

Часть 1

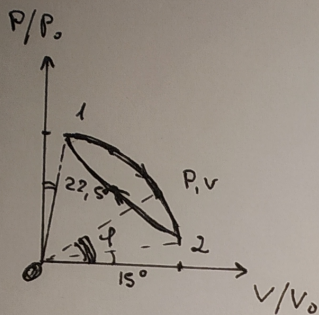
Олимпиада: **Физика, 11 класс (1 часть)**

Шифр: **21200508**

ID профиля: **112566**

Вариант 6

23.



1. Запишем уравнение Менделеева-Клапейрона

$$P \cdot V = \mu R T$$

$$\alpha = 15^\circ$$

$$\beta = 22.5^\circ$$

n - число молекул
 $P(V=0) = P_0 \cdot n$
 $V(P=0) = V_0 \cdot m$

$$T_1 \sim P_1 \cdot V_1; P_1 = P_0 \cdot \cos \beta \cdot n; V_1 = V_0 \cdot \sin \beta \cdot m$$

$$T_2 \sim P_2 \cdot V_2; P_2 = P_0 \cdot \sin \alpha \cdot n; V_2 = V_0 \cdot \cos \alpha \cdot m$$

$$\frac{T_1}{T_2} = \frac{\cos \beta \cdot \sin \beta}{\cos \alpha \cdot \sin \alpha} = \frac{2 \cos \beta \cdot \sin \beta}{2 \cos \alpha \cdot \sin \alpha} = \frac{\sin(2\beta)}{\sin(2\alpha)} = \frac{\sin(45^\circ)}{\sin(30^\circ)} = \frac{\sqrt{2} \cdot 2}{2 \cdot 1} = \sqrt{2}$$

2. $C=0 \Rightarrow Q > 0, \Delta T=0 \Rightarrow C=0$ на участке $\Rightarrow T = \text{const}$

$$T = \text{const} \Rightarrow P \cdot V = \text{const}$$

$P \cdot V = n \cdot m \cdot P_0 \cdot V_0 \cdot \sin(\varphi) \cdot \cos(\varphi)$ где φ - угол между осью $\frac{V}{V_0}$ и радиусом к точке на участке $= \text{const}$

$$2P \cdot V = n \cdot m \cdot P_0 \cdot V_0 \cdot 2 \sin(\varphi) \cdot \cos(\varphi) = n m P_0 V_0 \cdot \sin(2\varphi) = 2 \mu R T \Rightarrow T \sim \sin(2\varphi)$$

$\Rightarrow T' = 0$ (участок $\Rightarrow \frac{\Delta T}{\Delta \varphi} = \text{const} \Rightarrow T' = 0$) при $\cos(2\varphi) = 0 \Rightarrow \varphi = 45^\circ$

$\sin(\varphi) = \frac{n \cdot P}{h \cdot P_0}$ - показывает отношение давления к максимальной, равной $n \cdot P_0$

$\cos(\varphi)$ - аналогично $\sin(\varphi)$, но показывает $\frac{V}{m \cdot V_0}$

$$\text{tg}(\varphi) = \frac{P \cdot m V_0}{h \cdot P_0 \cdot V} = \frac{m V_0}{h P_0} \frac{P}{V} \Rightarrow$$

$\sin(2\varphi) = 2 \sin(\varphi) \cos(\varphi) = \frac{2P \cdot V}{n \cdot m P_0 V_0}$ - отношение удвоенной текущей температуры к максимальной

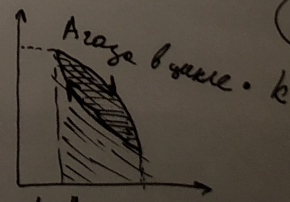
3. Адиабата = $S_{\text{адиабата}}$ ($A = p_0 \cdot V \Rightarrow$ площадь цикла = Адиабата, площадь под графиком расширения - работа при расширении)

