

# Часть 1

Олимпиада: **Физика, 11 класс (1 часть)**

Шифр: **21202582**

ID профиля: **327450**

Вариант 7



# Числовик

## Задача 1

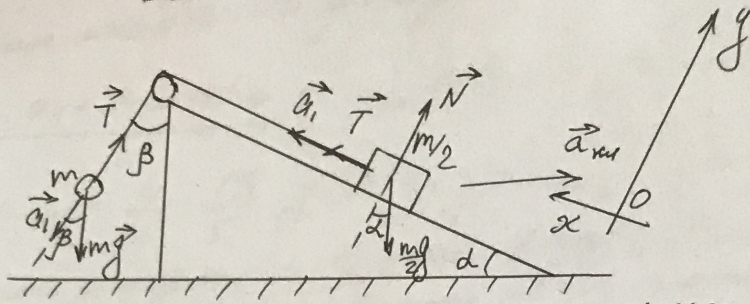
Дано:

$$\cos \alpha = \frac{5}{13}$$

$$\cos \beta = \frac{3}{5}$$

Найти:

- 1)  $a_{\text{кит}} = ?$
- 2)  $a_{\text{брус}} = ?$
- 3)  $L = ?$



(1) Найдем ускорения бруска и груза по оси сонаправленной с наклоном. П.к. Пусть направлена вниз и влево по наклонной, тогда по II з. Ньютона:  $\vec{T}$ , так же ускорения сонаправленные с наклоном.

(2) Допустим по оси параллельной наклону груза и бруска имеют ускорение  $a_1$ , тогда по II з. Ньютона:

$$\begin{cases} m a_1 = m g \cos \beta - T \\ \frac{m}{2} a_1 = T - \frac{m g}{2} \sin \alpha \end{cases} \Rightarrow \frac{3m}{2} a_1 = m g \left( \cos \beta - \frac{\sin \alpha}{2} \right)$$

(3) По основанию угла. по условию найдем  $\sin \alpha$ :

$$\sin^2 \alpha = 1 - \cos^2 \alpha \Rightarrow \sin \alpha = \sqrt{1 - \frac{25}{169}} = \sqrt{\frac{144}{169}} = \frac{12}{13}$$

$$\frac{3m}{2} a_1 = m g \left( \frac{3}{5} - \frac{6}{13} \right) \Rightarrow a_1 = \frac{2}{3} g \left( \frac{3}{5} - \frac{6}{13} \right)$$

(4) Рассмотрим случай, когда клин покоится, а брусок и груз движутся, пусть тогда они имеют ускорение  $a_0$ ; по II з. Ньютона:

$$\begin{cases} m a_0 = m g - T \\ \frac{m}{2} a_0 = T - \frac{m g}{2} \sin \alpha \end{cases} \Rightarrow \frac{3m}{2} a_0 = m g \left( 1 - \frac{\sin \alpha}{2} \right)$$

$$a_0 = \frac{2}{3} g \left( 1 - \frac{6}{13} \right)$$

(5) Рассмотрим, как увеличилось ускорение по Oх из-за прижатия клина ускорение ( $a_{\text{кит}}$ )



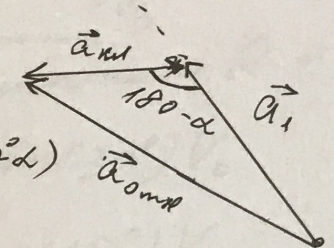
Умножив

6) Рассматриваем моменты ускорения в проекции на  $Ox$ :

$$a_0 = a_1 + a_{кл} \cos \alpha \Rightarrow a_{кл} \cos(\alpha) = \frac{2}{3}g \left( 1 - \frac{6}{13} - \frac{3}{5} + \frac{6}{13} \right) =$$

$$\frac{2}{3}g \cdot \frac{2}{5} \Rightarrow a_{кл} = \frac{4}{15} \cdot \frac{13}{5} \cdot g = \frac{52}{75}g \Rightarrow a_{кл} = \frac{52}{75}g$$

