

# Часть 1

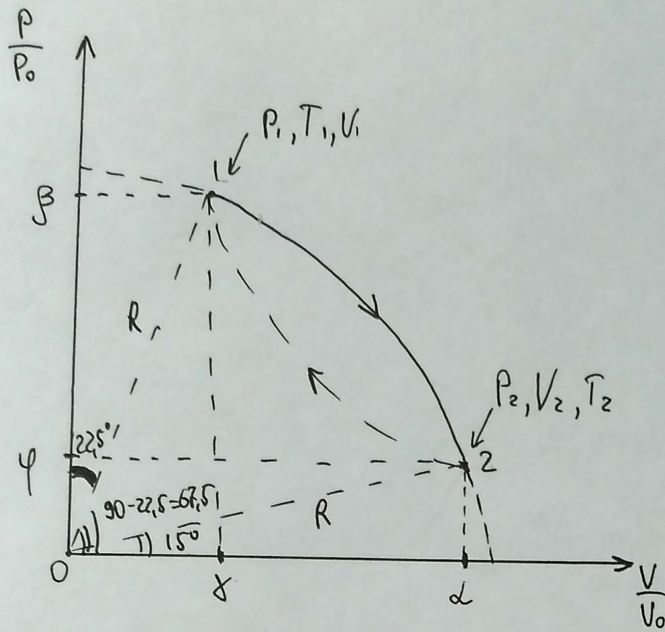
Олимпиада: **Физика, 11 класс (1 часть)**

Шифр: **21203501**

ID профиля: **365314**

Вариант 6

№2



1) Рассмотрим проекции в точке 1:

$$\beta = \frac{P_1}{P_0}; \quad x = \frac{V_1}{V_0}; \quad \operatorname{tg} 67,5^\circ = \frac{\beta}{x} = \frac{P_1}{V_1} \cdot \frac{V_0}{P_0}; \quad \operatorname{tg} 22,5^\circ = \frac{x}{\beta}$$

2) Рассмотрим проекции в точке 2:

$$\varphi = \frac{P_2}{P_0}; \quad \alpha = \frac{V_2}{V_0}; \quad \operatorname{tg} 15^\circ = \frac{\varphi}{\alpha} = \frac{P_2}{V_2} \cdot \frac{V_0}{P_0}$$

3) Из-за состояния:

$$1: P_1 V_1 = \nu R T_1; \quad \rightarrow$$

$$\frac{T_1}{T_2} = \frac{P_1 V_1}{P_2 V_2} = \frac{\beta x}{\varphi \alpha}$$

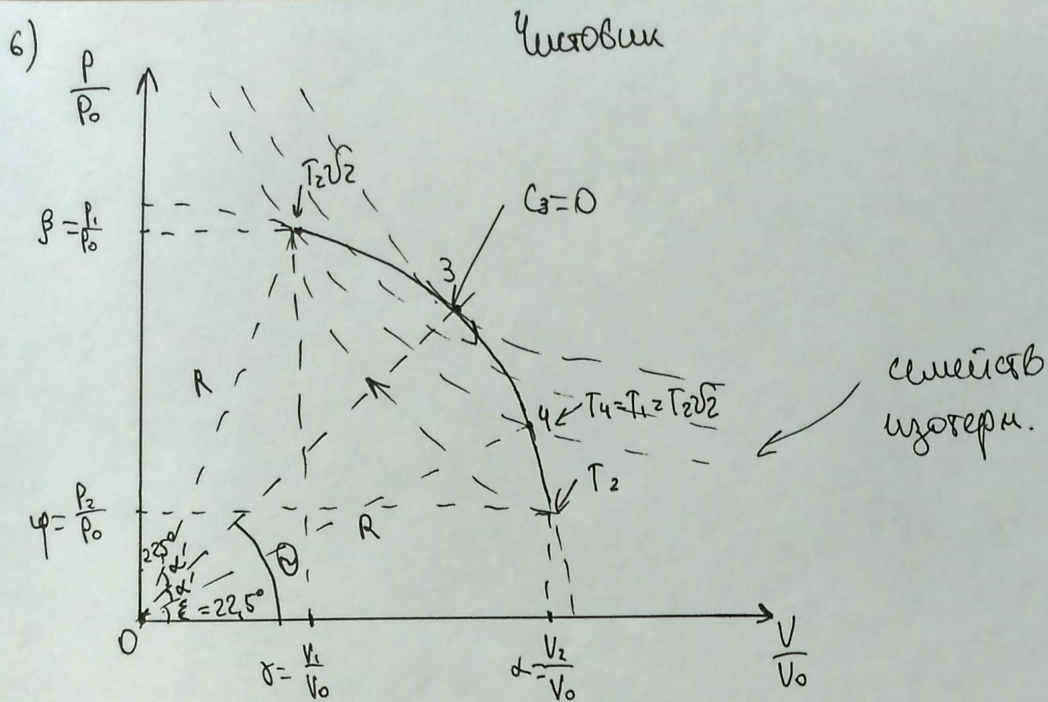
$$2: P_2 V_2 = \nu R T_2; \quad \rightarrow$$