Площадь под кривой, если по оси $O_x - \cos(\varphi)$ - по оси $O_y - \sin(\varphi)$

$$= R \int \sqrt{1-x^2} dx = R \int \frac{1-x^2}{2x} dz$$

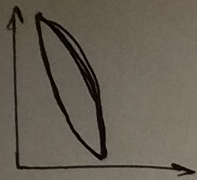
$$\sqrt{1-x^2} = z \Rightarrow dz = \frac{-2x}{\sqrt{1-x^2}} dx$$

$$1-x^2 = z^2 \Rightarrow x^2 = 1-z^2$$



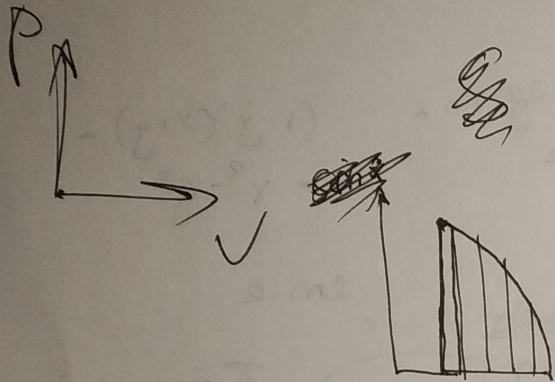
Ответ: $\sqrt{2}; 45^\circ$

$$k = \frac{1}{n m P_0 V_0}$$



$$S_x \sim 10y$$

$$x^2 \sim y^2$$



$$S = R \cdot \sin \varphi \cdot dx$$

$$\sqrt{1-x^2}$$

$$\sqrt{1-x^2}^{\frac{3}{2}}$$

$$-2x$$

$$\int \sqrt{1-x^2} dx =$$

$$U = \sqrt{1-x^2} \Rightarrow dl = -2x \cdot \frac{1}{\sqrt{1-x^2}} dx$$

$$dV = dx \Rightarrow V = x$$

$$x\sqrt{1-x^2} - \int \frac{-2x^2}{\sqrt{1-x^2}} dx$$

$$x^2 = t \Rightarrow dx = \frac{dt}{2x}$$

$$(x+dx)^2 = t+dt$$

$$x^2 + 2dx \cdot x = t+dt \Rightarrow dt = 2x dx$$

$$\sqrt{1-x^2} = t \Rightarrow dt = -2x dx$$

$$\int x dt$$

$$(1-t^2) dt$$

$$\frac{dx = \sqrt{1-t^2}}{= 2x}$$

$$t = \sqrt{1-x^2}$$

$$dt = \frac{-2x}{\sqrt{1-x^2}} dx$$

$$\frac{t^2}{2\sqrt{1-t^2}}$$

$$t^2 = 2$$

$$t dt = dt$$

$$\sqrt{1-x^2} dx$$

$$x^2 = t \Rightarrow dx = \frac{dt}{2x}$$

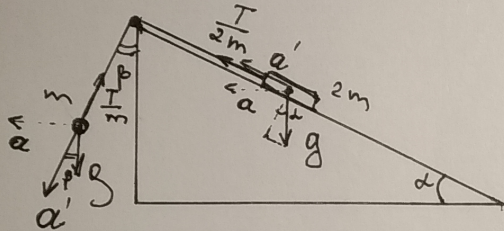
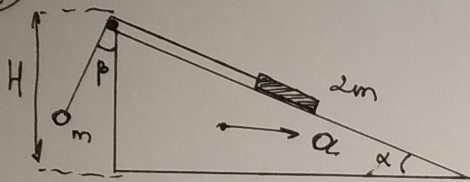
$$\frac{\sqrt{1-t}}{x} dt$$

$$\sqrt{\frac{1-t}{t}} dt$$

2

4-расчетники

13.

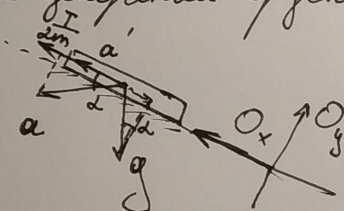


1. Переидем в С.О. Бруска и распишем действующие на шарик и брусок силы через ускорения

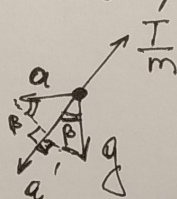
a - ускорение клина; a' - ускорение бруска отн. клина
 $g = 10 \frac{м}{с^2}$

Т.к. угол β не меняется со временем, ускорение шарика сонаправлено с киней, и, из-за неразрывности нити ускорение бруска тоже равно a' и направлено по нити

3. 4 ускорения бруска:



2. 4 ускорения шара:



$\vec{a}' = \vec{a} + \vec{g} + \frac{\vec{T}}{m}$

Т.к. a' не меняет направления, проекции a и g на ось, $\perp a'$ будут компенсировать друг друга.

