

Часть 1

Олимпиада: **Физика, 11 класс (1 часть)**

Шифр: **21203229**

ID профиля: **374293**

Вариант 6



$$\frac{90}{15} \quad \frac{750}{22,5}$$

$$0,0208333$$

$$0,45815$$

$$S_{\text{середн}} = \frac{\sqrt{2} R^2 \cdot 52,5}{360}$$

$$1,414$$

$$A = S_2 = R \cdot \sin 15 \cdot R \cdot \cos 15 = \frac{R^2}{2} \cdot \sin 30 = \frac{R^2}{8}$$

$$S_1 = A \cdot \sin 22,5 \cdot R \cdot \cos 22,5 = \frac{R^2}{2} \cdot \sin 45 = \frac{R^2 \sqrt{2}}{4}$$

$$A = R^2 \left(\frac{\sqrt{2} \cdot 52,5}{360} - \frac{1}{8} - \frac{\sqrt{2}}{4} \right) \quad 0,707$$

$$C=0 \Rightarrow Q=0$$

$$0,832$$

$$A = U$$

$$\sum \vec{R}_{0i} = (A)$$

$$\frac{R^2 \cdot \sin 22}{4}$$

$$0,3536$$

$$A = \sqrt{2} R^2 \cdot \frac{d\alpha}{2\sqrt{2}} + \frac{R \cdot \cos \alpha \cdot R \cdot \sin \alpha}{2} - \frac{R^2 \cdot \cos \alpha \cdot \sin \alpha}{2}$$

$$A = \sqrt{2} R^2 \frac{d\alpha}{2\sqrt{2}} \Rightarrow \frac{R^2 \cdot \sin 2\alpha}{4} = \frac{R^2}{2} d\alpha - \frac{R^2 \cdot \sin 2\alpha}{4}$$

$$= \frac{R^2}{4} (2d\alpha - \sin 2\alpha)$$

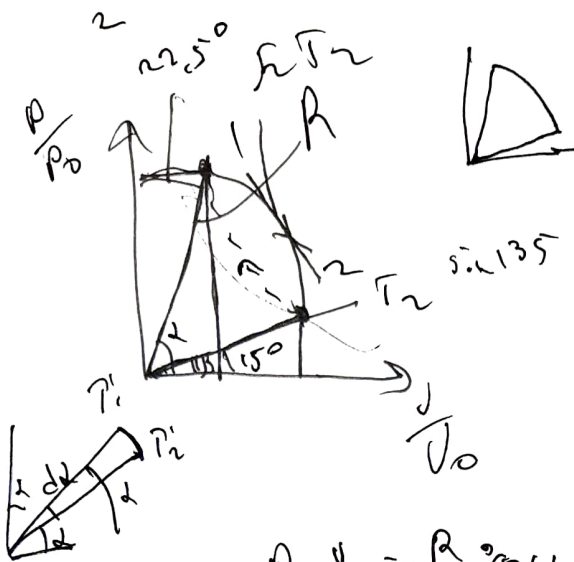
$$A = -\frac{\sqrt{2}}{2} \vec{R}_{0i}$$



$$\sum \vec{R}_{0i} =$$

$$= \sum \vec{R}_{0i}$$

решение (1)



$$Cv = \frac{5}{2}R$$

$$\frac{P_1}{T_2} = ?$$

$$P_1 V_1 = 2R T_1$$

$$P_2 V_2 = 2R T_2$$

$$\frac{T_1}{T_2} = \frac{P_1 V_1}{P_2 V_2}$$

$$P_1 V_1 = R \cos \alpha \cdot R \cdot \sin \alpha = R^2 \cdot \frac{\sin 2\alpha}{2}$$

$$P_2 V_2 = R \cdot \cos \beta \cdot R \cdot \sin \beta = R^2 \cdot \frac{\sin 2\beta}{2}$$

$$\frac{T_1}{T_2} = \frac{\sin 2\alpha}{\sin 2\beta} = \frac{\sin 45^\circ}{\sin 30^\circ} = \frac{\sqrt{2} \cdot 2}{2 \cdot 1} = \sqrt{2}$$

$$T_1 = \sqrt{2} T_2$$

$$C = 0$$

$$A \times U = 0$$

$$u = \frac{3}{2} R \sin \alpha, A =$$

$$\frac{A_y}{A_{\text{расч}}} = \frac{A_{\text{расч}} - A_{\text{ск}}}{A_{\text{расч}}} = 1 - \frac{A_{\text{ск}}}{A_{\text{расч}}}$$