$$4) \alpha = R \cos 15^\circ; \quad \beta = R \cos 22,5^\circ$$

$$\varphi = R \sin 15^\circ; \quad x = R \sin 22,5^\circ$$

$$5) \frac{T_1}{T_2} = \frac{R \cdot \cos 22,5^\circ \cdot R \sin 22,5^\circ}{R \cdot \cos 15^\circ \cdot R \sin 15^\circ} = \frac{\frac{\sin 45^\circ}{2}}{\frac{\sin 30^\circ}{2}} = \frac{\frac{\sqrt{2}}{2}}{\frac{1}{2}} = \sqrt{2}$$

$$\frac{T_1}{T_2} = \sqrt{2}$$



нарисуем семейство изотерм:

После прохождения точки 3 температура от газа начнет возрастать,  $\Rightarrow$

$$\Rightarrow C_3 = 0$$

7) Ур-ие состояния газа 1 и 4:

$$p_1 V_1 = \nu R T_1 \sqrt{2} \rightarrow p_1 V_1 = p_4 V_4; \quad \frac{p_1}{p_0} = R \cos 22.5^\circ; \quad \frac{V_1}{V_0} = R \sin 22.5^\circ$$

$$p_4 V_4 = \nu R T_2 \sqrt{2} \rightarrow \frac{p_4}{p_0} = R \sin \xi; \quad \frac{V_4}{V_0} = R \cos \xi$$

$$R \cos 22.5^\circ \cdot R \sin 22.5^\circ = R \sin \xi \cdot R \cos \xi; \Rightarrow \xi = 22.5^\circ.$$

8) Рассмотрим сектор 0-1-4:

Точка 3 является центром дуги 1-4:

$$2\alpha' = 90 - 22.5 - 22.5 = 45^\circ$$

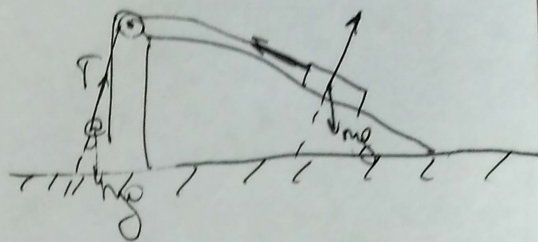
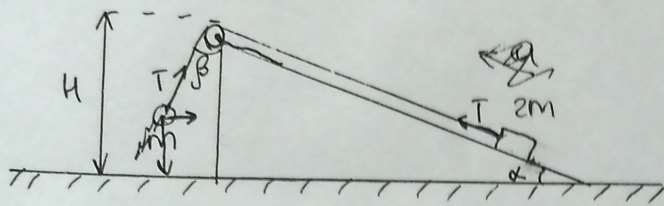
$$\alpha' = 22.5^\circ;$$

$$\theta = \xi + \alpha' = 45^\circ;$$

$$\boxed{\operatorname{tg} \theta = 1}$$

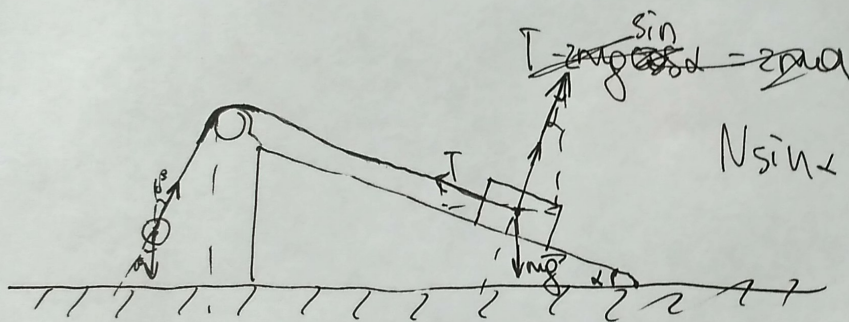
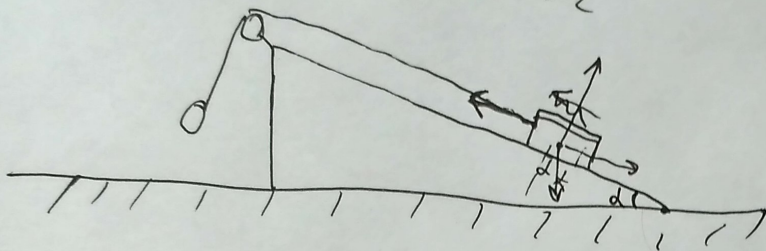
Черновик

1.