$g \sin \beta = a \cos \beta \Rightarrow a = g \cdot \tan \beta = 4,167 \frac{м}{с^2}$

Сила, направленная по оси O_y нас не интересуют, т.к. она выливается на силу реакции опоры, а $F_{упр.}$ в задаче нету (упреждаем бруска о клин пренебреж.)

$a' = \frac{T}{2m} + a \cos \alpha - g \sin \alpha$ (*)

Нужно узнать T , найдем его из равенства ускорений бруска и шара

$a'_{ш} = a'_{бр} = \frac{T}{2m} + a \cos \alpha - g \sin \alpha = g \cos \beta + a \sin \beta - \frac{T}{m} \Rightarrow$

$\Rightarrow \frac{3T}{2m} = g \cos \beta + g \sin \alpha + a \sin \beta - a \cos \alpha \Rightarrow \frac{T}{2m} = \frac{g \cos \beta + g \sin \alpha + a \sin \beta - a \cos \alpha}{3}$

\rightarrow (*)

$a' = \frac{g \cos \beta + g \sin \alpha + a \sin \beta - a \cos \alpha}{3} + a \cos \alpha - g \sin \alpha =$

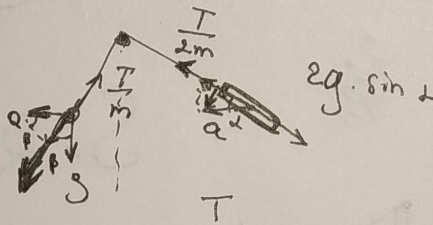
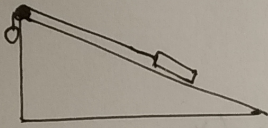
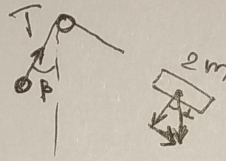
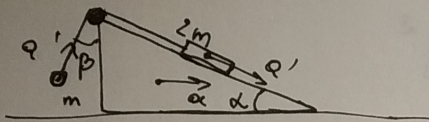
$= \frac{g \cos \beta - 2g \sin \alpha + a \sin \beta + 2a \cos \alpha}{3} = \frac{5,5}{3} = 1,833 \frac{м}{с^2}$ (1)

$\cos \beta = \frac{12}{13} \Rightarrow \sin \beta = \frac{5}{13}$

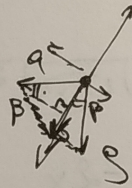
$\cos \alpha = \frac{4}{5} \Rightarrow \sin \alpha = \frac{3}{5}$

4. Шарик достигнет стола через $t = \frac{H}{a_g} = \frac{H}{a' \cdot \cos \beta}$

Ответ: $a = g \cdot \tan \beta$; $a' = \frac{g \cos \beta - 2g \sin \alpha + a \sin \beta + 2a \cos \alpha}{3}$; $t = \frac{3H}{\cos \beta (g \cos \beta - 2g \sin \alpha + a \sin \beta + 2a \cos \alpha)}$

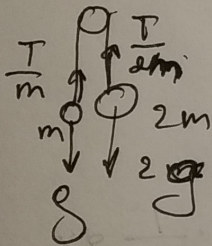


$$(x-y)(x+y) = x^2 - y^2$$



$$\frac{T}{2m} - 2g \sin \alpha = \frac{T}{m} - g \cos \beta - a \sin \beta$$

$$a \cos \beta = g \sin \beta$$



$$2g - \frac{T}{2m} = \frac{T}{m} - g$$

$$3g = \frac{3T}{2m} \Rightarrow T = 2mg$$

$$\frac{169}{144}$$

$$\frac{5}{13}$$

$$\frac{T}{2m} + a \cos \alpha - 2g \sin \alpha = \frac{T}{m} - g \cos \beta - a \sin \beta$$

$$\frac{T}{2m} = a \cos \alpha + a \sin \beta - 2g \sin \alpha + g \cos \beta$$

$Q=0 \Rightarrow$ изохорический процесс
 $p \cdot V = \text{const} \Rightarrow p \sim \frac{1}{V}$

$$p \sim \frac{1}{V} \Rightarrow \Delta p \sim \frac{1}{\Delta V}$$

$$\Delta p = p_0 \cdot \Delta \cos \varphi \cdot n$$

$$\Delta V = V_0 \cdot \Delta \sin \varphi \cdot m$$

$$p_0 \cdot \Delta \sin \varphi \sim \frac{1}{V_0 \cdot \Delta \cos \varphi} \Rightarrow p_0 \cdot \Delta \tan \varphi \sim \frac{1}{V_0}$$

$$T' \sim (\sin(2\varphi))' \Rightarrow T' \sim 2 \cos(2\varphi)$$

$$p \cdot V = nm p_0 V_0 \cdot \sin \alpha \cos \varphi$$

$$2p \cdot V = nm p_0 V_0 \cdot \sin(2\varphi)$$

$$2 \mu R T = nm p_0 V_0 \cdot \sin(2\varphi)$$

(1)