7) Рассматриваем ускорение бруска в СО клина ( $a_{омк}$ ). При переходе в эту СО ускорение по  $Oy$  пропадает, а ускорения  $a_1$  и  $a_{кл}$  складываются (по  $y$  направлению ускорения)  $\vec{a}_1 = \vec{a}_{омк} + \vec{a}_{кл}$



по т. косинусов:

$$a_{омк}^2 = a_1^2 + a_{кл}^2 - 2a_{кл} \cdot a_1 \cdot \cos(180 - \alpha)$$

$$\cos(180 - \alpha) = -\cos(\alpha) \Rightarrow$$

$$a_{омк} = \sqrt{a_1^2 + a_{кл}^2 + 2a_{кл} \cdot a_1 \cdot \cos(\alpha)} \approx \sqrt{0,71}g \approx \frac{\sqrt{2}}{2}g$$

8) П.к.  $a_{кл} = \text{const.}$  то путь отн. земли пройденный равноускоренно; м.к.  $v_0 = 0 \Rightarrow \frac{H}{\cos \beta} = \frac{a_1 T^2}{2}$

$$L = \sqrt{\frac{2H}{\cos \beta} a_1} \approx 6\sqrt{\frac{H}{g}}$$

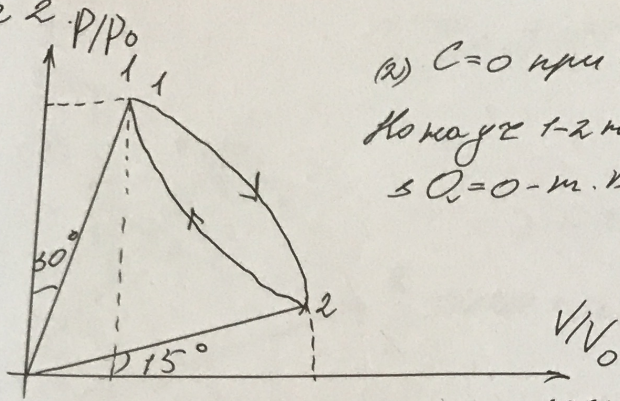
Ответ: 1)  $a_{кл} = \frac{52}{75}g$ ; 2)  $a_{омк} = \frac{\sqrt{2}}{2}g$ ; 3)  $L = 6\sqrt{\frac{H}{g}}$

(2)



# Условие

Задача 2



(2)  $C=0$  при  $Q=0$  м.к.  $C = \frac{\Delta Q}{\Delta T}$   
 Показать 1-2 не может быть  
 $\Delta Q=0$  - м.к. это вып.

1) Доказать, что давление симметрично  $R \Rightarrow$

$$P_1 = R \cdot \cos(30^\circ) \cdot P_0; \quad V_1 = R \sin(30^\circ) V_0$$

$$P_2 = R \sin(15^\circ) P_0; \quad V_2 = R \cos(15^\circ) V_0$$

(2)  $\frac{T_1 - T_2}{T_2} = ?$ ;  $T_1 = \frac{P_1 V_1}{\rho R}$  - углы - а температура - функция

$$T_2 = \frac{P_2 V_2}{\rho R} \Rightarrow \frac{T_1 - T_2}{T_2} = \frac{P_1 V_1 - P_2 V_2}{P_2 V_2} = \frac{P_1 V_1}{P_2 V_2} - 1 = \frac{P_0 V_0 R^2 \sin(30^\circ) \cos(30^\circ)}{P_0 V_0 R^2 \sin(15^\circ) \cos(15^\circ)}$$

$$\Theta I = \frac{\sin(60^\circ)}{\sin(30^\circ)} - 1 = \sqrt{3} - 1 \quad \boxed{\frac{T_1 - T_2}{T_2} = \sqrt{3} - 1}$$

$$\boxed{\sin(2\alpha) = 2 \sin \alpha \cos \alpha}$$

(3)  $\eta = \frac{A}{Q_{in}}$ ; но условие  $Q_{2-1} \approx 0 \Rightarrow$  no 17. между границами