$$A_{\text{ск}} = -\Delta U = \frac{3}{2} R (T_2 - T_1) = \frac{3}{2} R (\sqrt{2} - 1) T_2$$

$$A_{\text{расч}} = \frac{C}{2R}$$

$$\frac{C}{R} = \alpha = 90 - 15 - 22.5 = 52.5$$

$$S_{\text{состав}} = \frac{2}{\sqrt{2}} R \cdot \frac{2}{\sqrt{2}} R$$

ответ: 2

M1

$$\text{OX: } P \cdot \cos \alpha + 2ma_1 - N \cdot \sin \alpha = 2ma_1 \cdot \cos \alpha$$

$$P \sin \alpha + N \cdot \cos \alpha$$

$$\begin{cases} P + 2ma \cdot \cos \alpha - 2mg \cdot \sin \alpha = 2ma_1 \\ N = 2ma \cdot \sin \alpha + 2mg \cdot \cos \alpha \end{cases}$$

$$\cos \beta = \frac{12}{13} \Rightarrow \sin \beta = \frac{5}{13} \Rightarrow \tan \beta = \frac{5}{12}$$

$$ma \sin \beta = mg$$

$$a \cdot \cos \beta = g \cdot \sin \beta$$

$$\frac{a}{g} = \tan \beta \Rightarrow a = g \cdot \tan \beta = \frac{5}{12}g$$

$$mg \cdot \cos \beta + ma \cdot \sin \beta - P = ma_1$$

$$P + 2ma \cdot \cos \alpha - 2mg \cdot \sin \alpha = 2ma_1$$

$$P = mg \cos \beta + ma \cdot \sin \beta - ma_1$$

$$mg \cos \beta + ma \sin \beta - ma_1 + 2ma \cdot \cos \alpha - 2mg \cdot \sin \alpha = 2ma_1$$

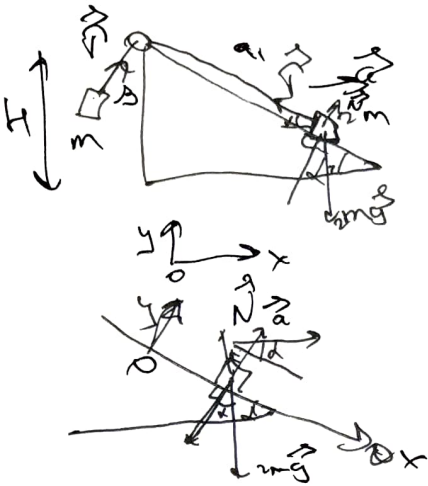
$$3a_1 = g \cos \beta + a \cdot \sin \beta + 2a \cos \alpha - 2g \cdot \sin \alpha$$

$$3a_1 = g \cdot \frac{12}{13} + \frac{5}{12}g \cdot \frac{5}{13} + 2 \cdot \frac{5}{12}g \cdot \frac{4}{13} - 2g \cdot \frac{3}{5}$$

$$3a_1 = g \left(\frac{12}{13} + \frac{25}{12 \cdot 13} + \frac{8}{12} - \frac{6}{5} \right)$$

$$= \frac{12 \cdot 5 \cdot (12 \cdot 25 \cdot 5 + 8 \cdot 13 \cdot 5 - 6 \cdot 12 \cdot 13)}{5 \cdot 12 \cdot 13}$$

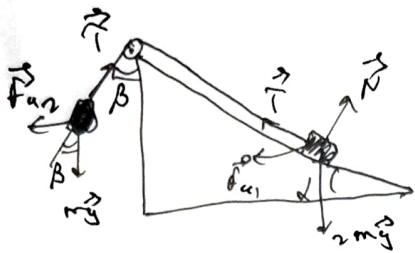
reprober ③



задача 1

Неравновесие в состоянии покоя, то есть

и блок и шар движутся F_{μ} , направленная влево



1) шар движется

по оси OX:

$$F_{\mu 2} \cdot \cos \beta = mg - \sin \beta$$

"

$$F_{\mu 2} = \frac{mg}{\cos \beta}; a = g \cdot \sin \beta =$$

$$= g \cdot \frac{\sin \beta}{\cos \beta} = g \cdot \frac{5 \cdot 13}{12 \cdot 12} = g \cdot \frac{5}{12}; a = \boxed{\frac{g \cdot 5}{12}}$$