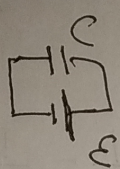
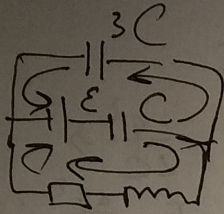
Часть 2

Олимпиада: **Физика, 11 класс (2 часть)**

Шифр: **21200508**

ID профиля: **112566**

Вариант 6



$$E_0 = \frac{C \epsilon^2}{2}$$

$$E_2 = 2 \cdot C \cdot \frac{1}{8} \epsilon^2 = \frac{1}{4} C \epsilon^2$$

$$E = B I L = F$$

$$F = B q U = B I$$

$$B \cdot \Delta S = \epsilon$$

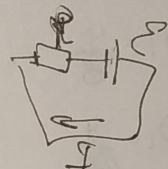
$$-\frac{1}{4} C \epsilon^2 = \frac{1}{2} \epsilon^2 C$$

$$Q + A = E$$

~~Q =~~

$$\frac{dI}{dt} \cdot L + I_L \cdot R = U_{c2}$$

$$W = I_L^2 \cdot R$$



$$A = q \cdot \epsilon$$

$$A - Q = \epsilon$$

$$Q = I \cdot t$$

$$E \cdot t$$

$$E_0 = \frac{C \epsilon^2}{2}$$

$$E_0 = \frac{3C \cdot \frac{1}{16} \epsilon^2}{2} + \frac{C \cdot \frac{9}{16} \epsilon^2}{2}$$

$$E_0 = \frac{12}{16} \frac{\epsilon^2 C}{2} = \frac{3}{8} C \epsilon^2$$

$$E_k = \frac{C \epsilon^2}{2}$$

$$B \cdot U \cdot d = \epsilon$$

$$q_1 = \frac{3}{4} \epsilon C \rightarrow \epsilon C$$

$$q_2 = \frac{3}{4} \epsilon C \rightarrow 0$$

$$\frac{1}{2} \epsilon C$$

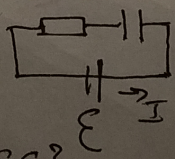
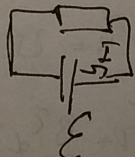
$$A_0 = \epsilon \cdot \epsilon C$$

$$E_0 = \frac{C \epsilon^2}{2}$$

$$A_2 =$$

$$E_2 = 2 \cdot \frac{C \epsilon^2}{8} = \frac{C \epsilon^2}{4}$$

$$\frac{C \epsilon^2}{4}$$



$$\frac{C \epsilon^2}{2} ; \epsilon \epsilon$$

$$Q = I^2 R \Delta t$$

$$A = I \cdot dt \cdot \epsilon$$

$$I \cdot R = \epsilon - \frac{q}{C} = \dot{q} + \frac{q}{C} = \epsilon$$

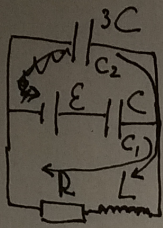
$$\frac{dq}{dt} R = \epsilon - \frac{q}{C}$$

$$\epsilon \cdot dt - \frac{q dt}{C} = dq R$$

1

Установив

33.