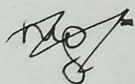
$$T = 2ma$$

$$mg \cos \alpha$$



$$N \sin \alpha - T \cos \alpha = 2ma$$

$$T \cos \beta = ma$$



$$mg \cos \beta - T = ma$$

$$T - 2mg \cos \alpha = 2ma$$

$$mg \cos \beta - 2mg \cos \alpha \sin = 3ma$$

$$a = \frac{\frac{12}{13}mg - 2 \cdot mg \cdot \frac{3}{5}}{3m}$$

$$\sin \beta = \frac{5}{13}$$

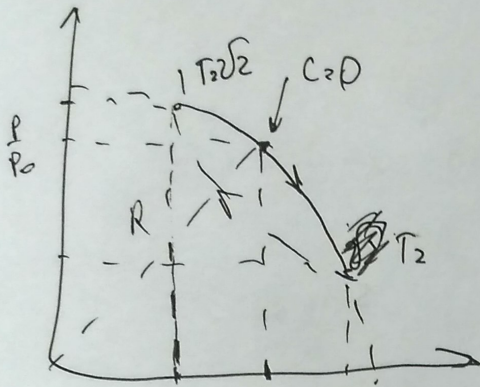
$$mg \cos \beta - T = ma$$

$$T = \frac{ma}{\cos \beta}$$

$$N \sin \alpha = 2ma + \frac{mg}{\cos \beta} \cos \alpha$$

$$T + N + mg = 2m(a + \vec{a}_i)$$

Упробум



$$p \delta V + \delta U = 0$$

$$R \sin \alpha \cdot p_0 = \frac{5}{2} V R \delta T$$

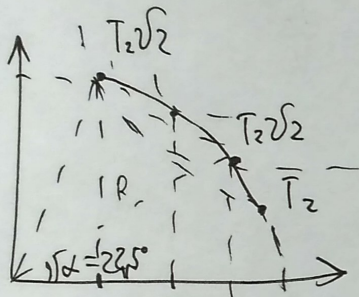
~~$$pV = \nu RT$$~~

~~$$R \sin \alpha \cdot R \cos \alpha \cdot p_0 V_0 =$$~~

$$p \delta V = \frac{5}{2} V R \delta T$$

$$\Delta T = \frac{p V_2 - p V_1}{\nu R} = p \frac{(V_2 - V_1)}{\nu R}$$

$$V_2 = V_0$$



$$\frac{\alpha \nu R^2}{5 R^2} = \alpha$$

(45°)

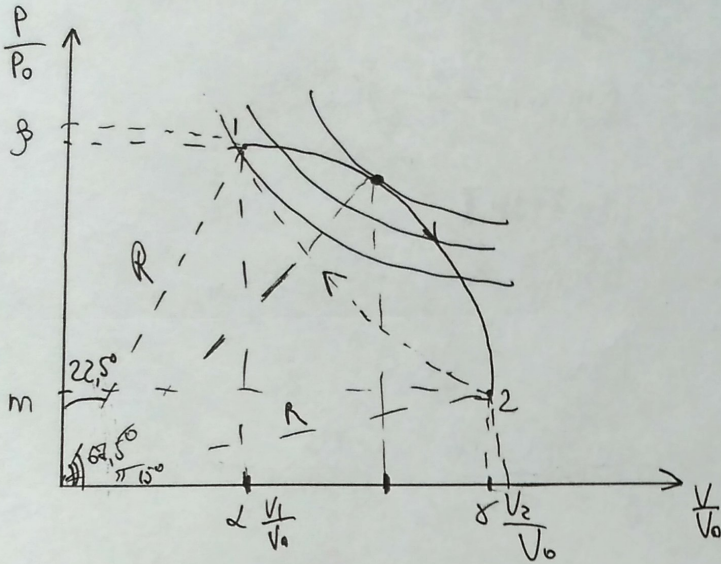
$$p_1 V_1 = p_2 V_2$$

~~p\_0~~

$$p_0 \cdot \delta V_0 = R \sin \alpha \cdot p_0 \cdot R \cos \alpha \cdot V_0$$

$$R \cos 22.5^\circ \cdot R \cdot \sin 22.5^\circ = R^2 \cdot \sin \alpha \cdot \cos \alpha$$

(N<sup>o</sup>1)



$$0 = \delta U + A$$

$$A = -\delta U$$

$$S = -\frac{5}{2} \nu R \delta T$$

Uro Syglet, wozga  
C=0?