2) шар движется по оси OX:

$$F_{\mu 2} \cdot \sin \beta + mg \cdot \cos \beta - \tau = ma_1 \quad (1)$$

Для блока по оси OX: $F_{\mu 1} \cdot \cos \beta + \tau - 2mg \cdot \sin \alpha = 2ma_2 \quad (2)$
(так как нерастяжимая и невесомая, то ускорение блока = ускорению шара)

$$\Rightarrow \text{из (1): } \tau = m \cdot a_1 \cdot \sin \beta + mg \cdot \cos \beta - ma_1$$

во (2):

$$2m \cdot a_1 \cdot \cos \alpha + m \cdot a_1 \cdot \sin \beta + mg \cdot \cos \beta - ma_1 - 2mg \cdot \sin \alpha = 2ma_2$$

$$3a_1 = 2a_2 \cos \alpha + a_2 \cdot \sin \beta + g \cdot \cos \beta - 2g \cdot \sin \alpha =$$

$$= \frac{5}{12} g \left(2 \cdot \frac{4}{5} + \frac{5}{13} \right) + g \left(\frac{12}{13} - 2 \cdot \frac{3}{5} \right) =$$

$$= g \left(\frac{5}{12} \cdot \frac{4}{5} + \frac{5 \cdot 5}{12 \cdot 13} + \frac{12}{13} - \frac{6}{5} \right) = g \left(\frac{5 \cdot 4 \cdot 13 + 5^3 + 12 \cdot 12 \cdot 5 - 6 \cdot 12 \cdot 13}{12 \cdot 5 \cdot 13} \right) =$$

$$= g \frac{1605 - 936}{12 \cdot 5 \cdot 13} = g \frac{669}{12 \cdot 5 \cdot 13}$$

$$a_1 = \frac{223}{12 \cdot 13 \cdot 5} g = 0,286 g$$

$$a_1 = \boxed{0,286 g}$$

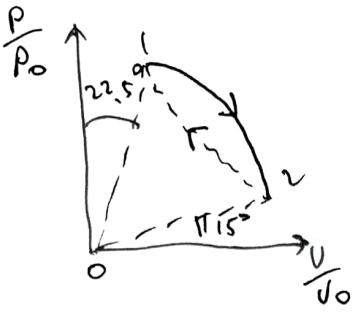
3) шар движется с некоторым ускорением, ~~тогда~~ ускорение + отому: $a_1 \cdot \cos \beta$

$$h = \frac{gt^2}{2}$$

$$t = \sqrt{\frac{2h}{a_{1\perp}}} = \sqrt{\frac{h}{0,132}} = 2,75 \sqrt{h}; \quad \boxed{t = 2,75 \sqrt{h}}$$

нз

1) Пусть площадь крыла $A \Rightarrow$



$$\frac{P_1 \cdot V_1}{\rho_0 V_0} = R \cdot \cos 22.5^\circ \cdot R \cdot \sin 22.5^\circ = \frac{R^2}{2} \sin 45^\circ$$

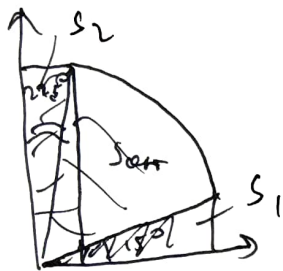
аналогично;

$$\frac{P_2 \cdot V_2}{\rho_0 V_0} = \frac{R^2}{2} \cdot \sin 30^\circ$$

По заданию берем равенства - Крайнепарнас: $P_1 V_1 = \rho R T_1$; $P_2 V_2 = \rho R T_2$

$$\frac{T_1}{T_2} = \frac{P_1 V_1}{P_2 V_2} = \frac{\sin 45^\circ}{\sin 30^\circ} = \frac{\sqrt{2}}{2 \cdot 0.5} = \sqrt{2} \quad ; \quad \frac{V_1}{V_2} = \sqrt{2}$$