$t=0$ - момент замыкания ключа

(уз. узел)
 $(t=0) U_{C1} + U_{C2} = \varepsilon; q_1 = q_2 \Rightarrow (q = C U)$

$\Rightarrow U_{C1} = \frac{3}{4} \varepsilon; U_{C2} = \frac{1}{4} \varepsilon \Rightarrow (t=0) U_L + U_R = \varepsilon - \frac{3}{4} \varepsilon - \frac{1}{4} \varepsilon \Rightarrow$

$\Rightarrow (t=0) (I_L = 0, \text{ по 3. калликуляции}) I \cdot R = U_R = 0$

$U_L = \frac{1}{4} \varepsilon = \left| L \cdot \frac{dI}{dt} \right| \Rightarrow$

$\Rightarrow \frac{dI}{dt} = \frac{\varepsilon}{4L}$

2. $q_1(t=0) = q_2(t=0) = \frac{3}{4} \varepsilon C$

Когда ток через R меня прекратится, $\frac{dI}{dt} = 0 \Rightarrow \varepsilon_L = 0 \Rightarrow$

$\Rightarrow U_{C1} = \varepsilon; U_{C2} = \varepsilon - \varepsilon = 0 \Rightarrow q_1(t=\infty) = \varepsilon C$
 $q_2(t=\infty) = 0$

A - работа источника

Q - вог. тепло

E - энергия системы

$\boxed{E = A - Q}$

$E_0 = \frac{3C \cdot \frac{1}{4} \varepsilon^2}{2} + \frac{C \cdot \frac{9}{16} \varepsilon^2}{2} = \frac{12}{16 \cdot 2} C \varepsilon^2 =$

$\Delta q_2 = -\frac{3}{4} \varepsilon C$
 $\Delta q_1 = +\frac{1}{4} \varepsilon C$
 $\Rightarrow A = \frac{3}{4} \varepsilon^2 C - \frac{1}{4} \varepsilon^2 C = \frac{1}{2} \varepsilon^2 C$

$E_k = \frac{C \varepsilon^2}{2} \Rightarrow \frac{1}{8} C \varepsilon^2 = \frac{1}{2} C \varepsilon^2 - Q \Rightarrow Q = \frac{3}{8} C \varepsilon^2$