$$Q = \Delta U_{2-1} + A_{2-1}$$

$$\Delta U_{2-1} = P_1 V_1 - P_2 V_2 = \frac{P_0 V_0 R^2}{2} (\sqrt{3} - 1) \Rightarrow A_{2-1} = - \frac{P_0 V_0 R^2 (\sqrt{3} - 1)}{2}$$

$$A_{1-2} = \frac{\pi \cdot 1}{4} \cdot \frac{R^2}{2} = \frac{\pi}{8} R^2 - \text{как элемент вып.}$$

$$A_1 = \frac{\pi}{8} R^2 - \frac{R^2 \sin(60^\circ)}{2} + \frac{R^2 \sin(30^\circ)}{2} = \left( \frac{\pi}{8} - \sin(60^\circ) + \sin(30^\circ) \right) \frac{R^2}{2}$$

Ответ: 1)  $\frac{T_1 - T_2}{T_2} = \sqrt{3} - 1$ ; 2) не может быть

(3)







Uppräpning

n 1

Dato:

$\cos \alpha = 5/13$

$m; m/2$

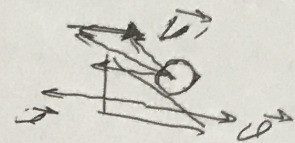
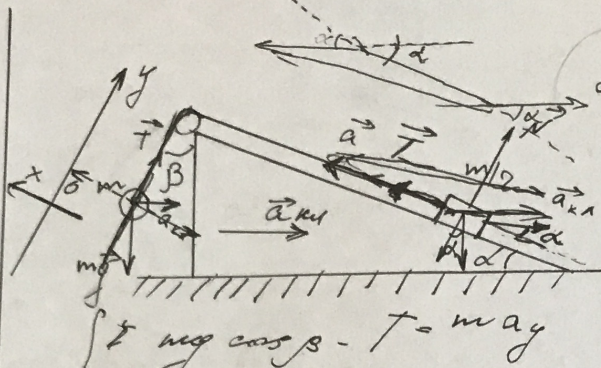
$\cos \beta = 3/5$

Frågor:

1)  $a_{kl}$ ?

2)  $a_{cent}$ ?

3)  $L$ ?



$169 - 25 = 144$

$\sin d = \sqrt{1 - \frac{25}{169}} = \frac{12}{13}$

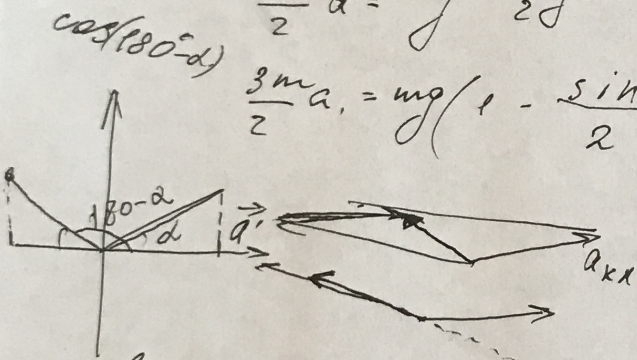
$T - mg \cos \beta - T = ma_y$   
 $mg \sin \beta = ma_x$

$mg \cos \beta - T = ma$   
 $T - mg \sin d = \frac{m}{2} a'$   
 $\frac{3m}{2} a' = mg (\cos \beta - \frac{1}{2} \sin d)$

$ma = mg - T$   
 $\frac{m}{2} a = T - \frac{mg}{2} \sin d$

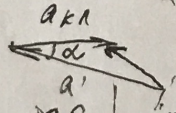
$\frac{3m}{2} a = mg - \frac{mg}{2} \sin d$   
 $\frac{3m}{2} a = mg (1 - \frac{\sin d}{2})$

