

# Часть 1

Олимпиада: **Физика, 11 класс (1 часть)**

Шифр: **21202950**

ID профиля: **101567**

Вариант 7

№1 Дано:

$$\cos \alpha = \frac{5}{13}$$

$$m_{ш} = m$$

$$m_{б} = \frac{m}{2}$$

(H)

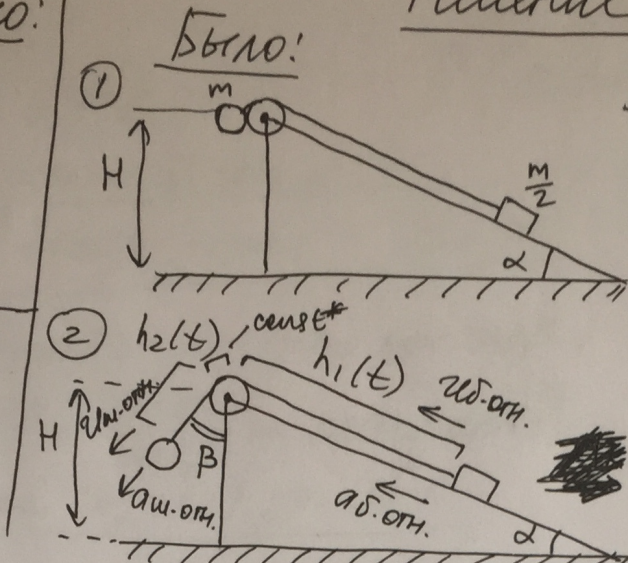
$$\cos \beta = \frac{3}{5}$$

1)  $a_k = ?$

2)  $a_{б.отн.} = ?$

3)  $t_{ш} = ?$

Решение



1) Рассмотрим движение бруска и шарика относительно клина. (см. рис. 2) По условию нить нерастяжима, тогда ее длина

~~const~~:  $h_2(t) + const + h_1(t) = const$

$$h_2'(t) + 0 + h_1'(t) = 0$$

$$v_{ш.отн.}(t) - v_{б.отн.}(t) = 0; \quad v_{ш.отн.}(t) = v_{б.отн.}(t)$$

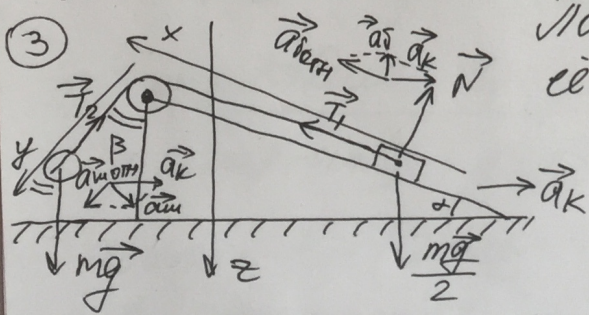
$$a_{ш.отн.}(t) = a_{б.отн.}(t) \Rightarrow a_{ш.отн.} = a_{б.отн.}$$

2) Теперь перейдем в СО Земли, тогда по 3СЗК:

$$\vec{a}_{ш} = \vec{a}_{ш.отн.} + \vec{a}_k; \quad \vec{a}_{б} = \vec{a}_{б.отн.} + \vec{a}_k$$

по 3СС:  $v_{ш} = \vec{0} + \vec{0} = \vec{0}; \quad v_{б} = \vec{0} + \vec{0} = \vec{0}$

3) Теперь рассмотрим движение бруска и шарика относительно Земли (см. рис. 3).



По условию нить невесома, тогда ее сила натяжения одинакова по всей длине.  $|T_1| = |T_2| = T$

2ЗН для бруска:

$$\vec{N} + \vec{T}_1 + \frac{m\vec{g}}{2} = \frac{m}{2} \vec{a}_{б} = \frac{m}{2} \vec{a}_k + \frac{m}{2} a_{б.отн.}$$

2ЗН для шарика:

$$x: T - \frac{mg}{2} \sin \alpha = \frac{m}{2} a_k \cos \alpha + \frac{m}{2} a_{б.отн.}(1)$$

$$\vec{T}_2 + m\vec{g} = m\vec{a}_{ш} = m\vec{a}_{ш.отн.} + m\vec{a}_k$$

$$y: -T + mg \cos \beta = m a_{ш.отн.} + m a_k \sin \beta (2)$$

$$z: -T \cos \beta + mg = m a_{ш.отн.} \cos \beta (3)$$

Сложим (1) и (2) равенства:

Условие Страница 2

$$T - \frac{mg}{2} \sin \alpha - T + mg \cos \beta = -\frac{m}{2} a_k \cos \alpha + \frac{m}{2} a \sin \alpha + m a_m \sin \alpha - m a_k \sin \beta$$

$$mg \left( \cos \beta - \frac{\sin \alpha}{2} \right) = \frac{m}{2} (a \sin \alpha - a_k \cos \alpha + 2 a_m \sin \alpha - 2 a_k \sin \beta)$$

$$a_m \sin \alpha = a \sin \alpha \quad (n.1)$$

$$\boxed{g(2 \cos \beta - \sin \alpha) = 3 a \sin \alpha - a_k (\cos \alpha + 2 \sin \beta)} \quad (4)$$

(3)  $-T \cos \beta + mg = m a_m \sin \alpha \cos \beta \quad | : \cos \beta \neq 0 \text{ (учн.)}$

$$-T + \frac{mg}{\cos \beta} = m a_m \sin \alpha \quad (3)^*$$

Выведем из (2) ур. (3)\*-е.:

$$-T + mg \cos \beta = m a_m \sin \alpha - m a_k \sin \beta - m a_m \sin \alpha$$

$$-T + mg \cos \beta + T - \frac{mg}{\cos \beta} = -m a_k \sin \beta$$

$$mg \left( \frac{\cos^2 \beta - 1}{\cos \beta} \right) = -m a_k \sin \beta$$

$$-mg \frac{\sin^2 \beta}{\cos \beta} = -m a_k \sin \beta$$

$$-g \operatorname{tg} \beta = -a_k; \quad \boxed{a_k = g \operatorname{tg} \beta} =$$

$$= g \sqrt{\frac{1}{\cos^2 \beta} - 1} = 9,8 \frac{M}{c^2} \sqrt{\frac{1}{9/25} - 1} = \cos^2 \beta + \sin^2 \beta = 1$$

$$= 9,8 \frac{M}{c^2} \cdot \sqrt{\frac{25-9}{9}} = 9,8 \frac{M}{c^2} \cdot \frac{4}{3} \approx 13,1 \frac{M}{c^2} \quad \operatorname{tg}^2 \beta + 1 = \frac{1}{\cos^2 \beta}$$

4) Интегрируем  $a_k = g \operatorname{tg} \beta$  в (4):  $|\operatorname{tg} \beta > 0, \text{ т.к. } \beta - \text{острый}|$

$$g(2 \cos \beta - \sin \alpha) + g \operatorname{tg} \beta (\cos \alpha + 2 \sin \beta) = 3 a \sin \alpha$$

$$a \sin \alpha = \frac{g}{3} (2 \cos \beta - \sin \alpha + \operatorname{tg} \beta \cos \alpha + 2 \sin \beta \operatorname{tg} \beta) =$$

$$= \frac{g}{3} \left( \frac{2 \cos^2 \beta + 2 \sin^2 \beta}{\cos \beta} + \operatorname{tg} \beta \cos \alpha - \sin \alpha \right) = \frac{g}{3} \left( \frac{2}{\cos \beta} + \operatorname{tg} \beta \cos \alpha - \sin \alpha \right) =$$

$$= \frac{g}{3 \cos \beta} (2 + \sin \beta \cos \alpha - \sin \alpha \cos \beta) = \frac{g}{3 \cos \beta} (2 + \sqrt{1 - \cos^2 \beta} \cos \alpha - \sqrt{1 - \cos^2 \beta} \cos \beta)$$

$$= \frac{9,8 \frac{M}{c^2}}{3 \cdot \frac{3}{5}} \left( 2 + \frac{4}{5} \cdot \frac{5}{13} - \frac{3}{5} \cdot \frac{12}{13} \right) = \frac{5 \cdot 9,8}{9} \left( 2 + \frac{20-36}{5 \cdot 13} \right) \frac{M}{c^2} =$$

$$= \frac{5 \cdot 9,8}{9} \cdot \frac{10 \cdot 13 - 16}{5 \cdot 13} \frac{M}{c^2} = \frac{9,8(130-16)}{9 \cdot 13} \frac{M}{c^2} = \frac{9,8 \cdot 114}{9 \cdot 13} \frac{M}{c^2} \approx 9,55 \frac{M}{c^2}$$

