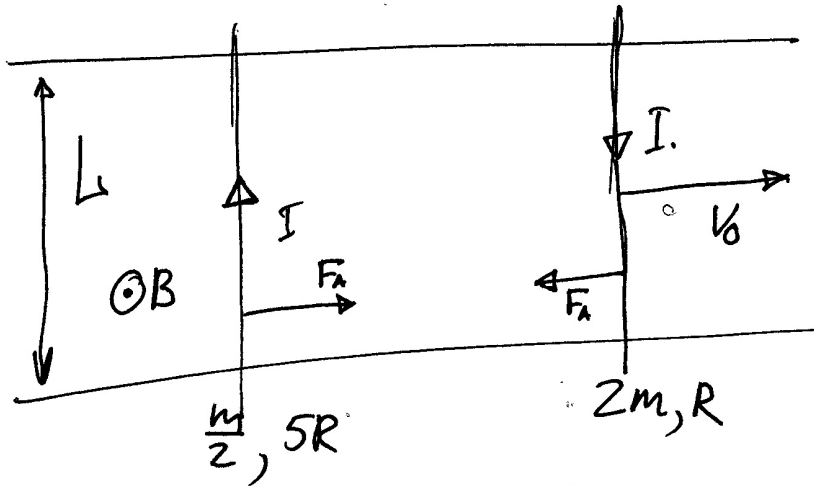
$$I_0 - I'_R = \frac{I_0 C_1}{C_2} \Leftrightarrow I_0 - \frac{I_0 C_1}{C_2} = I'_R \Leftrightarrow I'_R = \frac{I_0 (C_2 - C_1)}{C_2} = \frac{I_0 (C - 5C)}{C}$$

$= -4I_0 \Rightarrow$ ток ^{через резистор} направлен в другую сторону, нежели предполагалось

$$I'_R = 4I_0$$

Ответ: $I'_R = 4I_0$

N=4



$$1) \quad |\mathcal{E}| = \frac{d\Phi}{dt} \quad |\mathcal{E}_0| = B \cdot \frac{dS_0}{dt} = BLv_0$$

$$I_0 = \frac{\mathcal{E}_0}{R+5R} = \frac{BLv_0}{6R}$$

Т.к. ток противодействует причине своего появления, то он направлен по часовой стрелке

На перемычку действует сила Ампера:

$$F_A = B I_0 L \sin \alpha, \text{ т.к. } \alpha = 90^\circ, \text{ то } F_A = B I_0 L = \frac{B^2 L^2 v_0}{6R}$$

ускорим для первой перемычки

$$2ma_0 = F_A = \frac{B^2 L^2 v_0}{6R} \rightarrow a_0 = \frac{B^2 L^2 v_0}{12mR}$$

$$F_A(t) = \frac{B I(t) \cdot L}{6R} = \frac{B^2 L^2 v_{0\text{н}}(t)}{6R} = B^2$$

Ответ: $a_0 = \frac{B^2 L^2 v_0}{12mR}$

~~$$F_A(t) = \frac{B^2 L^2 v_{0\text{н}}(t)}{6R}$$

$$v_{0\text{н}}(t) = v_0 - F_A$$~~

Листовик ⑤ Вариант 11-04

2) В каждый момент времени силы действуют на перемычку одинаково, а масса 1 в 4 раза больше массы 2 \Rightarrow т.к. $a = \frac{F}{m}$, то $|a_1| = \frac{1}{4}|a_2| \Rightarrow a_2 = 4a_1$ (в любой момент времени) $\Rightarrow |\Delta V_1| = \frac{1}{4}|\Delta V_2| \Rightarrow |\Delta V_2| = 4|\Delta V_1|$, но т.к. ускорения разнонаправлены, то: $\Delta V_2 = -4\Delta V_1$