$\frac{3m}{2} a' = mg (\frac{3}{5} - \frac{6}{13})$   
 $a' = \frac{2}{3} g (\frac{3}{5} - \frac{6}{13})$   
 $a' = \frac{2}{3} g (1 - \frac{6}{13})$



$a' > a'$   
 $a - a' = a_{kl} \cos d$

Frågor



$\frac{2}{3} g (1 - \frac{6}{13} - \frac{3}{5} + \frac{6}{13}) = \frac{2}{3} g (\frac{8}{5})$

$\frac{2}{3} g (\frac{8}{5} - \frac{3}{5})$

$\frac{2}{3} g \cdot \frac{2}{5} = a_{kl} \cdot \frac{5}{13}$

$a' = \frac{4}{15} g \frac{13-10}{65} = \frac{3}{65} g$

$a_{kl} = \frac{4}{15} \cdot \frac{13}{5} g = \frac{52}{75} g$

$a_{kl} = \frac{52}{75} g$

$a_{cent}^2 = a'^2 + a_{kl}^2 - 2a'a_{kl} \cos d$

$a_{cent} = g \sqrt{(\frac{4}{15})^2 + (\frac{52}{75})^2 - 2 \cdot \frac{4}{15} \cdot \frac{52}{75} \cdot \frac{5}{13}}$

$S = \frac{H}{\cos \beta}$

$S = \frac{a' t^2}{2}$      $L = \sqrt{2 S a'}$

$\frac{2}{3} - \frac{6}{13} = 2 \cdot (0,1 - \frac{2}{13})$

$a_{kl} = 0,6933 g$

$a' = 0,0923 g$

$a_{cent} = 0,6933 g$

5



# Часть 2

Олимпиада: **Физика, 11 класс (2 часть)**

Шифр: **21202582**

ID профиля: **327450**

Вариант 7



Задача 3

Дано:

$C_1 = C$

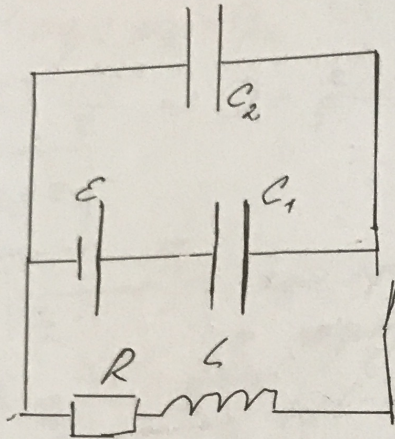
$C_2 = 4C$

Найти:

1)  $\frac{dJ}{dt} = ?$

2)  $Q = ?$

3)  $J_p = ?$



(1) Рассмотрим цепь, когда ключ разомкнут

Она представляет из себя источник и два последовательно соединенных конденсатора.

(2) Их эквивалентная емкость ( $C_{эв}$ ):

$$C_{эв} = \frac{4C \cdot C}{4C + C} = \frac{4}{5} C ; q_1 = q_2 = \frac{4}{5} C \epsilon$$

(3) При замыкании ключа (сразу после) ток через катушку не течет  $\Rightarrow$  не течет и через резистор.  $\Rightarrow$

$$U_{C2} = L \frac{dJ}{dt} ; U_{C2} = \frac{4}{5} \frac{q_1}{4C} = \frac{4 C \epsilon}{5 \cdot 4C} = \frac{1}{5} \epsilon \Rightarrow \boxed{\frac{dJ}{dt} = \frac{\epsilon}{5L}}$$

(4) Рассмотрим схему через большой промежуток времени после замыкания ключа. Ток в цепи перестает течь, а значит падение напряжения на R-L участке будет равно нулю (решив установився ко о том  $\Rightarrow$  и  $\frac{dJ}{dt} = 0$  и этому моменту), значит конденсатор  $C_2$  не зарядится, а конденсатор  $C_1$  зарядится до  $\epsilon$ .