3)



$$\begin{aligned} \frac{A_{1,2}}{\rho_0 V_0} &= S_{1,2} + S_1 - S_2 = \\ &= \frac{\pi R^2 \cdot (90 - 15 - 22.5)}{360} + \frac{R \cdot \cos 15^\circ \cdot R \cdot \sin 15^\circ}{2} - R \cdot \cos 15^\circ \cdot R \cdot \sin 15^\circ = \\ &= \pi R^2 \cdot \frac{52.5}{360} + R^2 \cdot \frac{\sin 30^\circ}{4} - R^2 \cdot \frac{\sin 45^\circ}{2} = \end{aligned}$$

$$= A^2 \left(\pi \cdot \frac{52.5}{360} + \frac{1}{8} - \frac{\sqrt{2}}{2} \right) = 0.23 A^2$$

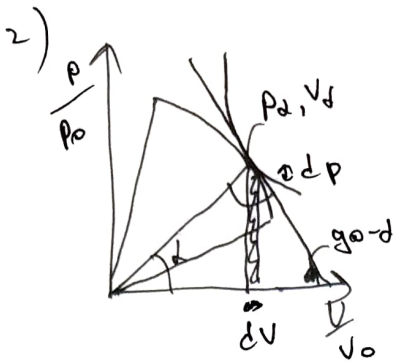
ПК в 2-1 $Q=0 \Rightarrow -A_{r2} = \frac{5}{2} \rho R (T_1 - T_2)$; $A_{mag2} = \frac{5}{2} \rho R T_2 (\sqrt{2} - 1)$

$$P_2 \cdot V_2 = \rho R T_2 = \rho_0 V_0 \cdot \frac{A^2}{4}$$

$$\Rightarrow \frac{A_{zentr}}{\rho_0 V_0} = \frac{A_{1,2} - A_{mag2}}{\rho_0 V_0} = 0.23 A^2 - \frac{5}{2} (\sqrt{2} - 1) \cdot \frac{A^2}{4} = A^2 \left(\right)$$

$$\frac{A_{zentr}}{A_{раун}} = \frac{A_{1,2} - A_{mag2}}{A_{1,2}} = 1 - \frac{A_{mag2}}{A_{1,2}} = 1 - \frac{\frac{5}{2} (\sqrt{2} - 1) \cdot \frac{A^2}{4}}{A^2 \left(\pi \cdot \frac{52.5}{360} + \frac{1}{8} - \frac{\sqrt{2}}{2} \right)} =$$

$$= 1 - \frac{5(\sqrt{2} - 1)}{8 \left(\pi \cdot \frac{52.5}{360} + \frac{1}{8} - \frac{\sqrt{2}}{2} \right)}$$



нужно найти угол $\alpha \Rightarrow$ б
 момент перемены знака с учетом
 $\Rightarrow A = \frac{(p_0 + dp) \cdot dv}{2}$

$$\int_{v_0}^0 p dp \quad \frac{dv}{dp} = \text{tg} \alpha; \quad dv = dp \cdot \text{tg} \alpha$$

$$A = \frac{2 p_0}{2} \cdot dp \cdot \text{tg} \alpha = \frac{dp \cdot dp \cdot \text{tg} \alpha}{2} = \frac{dp \cdot \text{tg} \alpha (2 p_0 + dp)}{2} = p_0 \cdot dp \cdot \text{tg} \alpha$$

$$u = \frac{5}{2} ((p_0 + dp)(v_0 + dv) - p_0 v_0) = \frac{5}{2} (v_0 \cdot dp + p_0 \cdot dv + dp \cdot dv) =$$

$$= \frac{5}{2} dp (v_0 + p_0 \cdot \text{tg} \alpha)$$

~~$$p_0 \cdot dp \cdot \text{tg} \alpha = \frac{5}{2} dp (v_0 + p_0 \cdot \text{tg} \alpha); \quad dv = p_0 \cdot \text{tg} \alpha$$~~
~~$$p_0 \cdot \text{tg} \alpha = \frac{5}{2} \cdot 2 p_0 \cdot \text{tg} \alpha$$~~

$$\frac{dp \cdot \text{tg} \alpha}{2} (2 p_0 + dp) = - \frac{5}{2} dp (v_0 + p_0 \cdot \text{tg} \alpha + dp)$$

$$\text{tg} \alpha \cdot 2 p_0 + \text{tg} \alpha \cdot dp = -5 p_0 \cdot \text{tg} \alpha + 5 p_0 \cdot \text{tg} \alpha + dp \cdot dv$$

$$\text{tg} \alpha \cdot 2 p_0 + \text{tg} \alpha \cdot dp = dp \cdot \text{tg} \alpha$$

$$2 p_0 = -dp \Rightarrow \text{знак перемены}$$

область знака перемены нет.