$$\beta = \frac{P_1}{P_0} ; \alpha = \frac{V_1}{V_0}$$

$$m = \frac{P_2}{P_0} ; \gamma = \frac{V_2}{V_0}$$

~~$$\frac{P_1 V_1}{P_0 V_0} = \nu R T_1$$~~

$$\frac{P_1 V_1}{P_2 V_2} = \frac{T_1}{T_2}$$

$$\frac{\alpha}{\gamma} = \frac{V_1}{V_2}$$

~~$$Q = C \delta T$$~~

$$Q = \delta U + A$$

$$\frac{P_1}{P_2} = \frac{\beta}{\gamma m}$$

$$\gamma \cdot \tan 15^\circ = m$$

$$\alpha \cdot \tan 67.5^\circ = \beta$$

~~$$\frac{\beta \cdot \alpha}{\gamma \cdot m}$$~~

$$\frac{\beta \cdot \alpha}{\gamma \cdot m} = \frac{\alpha^2 \cdot \tan 67.5^\circ}{\gamma^2 \cdot \tan 15^\circ}$$

$$\alpha = R \cos 67.5^\circ$$

$$\gamma = R \cos 15^\circ$$

~~Умножение~~ Умножение

9)  $A_{12} z + S_{2p}$

$$S_{2p} = \frac{\beta + \varphi}{2} (\alpha - \gamma) + \frac{67,5 \cdot \sqrt{1}}{360} \cdot R^2 - \frac{R^2 \sin 67,5^\circ}{2} = \frac{R \cos 22,5^\circ + R \sin 15^\circ}{2} \cdot (R \cos 15^\circ - R \sin 22,5^\circ) +$$

$$+ 0,58875 R^2 - 0,461 R^2$$

$$\cos 22,5^\circ = 0,923 ; \quad \sin 15^\circ = 0,258$$

$$\sin 22,5^\circ = 0,38 \quad \cos 15^\circ = 0,966$$

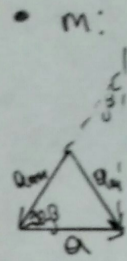
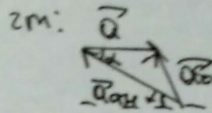
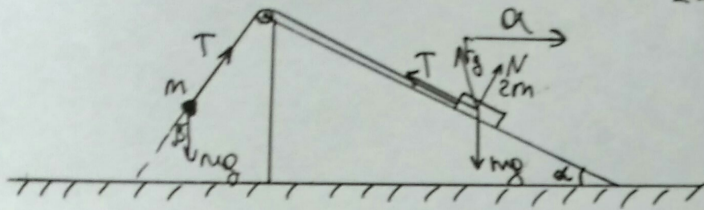
$$A_{12} = \frac{R^2}{2} \begin{pmatrix} 0,923 & 0,258 \\ 1,181 & 0,586 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 0,966 & -0,38 \end{pmatrix} + 0,12775 R^2 = 0,474 R^2$$

10)  ~~$A_{12} z + S_{2p}$~~

$$A_{21} = -\Delta U_{21} = -\frac{5}{2} \sqrt{R} (\sqrt{2} T_2 - T_2) = -\frac{5}{2} \sqrt{R} T_2 (\sqrt{2} - 1)$$

# Условие

№1



1) По т. косинусов:

$$a_b^2 = a^2 + a_{\text{отн}}^2 - 2 \cos \alpha \cdot a \cdot a_{\text{отн}}; \quad 2 \cos \alpha = \frac{8}{5};$$

$$a_{\text{отн}}^2 = a^2 + a_{\text{отн}}^2 - 2 \cos(90 - \beta) \cdot a \cdot a_{\text{отн}}; \quad 2 \cos(90 - \beta) = \frac{10}{13}$$

2) 2 ЗН:

$$mg \cos \beta - T = ma_{\text{отн}}$$

$$T - 2mg \sin \alpha = 2ma_{\text{отн}}$$

$$mg \cos \beta - 2mg \sin \alpha = 3ma_{\text{отн}}$$

$$a_{\text{отн}} = \frac{mg \cos \beta - 2mg \sin \alpha}{3m} = \frac{g \cos \beta}{3} - \frac{2}{3} g \sin \alpha$$

$$a_{\text{отн}} = \frac{4g}{3}$$



# Часть 2

Олимпиада: **Физика, 11 класс (2 часть)**

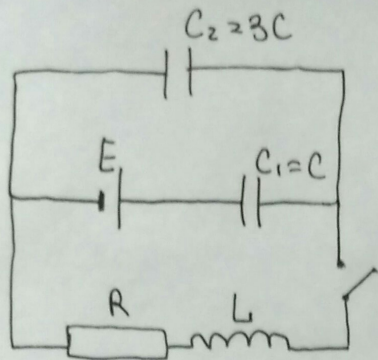
Шифр: **21203501**

ID профиля: **365314**

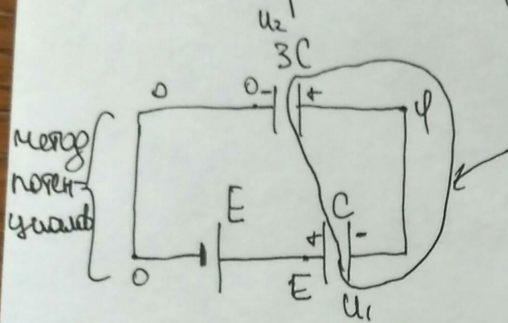
Вариант 6

Шевчик

№3



1) Рассмотрим схему до замыкания ключа k:



$$U_1 = E - \varphi; \quad U_2 = \varphi - 0$$

ЗСЗ:  $-C U_1 + 3C U_2 = 0$ , т.к. конденсаторы изначально не заряжены.