(5) Тогда запишем ЗСЭ для соот. с разомкнутым ключом и описанного выше:

$$W_1 + A_{ист} = W_2 + Q$$

(1)



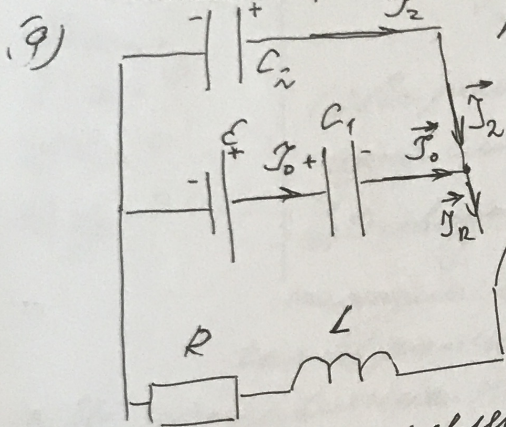
Умножим

(6)  $W_1 = \frac{C_{\text{эоб}} \epsilon^2}{2} = \frac{\epsilon}{5} C \epsilon^2$ ;  $A_{\text{ист}} = \Delta q \epsilon$

(7) Полеми  $\Delta q$ :  $\Delta q = |q_1 - C \epsilon| = \frac{C \epsilon}{5} \Rightarrow A_{\text{ист}} = \frac{C \epsilon^2}{5}$

(8)  $W_2 = \frac{C_1 \epsilon^2}{2} = \frac{C \epsilon^2}{2} \Rightarrow Q = \frac{2}{5} C \epsilon^2 + \frac{C \epsilon^2}{5} - \frac{C \epsilon^2}{2} = \frac{1}{10} C \epsilon^2$

$Q = \frac{1}{10} C \epsilon^2$



при протекании тока  $J_0$  меняется заряд конденсатора  $C_1$ :  $dq = J_0 dt$   
 ( $\Delta t$  - бесконечно малый промежуток времени)  $\Rightarrow$  изменение энергии на нем:  $dU = \frac{dq}{C} = \frac{J_0 dt}{C}$

(9) П.в.  $C_2$  параллельно соединению  $C_1$  и ветки  $R \Rightarrow$  изменение напряжения на нем такое же:

$dU = \frac{J_2 dt}{4C} \Rightarrow \frac{J_2 dt}{4C} = \frac{J_0 dt}{C} \Rightarrow J_2 = 4J_0$

(10) Тогда по з. Кирхгофа:  $J_0 + J_2 = J_R \Rightarrow J_R = 5J_0$

Ответ: 1)  $\frac{dJ}{dt} = \frac{\epsilon}{5L}$ ; 2)  $Q = \frac{1}{10} C \epsilon^2$ ; 3)  $J_R = 5J_0$

2



### Задача 4

Дано:

$$d; b = 3d$$

$$R = d/5$$

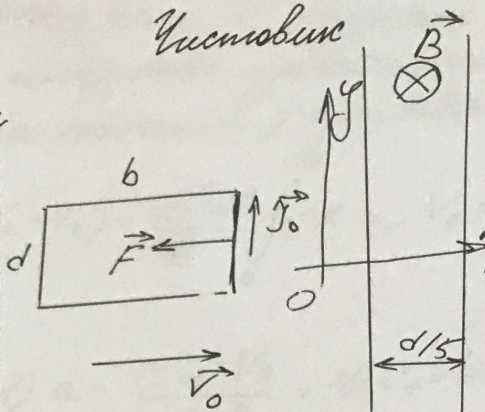
$$m, d, V_0; k; B$$

Найти:

1)  $a = ?$

2)  $V_1 = ?$

3)  $V_2 = ?$



Вертикальные концы не меняют силы не образуют внешнего т.к. рамка жесткая, и силы равны по модулю.

1) На рамку в поле будет действовать одна сила:  $F = B I_0 d$ .

2) Требуется, что внутри поля находится либо правая, либо левая часть рамки длиной  $d$ .

3) Из направления поля по пр. правой руке определим, что изначально ток потечет против часовой стрелки, а сила будет направлена вправо.