В установившемся режиме $F_A = 0 \Rightarrow I = 0 \Rightarrow \frac{dS}{dt} = 0 \Rightarrow V_{отн} = 0$

$$\Rightarrow V_1 = V_2 \Rightarrow V_0 + \Delta V_1 = \Delta V_2 + 0 \Leftrightarrow V_0 + \Delta V_1 = -4\Delta V_1 \Leftrightarrow \Delta V_1 = \frac{V_0}{-5}$$

$$V_1 = V_2 = \Delta V_2 + 0 = \frac{-4V_0}{-5} = \frac{4}{5}V_0$$

Ответ: $V_1 = V_2 = \frac{4}{5}V_0$

3) $V_{отн} =$

$$a_{1x} = \frac{B^2 L^2 V_{отн}}{42mR}$$

Направим ось в даль рельса:

a_{1x}

$$a_{1x} = -\frac{B^2 L^2 V_{отн}}{12mR}$$

Интегрируя,

Получаем: $\Delta V_{1x} = -\frac{B^2 L^2 \Delta X}{12mR} \Rightarrow$

$$\Delta V_1 = -\frac{B^2 L^2 \Delta X}{12mR}$$

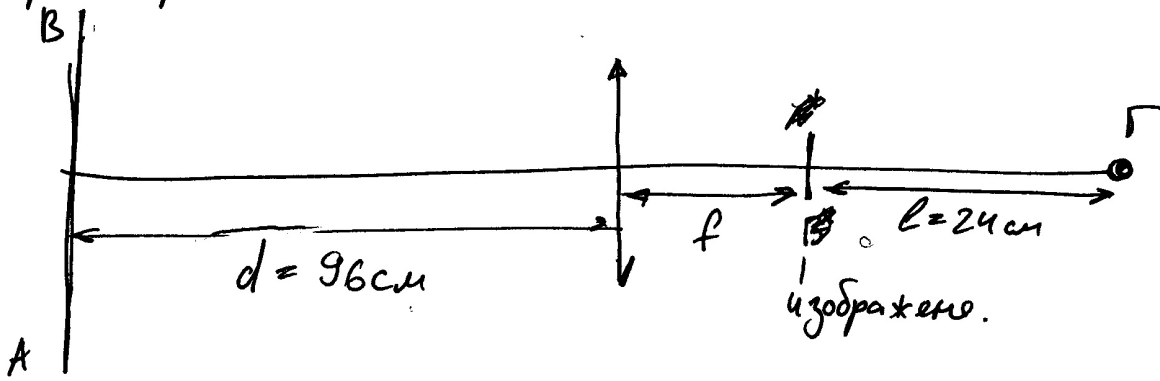
, где ΔX — изменение расстояния между

рельсами \Rightarrow

$$\frac{\Delta V_1}{-5} = \frac{V_0}{-5} = -\frac{B^2 L^2 \Delta X}{12mR} \Rightarrow \frac{12V_0 m R}{5B^2 L^2} = \Delta X$$

Ответ: $\Delta X = \frac{12V_0 m R}{5B^2 L^2}$

№: 5



1) Если глаз видит свет идущий от изображения в линзе, расположенного на расстоянии f от нее.

Для тонкой линзы:

$$\frac{1}{F} = \frac{1}{f} + \frac{1}{d} \Rightarrow \frac{1}{f} = \frac{1}{F} - \frac{1}{d} \Rightarrow f = \frac{Fd}{d-F}$$

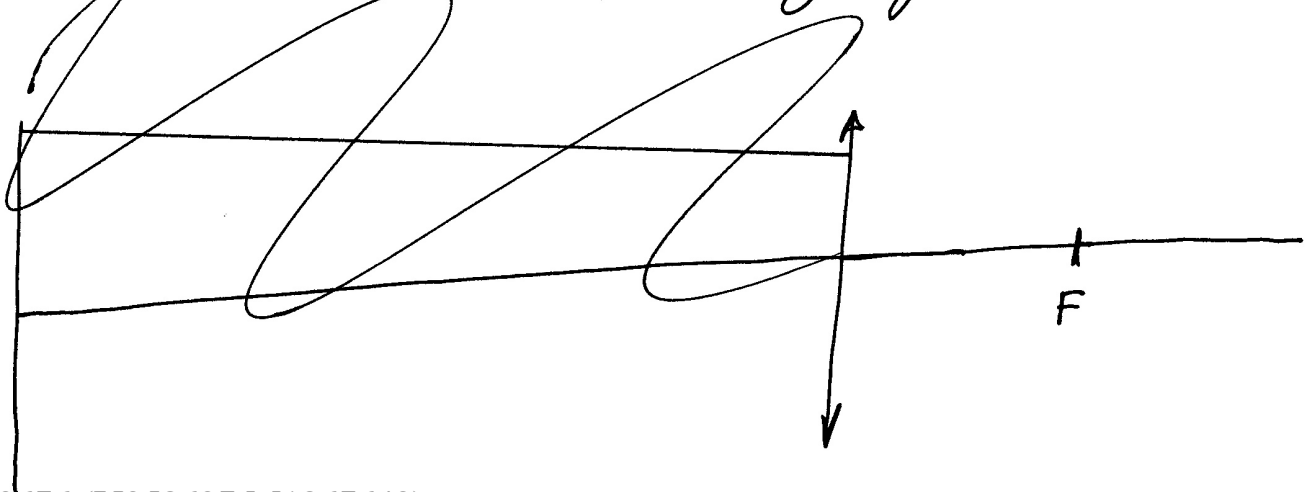
$$= \frac{24 \cdot 96}{96 - 24} = \frac{24 \cdot 96}{72} = \frac{96}{3} = 32 \text{ см.}$$