5)  $t_{\text{ли}} = ?$

Ускорение

Сравнения 3

$$\vec{a}_{\text{ли}} = \vec{a}_{\text{ли}} \cdot \vec{e}_{\text{ли}} + \vec{a}_{\text{к}}$$

$$\vec{S} = \vec{v}_{\text{ли}} t + \frac{\vec{a}_{\text{ли}} t^2}{2} \Rightarrow \vec{S} = \frac{\vec{a}_{\text{ли}} t^2}{2}$$

$$\vec{v}_{\text{ли}} = \vec{0} \text{ (н.з.)} \quad z: S_z = \frac{a_{\text{ли}z} t^2}{2}$$

при  $t_{\text{ли}} = t_{\text{ли}}$ , то  $S_z = H$ ;  $a_{\text{ли}z} = a_{\text{ли}} \cos \beta$

$$t_{\text{ли}}^2 = \frac{2H}{a_{\text{ли}} \cos \beta}$$

$$a_{\text{ли}} \cos \beta = a_{\text{ли}} \cos \beta = \frac{g}{3} (2 + \sqrt{1 - \cos^2 \beta} \cos \alpha - \sqrt{1 - \cos^2 \alpha} \cos \beta) \Rightarrow$$

$$\Rightarrow t_{\text{ли}} = \sqrt{\frac{6H}{g(2 + \sqrt{1 - \cos^2 \beta} \cos \alpha - \sqrt{1 - \cos^2 \alpha} \cos \beta)}}$$

Ответ:

- 1)  $g \cos \beta \approx 13,1 \frac{\text{м}}{\text{с}^2}$
- 2)  $\frac{g}{3 \cos \beta} (2 + \sqrt{1 - \cos^2 \beta} \cos \alpha - \sqrt{1 - \cos^2 \alpha} \cos \beta) \approx 9,55 \frac{\text{м}}{\text{с}^2}$
- 3)  $\sqrt{\frac{6H}{g(2 + \sqrt{1 - \cos^2 \beta} \cos \alpha - \sqrt{1 - \cos^2 \alpha} \cos \beta)}}$

# Числовик

# Страница 4.

$\sqrt{02}$

Дано:

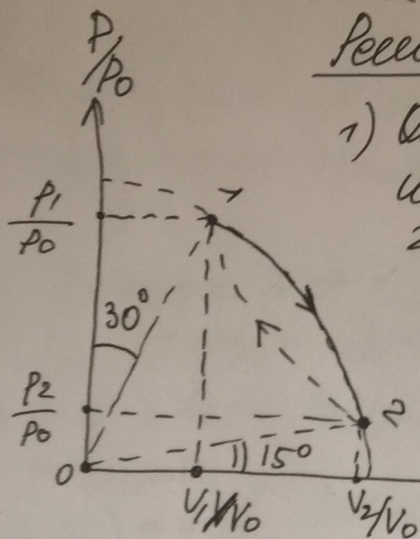
$i=3$   
 в процессе  
 $2 \rightarrow 1$   
 $Q \rightarrow 0$

+ График

1)  $\frac{T_1 - T_2}{T_2} = ?$

2) Найти  
 триг. функ.  
 угла  $\alpha$  между  
 $R$  и горизонталом?  
 в точке с  $C=0$ .

3)  $\eta = ?$



Решение.

1) Обозначим давления  
 и объёмы в точках 1 и  
 2 (см. график).