4) Максимальное ускорение:  $\epsilon_i = \frac{d\varphi}{dt} = \frac{B d \cdot V_0 dt}{dt}$

$$B d V_0; I_0 = \frac{\epsilon_i}{R} = \frac{B d V_0}{R} \Rightarrow F = B I_0 d; a = \frac{F}{m} = \frac{B^2 d^2 V_0}{m R}$$

$$a = \frac{B^2 d^2 V_0}{m R}$$

5) Найти  $V_1$ : из ЗСЭ:  $\frac{m V_0^2}{2} = \frac{m V_1^2}{2} + A$

где  $A$  - работа силы  $A = \int F(x) dx$

$$\epsilon_i(x) = \frac{B d \cdot dx}{dt} \quad F(x) = \frac{B^2 d^2 dx}{R dt}$$

6) Из пропорции изменения сил:  $F = \frac{dP}{dt} \Rightarrow$

$$\int dP = \int F dt \Rightarrow m(V_1 - V_0) = -\frac{B^2 d^2}{R} \int dx$$

$$m(V_1 - V_0) = -\frac{B^2 d^2}{R} \cdot \frac{d}{5} \Rightarrow V_0 - V_1 = \frac{B^2 d^3}{5mR} \Rightarrow V_1 = V_0 - \frac{B^2 d^3}{5mR}$$

3



Учитывая  
 (7) Аналогично для  $V_2$ ; однако при прохождении  
 всей энергии увеличивается направление тока  
 и радиус может измениться.  $\Rightarrow$

$$m(V_2 - V_1) = \frac{B^2 d^2}{R} \int_0^R dx \Rightarrow V_2 = V_1 + \frac{B^2 d^3}{5mR} = V_0$$

$$\boxed{V_2 = V_0}$$

Ответ: 1)  $a = \frac{B^2 d^2 V_0}{mR}$ ; 2)  $V_1 = V_0 - \frac{B^2 d^3}{5mR}$ ; 3)  $V_2 = V_0$

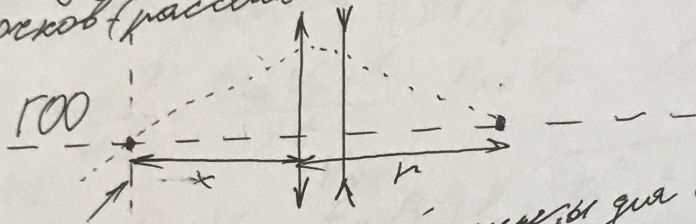
(4)



# Чистовик

Дано:  
 $R = 25 \text{ см}$   
 $\frac{D_2}{D_1} = 3$   
 Найти:  
 1)  $x = ?$   
 $D_g = ?$   
 2)  $D_k = ?$   
 $R_2 = 50 \text{ см}$

(1) Очки для удаленных объектов практически собирают пучок света параллельный 100 в нулевой точке главного яблока  
 (2) Глаз человека в очках можно считать системой из двух линз: линзы в глаз (собирающая) и очков (рассеивающая)



100 см. фр-на тонкой линзы для очков для наблюдения  
 для близких объектов:  $\frac{1}{25 \text{ см}} - \frac{1}{r} = \frac{1}{F_g}$   
 при этом для далеких объектов:  $F_g = r$

$$\frac{D_0}{D_5} = 3 \Rightarrow F_5 = 3 F_g$$

$$\frac{1}{25} = \frac{1}{F_5} + \frac{1}{F_g}$$

$$\frac{1}{25} = \frac{1}{3 F_g} + \frac{1}{F_g} \Rightarrow \frac{3}{4} F_g = 25 \Rightarrow F_g = \frac{100}{3} \text{ см} \Rightarrow D_g = 0,03 \text{ дптр.} \Rightarrow$$

$$D_5 = 0,01 \text{ дптр.} \Rightarrow \frac{1}{25 \text{ см}} - \frac{1}{x} = \frac{1 \cdot 3}{100}$$

$$\frac{1}{x} = \frac{4}{100} - \frac{3}{100} \Rightarrow \boxed{x = 100 \text{ см}}$$