Часть 2

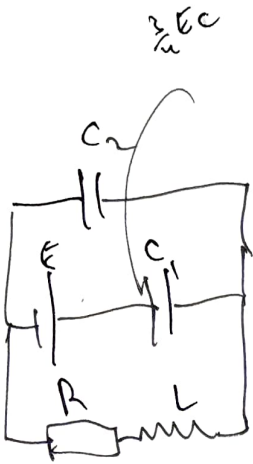
Олимпиада: **Физика, 11 класс (2 часть)**

Шифр: **21203229**

ID профиля: **374293**

Вариант 6

reprodukt (1)



$u_c = E \quad a = C \cdot E$

$$Q = \frac{C E^2}{2} - \frac{C \cdot 9 E^2}{16 \cdot 2} - \frac{C E^2}{16 \cdot 2} - a \cdot E$$

$\frac{1}{4} E^2 C$

$$2Q = C E^2 \left(1 - \frac{9}{16} - \frac{1}{16} - \frac{1}{4} \right) = C E^2 \left(1 - \frac{14}{16} \right) = \frac{2}{16}$$

$$Q = \frac{C E^2}{16}$$

$$\psi_H = \frac{3 C E^2}{32} + \frac{9 C E^2}{32}$$

$$\frac{12 C E^2}{32} \Rightarrow \frac{46 C E^2}{2}$$

$I_2 = I_0$

$I_2 + I_1 = I_3$

$$E = \frac{9 C E}{C} + I_3 R + C I_3'$$

$$C I_3' = E - \frac{9 C E}{C} - I_3 R$$

$$1 - \frac{3}{4} = \frac{7-3}{4} = \frac{4}{4}$$

$$I_3' = \frac{E}{4L}$$

$$\Rightarrow \frac{u}{2}$$

$$\frac{dQ_2}{dt} = I_0 \quad I_0 dt$$

$I_0 + I_1 = I_3$

$$u_2 = u_1 + C I_3'$$



$(2-8-4)$

$$\frac{12}{32} + \frac{8}{4}$$

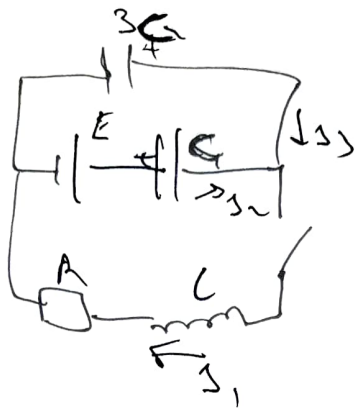
$$I = \frac{dq}{dt} \quad a = I dt$$

$$\frac{1}{8} \times \frac{1}{8} f_u - \frac{1}{8} = \frac{1}{8} - \frac{1}{8} f_3 - \frac{1}{8} C \frac{1}{f_2}$$

$$\frac{1}{f_3} = \frac{1}{f_2} - \frac{1}{f_u} = \frac{f_u - f_2}{f_2 f_u}$$

$$f_3 = \frac{f_2 f_u}{f_u - f_2} = \frac{\frac{4}{9} \times 0.5 \times 0.5}{0.5 - \frac{4}{9} \times 0.5} = \frac{40 \times 0.25 \times 0.5}{3.5 - 1} = \frac{0.5}{2.5} = 0.2$$

~3



до генерации:

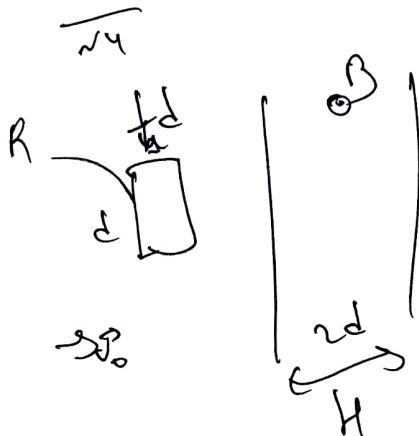
$$C_0 = \frac{C \cdot DC}{uC} = \frac{3}{4} C ; q = \frac{3}{4} C \cdot E$$

$$u_C = \frac{3}{4} E ; u_{3C} = \frac{1}{4} E$$

$$u = L \cdot I'$$

$$I_1 = I_2 + I_3 ; E - \frac{3}{4} E = \frac{1}{4} E$$

$$\frac{1}{4} E = I_1 R + I_1' L ; \frac{1}{4} E = I_1 R + I_1 L$$



$$\mathcal{E}_i = - \frac{d\Phi}{dt} = - \frac{B d S}{dt} = - B \cdot v \cdot d$$