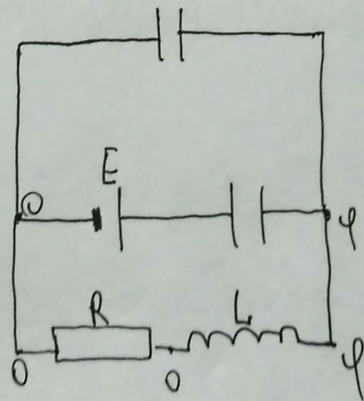
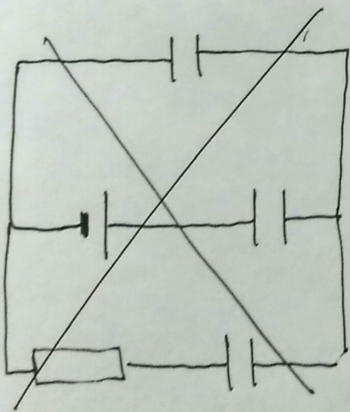
$$-C(E - \varphi) + 3C(\varphi - 0) = 0$$

$$3\varphi = E - \varphi; \quad \varphi = \frac{E}{4}$$

$$U_2 = \frac{E}{4}$$

$$U_1 = \frac{3E}{4}$$

2) Рассмотрим цепь сразу после замыкания ключа: ток через катушку магнитом не появится, а напряжение на конденсаторах магнитом не изменится. Т.к. ток через катушку 0, то  $U_R = 0$



$$U_R = 0 - 0 = 0$$

$$U_L = \varphi - 0 = L \frac{dI}{dt}$$

$$I' = \frac{U_L}{\varphi - 0} = \frac{E}{4L}$$

$$I' = \frac{E}{4L}$$

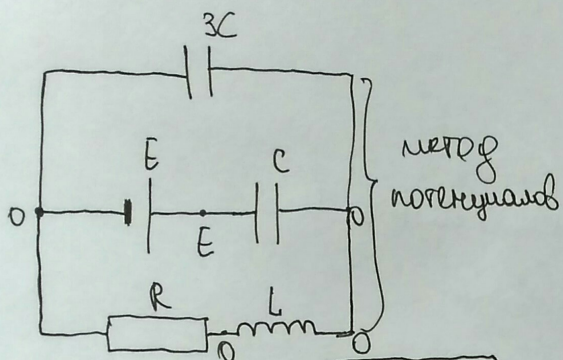
$$W_{\text{кон}} = \frac{1}{2} \cdot 3C \cdot (U_2)^2 + \frac{1}{2} \cdot C \cdot \left(\frac{3E}{4}\right)^2 = \frac{1}{2} \cdot 3C \cdot \left(\frac{E}{4}\right)^2 + \frac{1}{2} \cdot C \cdot \left(\frac{3E}{4}\right)^2 = \frac{1}{2} \cdot 3C \cdot \frac{E^2}{16} + \frac{1}{2} \cdot C \cdot \frac{9E^2}{16} = \frac{1}{2} \left( 3C \cdot \frac{E^2}{16} + C \cdot \frac{9E^2}{16} \right) = \frac{1}{2} \cdot 12C \cdot \frac{E^2}{16} = \frac{3}{8} C E^2; \quad W_{\text{кон}} = \frac{3}{8} C E^2$$

①

Числами

3) Рассмотрим цепь в установившемся режиме.

~~Цепь~~



$I_c(t_{уст}) = 0, I_{sc}(t_{уст}) = 0, \Rightarrow$  ток в цепи будет отсутствовать.  $\Rightarrow U_c(t_{уст}) = 0; U_R(t_{уст}) = 0.$

Выходит, что  $\text{ЗС}$  будет разорван.