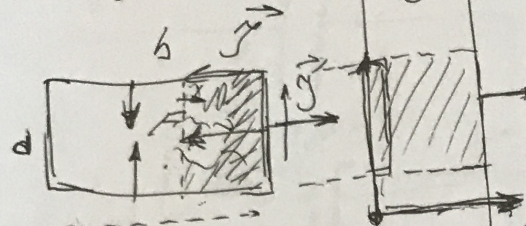
$$(3) \frac{1}{R_2} - \frac{1}{x} = D_k \Rightarrow D_k = \frac{1}{50 \text{ см}} - \frac{1}{100 \text{ см}} = 0,01 \text{ дптр.}$$

(5)



n4 *Upproben*

$$\Delta V = \int a(t) dt$$



$$\frac{m v_0^2}{2} = \frac{m v_1^2}{2} + A \cdot dS$$

$$F = m v_1^2 - m v_0^2 = \frac{2}{m} A \int_0^L \frac{B^2 d^2}{R} dS$$

$$A = \int F(S) dt$$

$$F(S) =$$

$$v = \frac{B d^2 V_0}{m R}$$

$$(1) \dot{E}_i = \frac{d\phi}{dt} = \frac{B d V_0}{dt} = B d V_0$$

$$E_i(V) = B d V$$

$$\Delta V = \int a(t) dt$$

$$v = \frac{E_i}{R} = \frac{B d V_0}{R}$$

$$F = B d^2 V_0$$

$$F(S) =$$

$$\Delta V = a t$$

$$a = \frac{F}{m} = \frac{B d^2 V_0}{m R}$$

$$F(V) =$$

$$A = F \cdot d \cdot m R$$

$$v(V) = \frac{B d V}{R}$$

$$F = \frac{B d^2 V}{R}$$

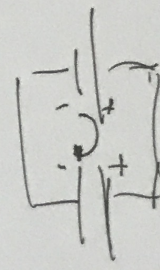
$$A = \frac{B d^2}{R} \int dS$$

$$\frac{E}{5} \approx \frac{1}{5}$$

$$v = \int a(t) dt$$

$$a(t) = \frac{B d^2 V(t)}{m R} \quad (A)$$

$$D_1 = 3a(t) = \frac{B d^2 V(t)}{m R}$$



$$a(t) = \frac{B d^2 V(t)}{m R}$$

$$V(t) = V_0 - v a t$$

$$a = \frac{dV}{dt}$$

$$a(t) = \frac{B d^2 V_0}{m R} - \frac{B d^2 V_0}{m R} a t$$

$$v = a t$$

$$\int a p = \int_0^t F dt$$

$$dV = \frac{v dt}{4C}$$

$$I_0 = \frac{dq}{dt}$$

$$dq = I_0 dt$$

$$5 I_0$$

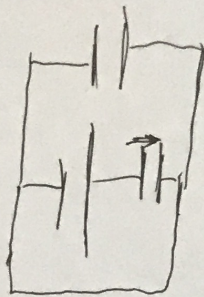
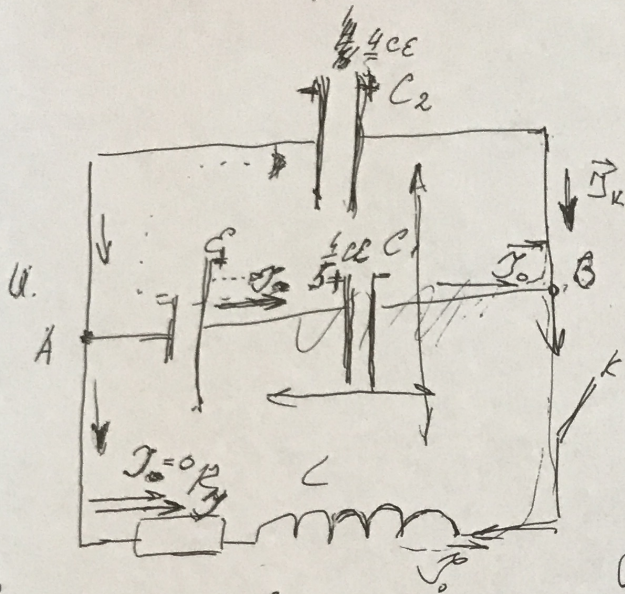
$$|I_2 = 4 I_0|$$

$$dV = \frac{q}{C} = \frac{I_0 dt}{C}$$

(6)