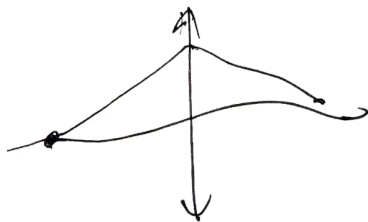
$$I = \frac{\mathcal{E}_i}{R} \Rightarrow F = B I d = B \cdot \frac{B v d}{R} \cdot d = \frac{B^2 v d^2}{R}$$

$$\frac{v_0^2 - v_1^2}{2a} = \frac{d}{4} ; a = \frac{B^2 d^2 v}{2mR}$$

$$v_0^2 - v_1^2 = \frac{da}{2} ; v_1^2 = v_0^2 - d \cdot \frac{B d^2 v}{2mR}$$

$$v_2 = \sqrt{11} \dots 2 \cdot m$$

~5



репетитор (2)

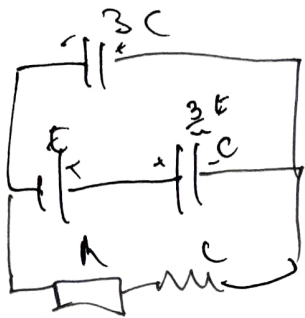
$$N_3 \frac{1}{2} E$$

$$\frac{1}{f} - \frac{1}{d} = -\frac{1}{f_2}$$

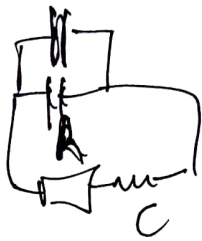
$$a = c \cdot \varphi$$

$$u = \frac{e}{c}$$

$$J = \frac{de}{df}$$



\Leftrightarrow



$$E = \frac{a_2 |H|}{c} + J_1 R + L J_1' \quad \varphi_2 + \varphi_3 = a_1$$

$$E = \frac{a_2 |H|}{c} + \frac{a_3 |H|}{c} ; \quad a \frac{1}{4} E = J_1 R + L J_1'$$

$$R_1 = 2$$

$$R_2 = 3$$

$$f_1 = 25 \text{ cm}$$

$$f_2 = 0$$

$$\frac{P_1}{P_2} = \frac{7}{3}$$

N_5

$$P_1 \times P_2 = \frac{1}{f_1} \times \frac{1}{f_2}$$

$$\frac{1}{d} \times \frac{1}{f_1} = \frac{1}{f_1} \times \frac{1}{f_2}$$

$$\frac{1}{d} \times \frac{1}{f_2} = \frac{1}{f_1} + \frac{1}{f_2}$$

$$\frac{f_2}{d} = \frac{7}{3}$$

$$f_2 = \frac{7}{3} f_1$$

$$\frac{1}{f_1} \times \frac{1}{f_2} - \frac{1}{f_1} = \frac{1}{f_1} + \frac{1}{f_2}$$

$$\frac{1}{f_2} = \frac{1}{f_1} - \frac{1}{f_2} = \frac{1}{f_1} - \frac{3}{2f_1} = \frac{4}{2f_1}$$

$$f_2 = \frac{2f_1}{4} \quad ; \quad f_1 = \frac{4}{7} f_2 \quad ; \quad \frac{1}{d} = \frac{1}{f_1}$$

$$\frac{1}{d} + \frac{1}{f_2} = \frac{1}{f_1} \quad ; \quad \frac{1}{f_2} = \frac{1}{f_1} - \frac{1}{f_2} = \frac{1}{f_1} - \frac{7}{4f_1}$$

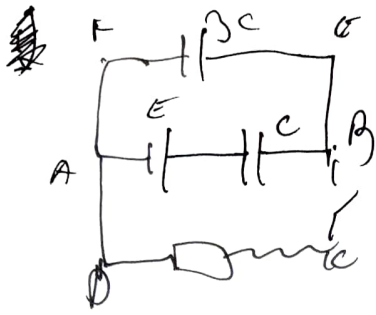
$$\frac{1}{d} \times f_1 = f_1 \times 3$$

$$\frac{1}{d} = f_1 \times 3$$

решено (3)