И т.к. он аккомодировал глаз на 24 см \Rightarrow расстояние между глазом и изображением $l = 24$ см.

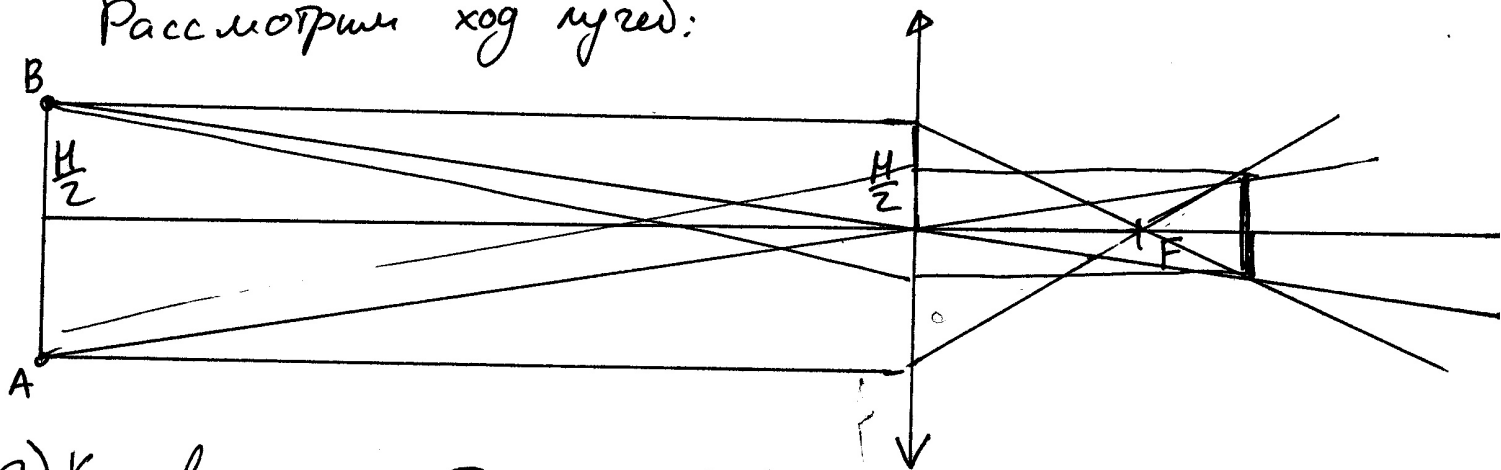
Получаем, что $x = l + f = 24 + 32 = 56$ см.

Ответ: $x = 56$ см

2) Это бы конечно рассмотрим ход лучей



Рассмотрим ход лучей:



2) Как видно, что бы существовало изображение каждой точки, нужно что бы параллельные опт. оси лучи дошли до линзы, т.е. $D_M = H$ нужно, что бы все ~~лучи~~ лучи нарисован ~~лучи~~ лучи дошли до линзы, т.е. $D_M = H$

Ответ: $D_M = H = 9 \text{ см}$

3) Так же мы видим, что весь параллельный зл. оптич. оси пучок света пересекается в фокусе линзы, поэтому поставленный там небольшой непрозрачный предмет полностью перекрывает изображение:

Ответ: На расстоянии 2 см от линзы, в фокусе со стороны наблюдателя.