Черновик



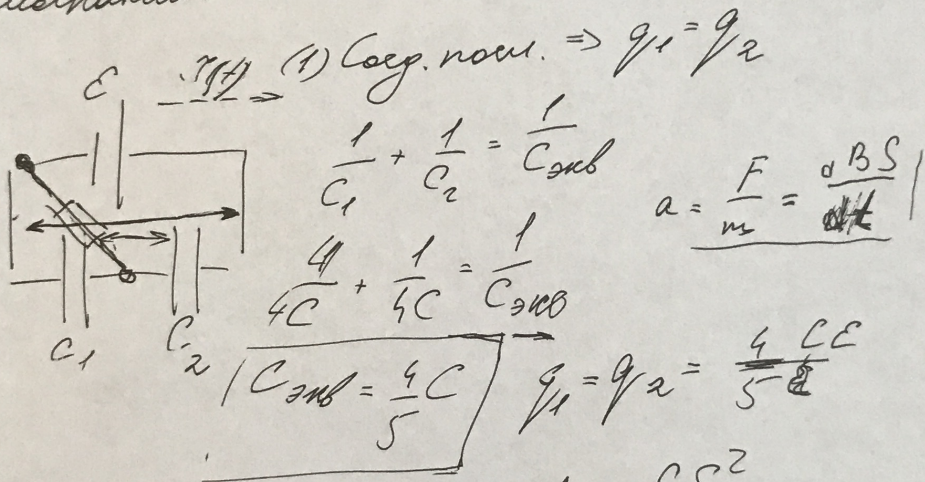
$$I dL = d\Phi$$

$$F = BIL \sin \alpha$$

$$I = \frac{U}{R} \Rightarrow C \frac{dBS}{dt}$$

$$Q = CU \quad C = \frac{q}{U}$$

До замыкания



Соед. пош.  $\Rightarrow q_1 = q_2$

$$\frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2} = \frac{1}{C_{\text{св}}}$$

$$a = \frac{F}{m} = \frac{dBS}{dt}$$

$$\frac{4}{4C} + \frac{1}{4C} = \frac{1}{C_{\text{св}}}$$

$$C_{\text{св}} = \frac{4C}{5} \quad q_1 = q_2 = \frac{4CE}{5}$$

$$U = \frac{q}{C} = \frac{4CE}{5 \cdot 4C} = \frac{\epsilon}{5} \quad W_2 = \frac{CE^2}{2}$$

$$\epsilon - \frac{4CE}{5C} = \frac{\epsilon}{5} \quad U_{AB} = \frac{\epsilon}{5} = \angle j \left| j = \frac{\epsilon}{5L} \right|$$

$$W_1 = \frac{24CE^2}{5 \cdot 2} \quad W_2 = \frac{4CE^2}{2} \quad \frac{2CE^2}{5}$$

$$\frac{2CE^2}{5} \Rightarrow 2CE^2 \quad q_1 = \frac{4}{5}CE; \quad q_3 = \frac{1}{5}CE$$

$$\frac{1}{2}CE^2 \quad \Delta q = \frac{1}{5}CE \Rightarrow \Phi = \frac{CE^2}{5}$$

$$\frac{2}{5}CE^2 + \frac{CE^2}{5} - \frac{1}{2}CE^2 \quad \frac{3}{5}CE^2 - \frac{1}{2} \Rightarrow \left| \frac{1}{10}CE^2 \right| = Q$$

7