Ответ: $\frac{\varepsilon}{4L}; \frac{3}{8} C \varepsilon^2$

$$D_2 + D_1 = 4$$

$$D_2 + D_2 = 0$$

$$D_1 - D_2 = 4$$

$$\frac{10}{3} \cdot \frac{4}{3} D_2 = 4 \Rightarrow D_2 = \frac{1}{3}$$

$$D_1 = \frac{7}{3}$$

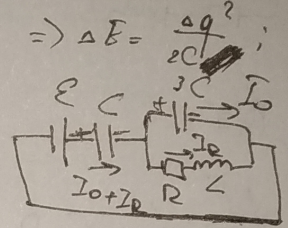
$$D_1/D_2 = \frac{7}{3}$$

$$D_1 = \frac{7}{3} D_2$$

$$D_2/D_1 = \frac{3}{7}$$

$$\frac{q^2}{2C} \Rightarrow$$

$$\frac{1}{2} - \frac{1}{8} = \frac{4}{8}$$



$$D_1 - \frac{7}{3} D_1 = \frac{4}{3}$$

$$-\frac{4}{3} D_1 = \frac{4}{3}$$

$$D_1 = -3 \quad D_2 = 7$$

$$D_2 = -7$$

$$D_2 + D_0 = 2$$

$$\frac{dq}{dt} = I_0$$

$$U_{sc} = I_R \cdot R + \frac{dI_R}{dt} \cdot L$$

$$U_{sc} = E - U_C$$

$$E - U_C = I_R \cdot R + \frac{dI_R}{dt} \cdot L$$

$$I_0 = \frac{dq}{dt}$$

$$E \cdot (I_0 + I_R) = W$$

$$E (I_0 + I_R) = I_R^2 \cdot R$$

$$E (I_0 + I_R) =$$

$$\frac{q^2}{2C} - \frac{(q+q)^2}{2C} =$$

$$= \frac{q^2}{2C} - \frac{q^2}{2C} + \frac{2q \cdot q}{2C} =$$

$$\frac{2q \cdot I}{2C} = \Delta E$$

$$\frac{dx}{dt}$$

$$v = \frac{dx}{dt}$$

$$a = \frac{B^2 d^2 v}{mR} \Rightarrow v_{H1} = v + a \cdot dt$$

$$v_H = v + \frac{B^2 \cdot d^2 \cdot v}{mR} \cdot dx$$

$$v_{H1} = \frac{dx}{dt} + a \cdot dt$$

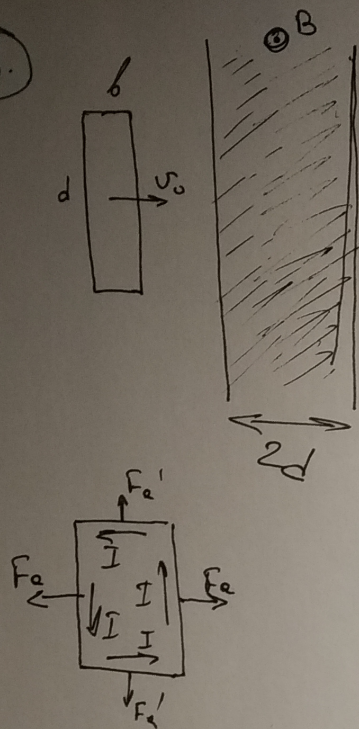
$$v_H \cdot dt = dx' = dx + a \cdot (dt)^2$$

$$v_H = v \left(1 + \frac{B^2 d^2}{mR} dx \right)$$

$$v_{H2} = v_H \left(1 + \frac{B^2 d^2}{mR} dx \right) = v \left(1 + \frac{B^2 d^2}{mR} dx \right)^2$$

(2)

43.



$$1. \mathcal{E}_i = B \cdot d \cdot v$$

$$\mathcal{E}_i = B \cdot v_0 \cdot d$$

После возникновения в поле возникает ток равный $\frac{\mathcal{E}_i}{R} = \frac{B \cdot v_0 \cdot d}{R} = I$

$$a = \frac{F_a}{m}; F_a = B \cdot I \cdot L = B \cdot I \cdot d$$

$$a = \frac{B \cdot B \cdot v_0 \cdot d \cdot d}{mR} = \frac{B^2 d^2 v_0}{mR}$$

2. Сила Лоренца действует на противоположные стороны рамки в разные стороны. Выход в область, рамка набирает разность с ~~сторой~~ F_a ускорением a , пока левая сторона рамки не войдет в поле.

$$b = v_0 \cdot \tau + \frac{a \tau^2}{2}; v_{ex} = v_0 + a \cdot \tau$$

$$\tau = \frac{-v_0 + \sqrt{v_0^2 + 4 \frac{a}{2} b}}{a} \Rightarrow \tau = \frac{\sqrt{v_0^2 + 2 \frac{B^2 d^2 v_0 \cdot b}{mR}} - v_0}{\frac{B^2 d^2 v_0 \cdot b}{mR}}$$

$$v_{ex} = v_0 + \tau \cdot a = v_0 - v_0 + \sqrt{v_0^2 + 2 \frac{B^2 d^2 v_0 \cdot b}{mR}} = \sqrt{v_0^2 + 2 \frac{B^2 d^2 v_0 \cdot b}{mR}}$$

сохранится у рамки на всем пути, т.е. сразу после выхода рамки у неё будет такая скорость.

3.

$$2. v = v_0 + a \cdot \tau, a = \frac{B^2 d^2 v}{mR}$$

$$a = \frac{B^2 d^2 v}{mR}; l = \int v dt \Rightarrow b = f$$

Рассмотрим, как меняется скорость при прохождении расстояния dx :

$$v_H = v + a \cdot dt; a = \frac{B^2 d^2 v}{mR dt}$$

$$\Rightarrow v_H = \frac{dx}{dt} \left(1 + \frac{B^2 d^2 dx}{mR} \right) \Rightarrow v_H = v + \frac{B^2 d^2 dx}{mR}$$

Ответ: $\frac{B^2 d^2 v_0}{mR}$

53.

$$1) D_{\text{маза}} = D$$

$$D_1 = \text{ка мехем}$$

$$D_2 = \text{гауб}$$

Човек Селзоргуний $\Rightarrow D_1, D_2 < 0$

$$1) D + D_1 = 4 \quad (F = \frac{1}{2} \mu)$$

$$2) D + D_2 = 0 \quad (F = \infty)$$

$$3) D_2 = \frac{7}{3} D_1 \quad (\text{чмаба ситомпрето гаубме кунмо Селсуме гоннуний})$$

$$(1) - (2) \Rightarrow D_1 - D_2 = 4 \Rightarrow$$

$$-\frac{4}{3} D_1 = 4 \Rightarrow D_1 = -3$$

$$D_2 = -7 \} \Rightarrow D = 7$$

$$x = \frac{1}{D} = 14,29 \text{ см}$$

$$D_0 + D = 2 \quad (F = \frac{1}{2} \mu) \Rightarrow D_0 = -5$$

Омбем: $x = 14,29 \text{ см}; D = 7; D_0 = -5$

①