Верховка



$$W_{C1} + W_{C2} = W_{C1}' + W_{C2}' + Q + E$$



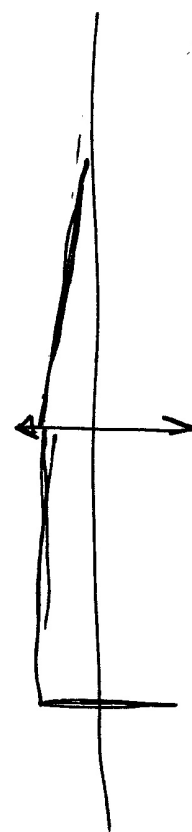
$E = \dots$

$$C_1 U = IR$$

$$I = \frac{C_1 U}{R}$$

$$\frac{dU}{dt} = \frac{dI}{dt} R$$

$$C U^2 = \frac{2}{2C} (C U)^2 = \frac{2}{2C} I^2 R^2$$

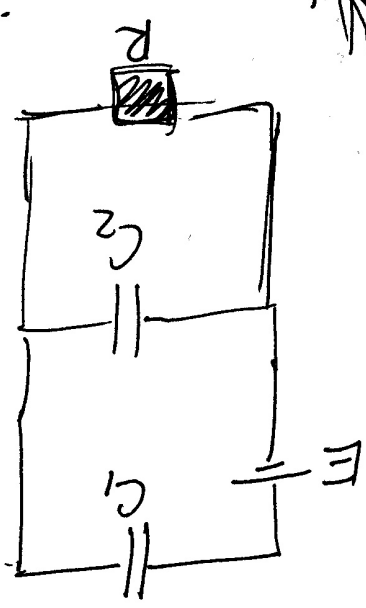


$$\frac{5}{12} \frac{E}{R}$$

$$Q = I^2 R = U \cdot I$$

$$I R = IR + \frac{q C_2}{C_1 + C_2} = E$$

$$I R = \frac{C_2 q C_1}{C_1 + C_2} = \frac{q C_1 C_2}{C_1 + C_2}$$



$$q = \frac{E}{\frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2}} = \frac{E C_1 C_2}{C_1 + C_2}$$

1)

Верховка

$$I_R - I_0 = C_1 \frac{du_1}{dt}$$

$$I_0 = C_2 \frac{du_2}{dt} = RC_2 \frac{dI_R}{dt}$$

$$I_0 = RC_2 I_R$$

$$I_R - I_0 = C_1 \frac{du_1}{dt}$$

$$E = u_1 + u_2 \Rightarrow \frac{du_1}{dt} + \frac{du_2}{dt} = \frac{dE}{dt}$$

$$V_{0TH} = V_1 - V_2 = V_1 - \Delta V_1 + \Delta V_2 = V_1 - \Delta V_1$$

$$\Delta Q = I$$

$$Q_{0TH} = F$$

$$V = V_0 - at =$$

$$mV_0^2 = mV_1^2 + mV_2^2 + Q$$

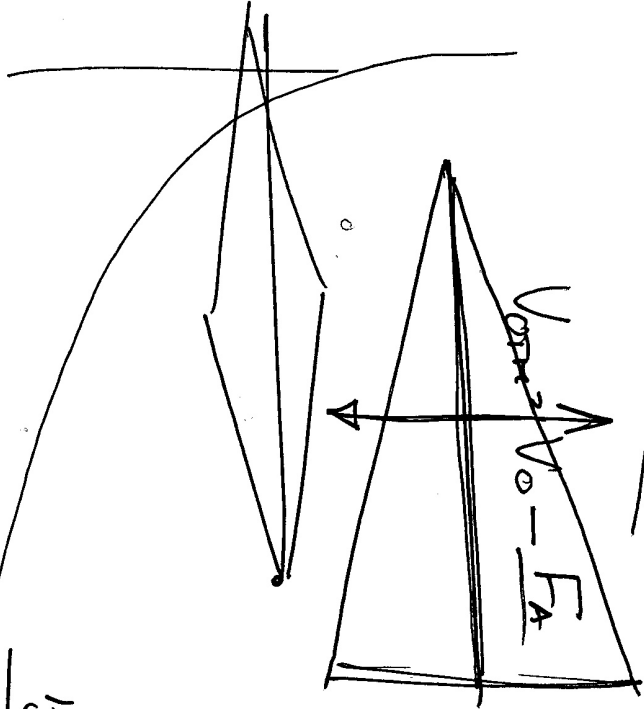
$$= (b - a) =$$



$$E = \frac{dQ}{dt}$$

$$I_0 = \frac{BLV_0}{6R}$$

$$\Delta Q = \frac{BL\Delta X}{6R}$$



$$V_{0TH}$$

~~Handwritten scribble~~

~~Handwritten scribble~~