$U_{sc}(t_{уст}) = 0.$

$U_c(t_{уст}) = E.$

$$\Delta W = \frac{1}{8} CE^2$$

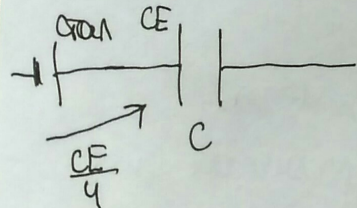
$$W_{кон} = \frac{1}{2} CE^2$$

$$\Delta W = W_{кон} - W_{нач} = \frac{1}{2} CE^2 - \frac{3}{8} CE^2 = \frac{4}{8} CE^2 - \frac{3}{8} CE^2 = \frac{1}{8} CE^2;$$

4) Рассмотрим цепь без батареи  $\text{---} \overset{C}{|} \text{---}$ :

Батт  $\frac{3E}{4}$

$A_{\delta} = E \cdot \frac{CE}{4} = \frac{CE^2}{2}$  - работа источника.



$$A_{\delta} = \frac{CE^2}{2}$$

5) ЗС от момента, когда шло замыкание, до момента, когда в цепи наступил стационарный режим.

$$A_{\delta} = \Delta W + Q;$$

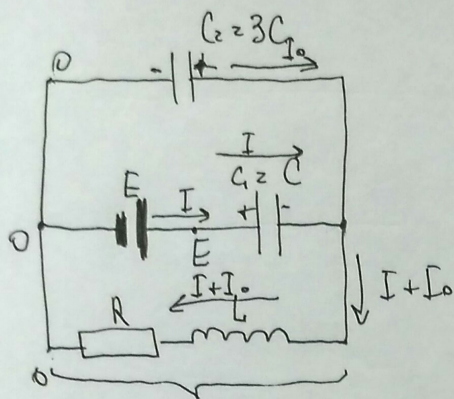
$$Q = A_{\delta} - \Delta W = \frac{1}{2} CE^2 - \frac{1}{8} CE^2 = \frac{4}{8} CE^2 - \frac{1}{8} CE^2 = \frac{3}{8} CE^2;$$

$$Q = \frac{3}{8} CE^2$$

6) Рассмотрим цепь в момент, когда ток через  $C_2$  равен  $I_0$ :

$U_2$  и  $U_1$  - напряжения на конденсаторах в этот момент.

Условие



метод  
потенциалов

$$I_0 = -(C_2 U_2)' = -3C \cdot \frac{\Delta U_2}{\Delta t};$$

$$I = (C_1 U_1)' = C \cdot \frac{\Delta U_1}{\Delta t};$$

$$U_2 + U_1 = E; \Rightarrow U_2 = E - U_1$$

$$I_0 = -3C \cdot \frac{\Delta U_2}{\Delta t}; \quad I = C \cdot \frac{\Delta U_1}{\Delta t} = C \cdot (U_1)'$$

$$\frac{I}{I_0} = \frac{C (U_1)'}{3C (U_1)'} = \frac{1}{3}; \Rightarrow \boxed{I = \frac{I_0}{3}}$$

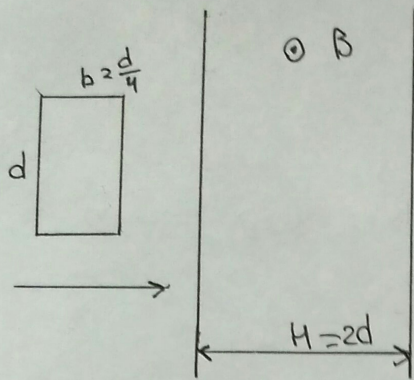
$$I_0 = -3C \cdot (U_2)' = -3C \cdot (E - U_1)' = 3C \cdot (U_1)'; \rightarrow$$

$$7) \quad U_R = (I + I_0) \cdot R = \left(I_0 + \frac{I_0}{3}\right) R = \frac{4I_0}{3} R$$

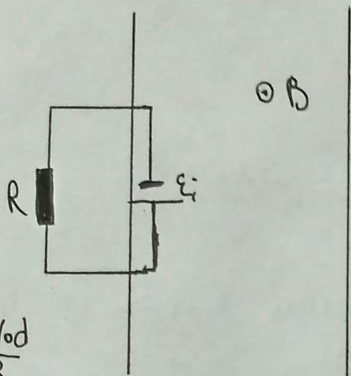
$$\boxed{U_R = \frac{4}{3} I_0 R}$$

$$\text{Ответ: } I' = \frac{E}{4L}; \quad Q = \frac{3}{8} CE^2; \quad U_R = \frac{4}{3} I_0 R.$$

(№4)



1) Рассмотрим момент, когда <sup>правая часть</sup> рамка <sup>только</sup> вошла в МП:



$$I = \frac{\epsilon_i}{R} = \frac{Bvd}{R}$$

При движении проводника в МП ~~на~~ в нем будет возникать  $\epsilon_i$ :

$$\epsilon_i = Bvd$$

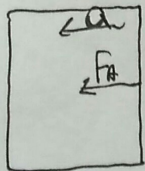
Она будет ориентирована <sup>как показано на рисунке</sup> вл, т.к. продольная составляющая сил Лоренца станет положительными зарядами вл.

В рамке появятся токи;  $\Rightarrow$  на рамку начнет действовать сила Ампера.