N3

Проверка 1



по замкнутому: $C_0 = \frac{C \cdot 3C}{C + 3C} = \frac{3}{4} C$

$\Rightarrow Q = \frac{3}{4} CE$

$\Rightarrow U_C = \frac{3}{4} E ; U_{3C} = \frac{E}{4}$

1) После замыкания по закону Кирхгофа: в контуре ABCD:

$E = \frac{q(t)}{C} + L I_1' + I_1 R \rightarrow 0$ тк в нач. момент $I_1 = 0$

$q(0) = \frac{3}{4} CE \Rightarrow L I_1' = E - \frac{3}{4} E = \frac{E}{4}$

$\Rightarrow I_1' = \frac{E}{4L}$

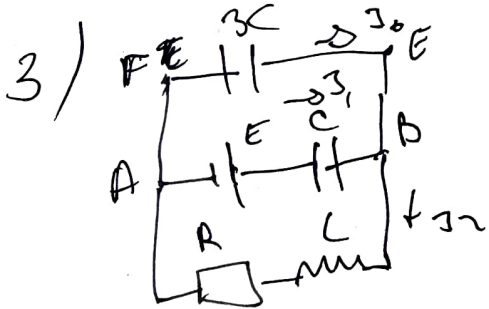
2) После размыкания катушки равнодействующая в цепи $U_{CD} = 0$ иначе ток будет в контур. Замыкаем $\Rightarrow U_{EF} = U_{AB} = 0 \Rightarrow U_C = E ; U_{3C} = 0$

по ЗСЗ:

$A_{max} + \frac{C \cdot 9 E^2}{16 \cdot 2} + \frac{3C E^2}{16 \cdot 2} = Q_{max} + \frac{CE^2}{2}$

$A_{max} = 0 q \cdot E = (CE - \frac{3}{4} CE) \cdot E = \frac{CE^2}{4}$

$Q = \frac{12}{32} CE^2 \rightarrow \frac{8CE^2}{4} - \frac{16CE^2}{32} = \frac{4}{32} CE^2 = \frac{1}{8} CE^2$



$I_0 + I_1 = I_2$

$U_A = I_2 \cdot R = (I_0 + I_1) \cdot R$

$I_2 = 3 I_1$

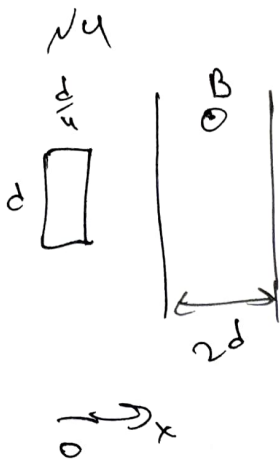
В контуре ~~ABCD~~; ABCE:

$E \neq \frac{d_{3C}(t)}{3C} = \frac{q_C(t)}{C} \cdot \frac{1}{3C} \frac{dq_C(t)}{dt} = - \frac{dq_C(t)}{C dt}$

тк $U_{AB} = U_{FE} \Rightarrow$ скорость изменения напряжений на конденсаторах равна ~~...~~ \Rightarrow конденсатор 3C разряжается с такой же скоростью, что и C ток через него должен быть в 3 раза больше $\Rightarrow I_1 = \frac{1}{3} I_0$

$\Rightarrow U_A = \frac{4}{3} I_0 R$ ($U_A = (I_2 + I_1) \cdot R = \frac{1}{3} I_0 R = \frac{4}{3} I_0 R$)

ответ: 1) $I_1' = \frac{E}{4L}$; 2) $Q = \frac{CE^2}{8}$; 3) $U_A = \frac{4}{3} I_0 R$



1) Как только рамка достигнет B поле появится \mathcal{E} :

$$\mathcal{E} = -\frac{d\Phi}{dt} = -\frac{dB \cdot S}{dt} = -B \frac{dx \cdot d}{dt} = -Bv d$$

$$\Rightarrow I = \frac{\mathcal{E}}{R} = -\frac{Bv d}{R}$$

2) рамка генерирует сила Ампера, направ влево;

$$F_A = BI \cdot d = -\frac{B^2 d^2 v}{R}$$

$$\Rightarrow a_x = \frac{F_A}{m} = -\frac{B^2 d^2 v}{mR} \quad ; \quad |a| = \frac{B^2 d^2 v}{mR}, \text{ генерирует влево}$$