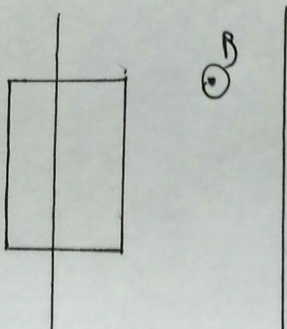
2 ЗН:

$$F_A = ma;$$

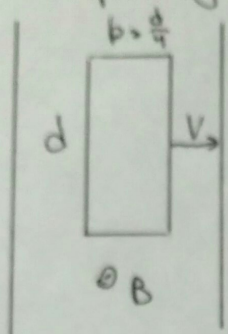
$$F_A = BI \cdot d = B \cdot \frac{Bvd}{R} \cdot d = \frac{B^2 d^2 v}{R}; \Rightarrow a = \frac{B^2 d^2 v_0}{mR}$$



2) Рассмотрим момент времени, когда рамка все еще <sup>находится</sup> в поле (то есть еще не полностью в нем).



4) Рассмотрим рамку, когда она движется внутри МП:



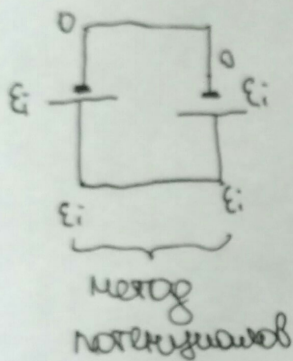
В рамке будет возникать ЭДС индукции:

$$\mathcal{E}_i = Bvd$$

Тогда в рамке, ток не будет, т.к. разность потенциалов равна 0.

Зная, рамка будет двигаться с постоянной скоростью  $v = \text{const}$  внутри МП.

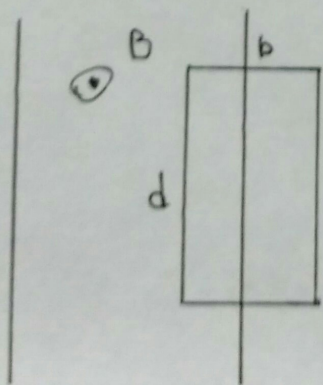
$$V = V_0 - \frac{B^2 d^3}{4mR}$$



5) ~~Аналогично правой стороне рамки рамка из поля~~  
 Когда правая часть рамки только-только начинает выходить из МП, её скорость всё ещё будет  $v$ .

$$V_1 = V = V_0 - \frac{B^2 d^3}{4mR}$$

6) Рассмотрим процесс выезда рамки из <sup>магнитного</sup> поля:



В рамке будет возникать  $\mathcal{E}_i$ :

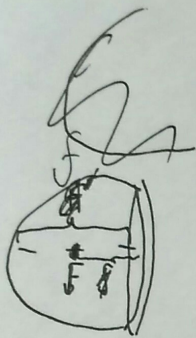
$$\mathcal{E}_i = B \cdot v(t) \cdot d$$

№5

~~Умножение~~  
2efpobu



Зеркала



$$\frac{1}{f} + \frac{1}{x} = \frac{1}{F}$$

$$\frac{1}{f} = \frac{1}{F} + \frac{1}{F_0}$$

$$\frac{1}{f} + \frac{1}{0,25} = \frac{1}{F'}$$

$$F' =$$



# Упробум

$D_{yg}$   
 $D_0$

$$D_{yg} = \frac{1}{F_{yg}}; \rightarrow \frac{F_0}{F_{yg}} = \frac{7}{3};$$

$$D_0 = \frac{1}{F_0}; \rightarrow F_0 = \frac{7}{3} F_{yg}$$

уаз:

$$D = \frac{1}{F} + \frac{1}{F_{yg}}; \quad F' = \frac{F \cdot F_{yg}}{F + F_{yg}}$$

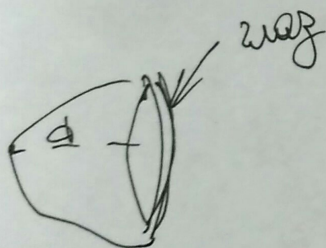
$$D = \frac{1}{F} + \frac{3}{7F_{yg}}$$

$$D = \frac{7F_{yg} + 3F}{7F_{yg}F}$$

$$F' = \frac{7F_{yg} \cdot F}{7F_{yg} + 3F} = \frac{F \cdot F_{yg}}{F + F_{yg}}$$

$$7F + 7F_{yg} = 7F_{yg} + 3F$$

F-поуызэ уазэ



$$\frac{D_{yg}}{D_0} = \frac{7}{3} \quad \frac{1}{F'} = \frac{1}{F} + \frac{1}{F_0}$$

$$D_{yg} = \frac{7}{3} D_0; \quad \frac{1}{0,25} + \frac{1}{F} = \frac{1}{F'} + \frac{1}{F_0}$$