2) Как будет генерировать, пока Φ уменьшается, как только рамка

пересекает границу B поле $F_A = 0 \Rightarrow$

$$\frac{v_0^2 - v_1^2}{2a} = \frac{d}{v} \quad ; \quad v_1^2 = v_0^2 - \frac{ad}{v} = v_0^2 - \frac{B^2 d^3 v}{2mR}$$

$$\Rightarrow v_1 = \sqrt{v_0^2 - \frac{B^2 d^3 v}{2mR}}$$

3) аналогично на выходе у нас на рамку будет генерировать

F_A , направленная влево $ma = \frac{B^2 d^2 v}{mR}$

$$\Rightarrow \frac{v_1^2 - v_2^2}{2a} = \frac{d}{v} \quad ; \quad v_2^2 = v_1^2 - \frac{ad}{v} = v_0^2 - ad = v_0^2 - \frac{B^2 d^3 v}{mR}$$

$$v_2 = \sqrt{v_0^2 - \frac{B^2 d^3 v}{mR}}$$

ответ: 1) $a = \frac{B^2 d^2 v}{mR}$

2) $v_1 = \sqrt{v_0^2 - \frac{B^2 d^3 v}{2mR}}$

3) $v_2 = \sqrt{v_0^2 - \frac{B^2 d^3 v}{mR}}$

ответы (2)

№5

масштаб (3)

1) Пусть параметры от центра go over - d =>

$$(1) \frac{1}{d} + \frac{1}{f_1} = \frac{1}{F} + \frac{1}{f_1} \quad ; \quad f_1 = 25 \text{ см}$$

f - объектив, g - глаз

$$(2) \frac{1}{d} + \frac{1}{f_2} = \frac{1}{F} + \frac{1}{f_2} \quad f_2 = \infty \Rightarrow \frac{1}{f_2} \rightarrow 0$$

$$\frac{P_2}{P_1} = \frac{7}{3}, \quad \frac{f_1}{f_2} = \frac{7}{3}$$

$$f_1 = \frac{2}{3} f_2$$

$$(1)-(2) = \frac{1}{f_1} = \frac{1}{f_2} - \frac{1}{f_2} = \frac{1}{f_2} - \frac{3}{7f_2} = \frac{4}{7f_2} \Rightarrow f_1 = \frac{7}{4} f_2 ; f_2 = \frac{4}{7} f_1$$

Пусть теперь мы вставим третий пач. f₃:

$$(3) \frac{1}{d} + \frac{1}{f_3} = \frac{1}{F} ;$$

~~(3) - (2) = \frac{1}{f_3} - \frac{1}{f_2} = \frac{1}{F} - \frac{1}{F} + \frac{1}{f_2} - \frac{1}{f_2} = 0~~

~~(3) - (2) = \frac{1}{d} + \frac{1}{f_3} - \frac{1}{d} = \frac{1}{f_3} - \frac{1}{f_2} = \frac{1}{F} - \frac{1}{F} + \frac{1}{f_2} - \frac{1}{f_2} = 0~~

~~\frac{1}{f_3} - \frac{1}{f_2} = 0~~

$$\frac{1}{f_3} = \frac{1}{f_2} \Rightarrow f_3 = f_2 = \frac{4}{7} f_1 = \frac{100}{7} = 14,3 \text{ см}$$

2) f_u = 50 см

$$(4) \frac{1}{d} + \frac{1}{f_u} = \frac{1}{F} + \frac{1}{f_3}$$

$$(4) - (2) = \frac{1}{F} + \frac{1}{f_u} - \frac{1}{d} = \frac{1}{F} + \frac{1}{f_3} - \frac{1}{F} + \frac{1}{f_2}$$

$$\frac{1}{f_3} = \frac{1}{f_u} + \frac{1}{f_2} = \frac{f_2 + f_u}{f_2 \cdot f_u} \quad f_3 = \frac{f_u \cdot \frac{4}{7} f_1}{f_2 + \frac{4}{7} f_1} =$$

$$= \frac{0,5 \cdot \frac{4}{7} \cdot 0,25}{0,5 + \frac{4}{7} \cdot 0,25} = \frac{0,5}{2,5} ; \quad P_3 = \frac{1}{f_3} = \frac{2,5}{0,5} = 5 \text{ диоп}$$

ответ: 1) f₃ = 14,3 см 2) P₃ = 5 диоп (авт)