$$\frac{1}{F_{yg}} = \frac{7}{3F_0}; \quad F_0 = 25 \text{ cm.}$$

$$F_{yg} = \frac{3F_0}{7}$$

$$\frac{1}{F'} = \frac{1}{F} + \frac{1}{F_{yg}}$$

$$\frac{1}{0,25} + \frac{1}{F} = \frac{1}{F'}$$

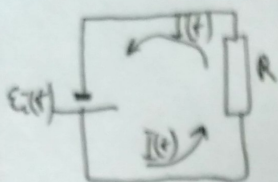
$$\frac{1}{F} + \frac{1}{F_0} = \frac{1}{0,25} + \frac{1}{F};$$

$$\frac{1}{F} + \frac{1}{X} = \frac{1}{F'}$$

$$F_0 = 25 \text{ cm.}$$

B pame dygt roba rou:

Ulybena



$$I(t) = \frac{\mathcal{E}(t)}{R} = \frac{B \cdot v(t) \cdot d}{R}$$

T.u. B pame rēst rou, to na nē gēstāyēt F<sub>A</sub>:

$$F_A = B \cdot I \cdot d = B \cdot \frac{B \cdot v(t) \cdot d}{R} \cdot d = \frac{B^2 d^2}{R} v(t);$$

2) 23K:

$$F_A = m a; \quad a = -\frac{\Delta v}{\Delta t}$$

$$\frac{B^2 d^2}{R} v(t) = -m \frac{\Delta v}{\Delta t}; \quad \frac{B^2 d^2}{R} v(t) \cdot \Delta t = -m \cdot \Delta v \quad (\otimes \otimes)$$

Procympyem \*\* za bē v pame vāgā pame ug MП:

$$\int \frac{B^2 d^2}{R} v(t) \cdot dt = \int -m \Delta v$$

$$\frac{B^2 d^2}{R} \int \underbrace{v(t) \cdot dt}_{\Delta S} = -m \Delta v$$

$$\frac{B^2 d^2}{R} \cdot \frac{d}{4} = -m (v_2 - v_1)$$

$$\frac{B^2 d^3}{4R} = m (v_1 - v_2); \quad v_1 - v_2 = \frac{B^2 d^3}{4mR}; \quad v_2 = v_1 - \frac{B^2 d^3}{4mR};$$

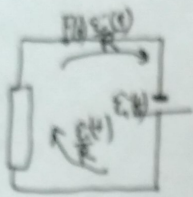
$$v_2 = v_0 - \frac{B^2 d^3}{4mR} - \frac{B^2 d^3}{4mR} = v_0 - \frac{B^2 d^3}{2mR};$$

$$v_2 = v_0 - \frac{B^2 d^3}{2mR}$$

$$\text{Arber: } a = \frac{B^2 d^2 v_0}{mR}; \quad v_1 = v_0 - \frac{B^2 d^3}{4mR}; \quad v_2 = v_0 - \frac{B^2 d^3}{2mR}.$$

В рамке, движущейся в МП, возникает ЭДС индукции  $\mathcal{E}_i(t)$ :

$$\mathcal{E}_i = B \cdot v(t) \cdot d$$



$$I(t) = \frac{B v(t) \cdot d}{R}$$

Числовик

На проводник с током в МП действует сила Ампера  $F_A$ :

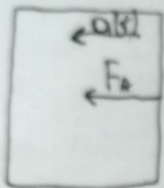
$$F_A = B \cdot I(t) \cdot d$$

2 ЗН:

$$a(t) = \frac{\Delta v}{\Delta t}$$

$$F_A = m a(t)$$

$$B \cdot I(t) \cdot d = m \cdot a(t)$$



$$B \cdot \frac{B \cdot v(t) \cdot d}{R} \cdot d = m \cdot \frac{\Delta v}{\Delta t}$$

$$\frac{B^2 d^2}{R} v(t) = m \frac{\Delta v}{\Delta t}; \quad \frac{B^2 d^2}{R} v(t) \cdot \Delta t = -m \Delta v \quad (*)$$

3) Просуммируем  $\otimes$  за все время <sup>движения</sup> ~~движения~~ рамки в поле (то есть до момента, пока все рамка не окажется в МП).

$$\sum \frac{B^2 d^2}{R} v(t) \cdot \Delta t = \sum m \Delta v;$$

$$\frac{B^2 d^2}{R} \underbrace{\sum v(t) \cdot \Delta t}_{\Delta S} = -m \sum \Delta v$$

$$\frac{B^2 d^2}{R} \cdot \underbrace{\sum \Delta S}_{A = \frac{d}{4}} = -m \underbrace{\sum \Delta v}_{V - V_0};$$

$$\frac{B^2 d^3}{4R} = m(V_0 - V);$$

$$\frac{B^2 d^3}{4mR} = V_0 - V; \Rightarrow V = V_0 - \frac{B^2 d^3}{4mR}$$