Тогда  $\cos 30^\circ = \frac{p_1}{p_0 R^k} = \frac{p_1}{p_0 R^k}$

$R^k$  - радиус кривизны

$\cos 15^\circ = \frac{p_2}{p_0 R^k}$

$\sin 30^\circ = \frac{v_1}{v_0 R^k}$

$\sin 15^\circ = \frac{p_2}{p_0 R^k}$

$2 \cos^2 15^\circ - 1 = \cos 30^\circ$

$\cos 15^\circ = \sqrt{\frac{\cos 30^\circ + 1}{2}}$

$\sin 15^\circ = \sqrt{\frac{1 - \cos 30^\circ}{2}} = \sqrt{\frac{1 - \cos 30^\circ}{2}}$

$\frac{v_2}{v_1} = 2 \cdot \sqrt{\frac{\frac{\sqrt{3}}{2} + 1}{2}} = \sqrt{\sqrt{3} + 2}$

$\frac{p_2}{p_1} = \frac{2}{\sqrt{3}} \sqrt{\frac{1 - \frac{\sqrt{3}}{2}}{2}} = \sqrt{\frac{2 - \sqrt{3}}{3}} = \sqrt{\frac{2 - \sqrt{3}}{3}}$

2) Запишем ~~уравнение~~ К-М гнв состояний 1 и 2:

$p_1 v_1 = \nu R T_1$

$p_2 v_2 = \nu R T_2$

$\frac{p_2 v_2}{p_1 v_1} = \frac{T_2}{T_1} = \frac{p_2}{p_1} \cdot \frac{v_2}{v_1} = \sqrt{\sqrt{3} + 2} \cdot \sqrt{\frac{2 - \sqrt{3}}{3}} =$

$= \sqrt{\frac{4 - 3}{3}} = \sqrt{\frac{1}{3}} = \frac{\sqrt{3}}{3}$ , тогда  $\frac{T_1 - T_2}{T_2} = \frac{T_1}{T_2} - 1 =$

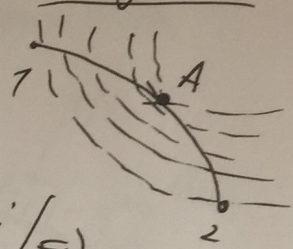
$= \frac{3}{\sqrt{3}} - 1 = \sqrt{3} - 1 \approx 0,73$ .

3) Рассмотрев график, можно заметить, что вначале график пересекает изотермы под углом, т.е. температура возрастает, но ~~температура~~ в какой-то момент график дважды пересечёт или можно сказать касаться изотермы, и начнёт пересекать изотермы в обратном порядке, пусть данная нам точка будет точкой А. Для нам и нужна гнв ответа на 2-ой вопрос

Устройство

Рисунок.

Температура в точке  $A = 0, c_A = 0$ .  
 4) По графику видно, что в точке  $A$  будет максимальная температура.



$T_A = \max.$

Рассмотрим процесс  $2 \rightarrow 1$ ;  $Q_{21} \rightarrow 0$ ;  $\int \delta Q$   
 по I н. Т.Т.:  $A_{21} + \Delta U_{21} = Q_{21}$

$\Rightarrow A_{21} + \Delta U_{21} = 0$ ;  $A_{21} = -S_{21} p_0 V_0$

$\Delta U_{21} = -S_{21} p_0 V_0$   $p_0 V_0$   $\Rightarrow$   $\frac{3}{2} \nu R (T_1 - T_2) = -S_{21} p_0 V_0$   $\Rightarrow$   $S_{21} = \frac{3}{2} \nu R \frac{T_1 - T_2}{p_0 V_0}$

~~$S_{21} = \frac{p_2^2 - p_1^2}{2 p_0^2} + \frac{V_2^2 - V_1^2}{2 V_0^2} = R^2$~~   
 ~~$R^2 = \frac{p_2^2 - p_1^2}{2 p_0^2} + \frac{V_2^2 - V_1^2}{2 V_0^2}$~~   
 ~~$S_{21} = \frac{p_2^2 - p_1^2}{2 p_0^2} + \frac{V_2^2 - V_1^2}{2 V_0^2}$~~

$S = \frac{1}{2} \cdot \frac{V_1}{V_0} \cdot \frac{p_1}{p_0} = \frac{p_1 V_1}{2 p_0 V_0}$

~~$\frac{\pi R^2}{24} = \frac{\pi R^2}{6}$~~   
 $S' = \frac{1}{24} \cdot \frac{\pi R^2}{\pi R^2} - \frac{V_2}{V_0} \cdot \frac{p_2}{p_0} \cdot \frac{1}{2} =$   
 $= \frac{1}{24} - \frac{p_2 V_2}{2 p_0 V_0}$

$S_{21} = \frac{\pi R^2}{6} - \frac{p_1 V_1}{2 p_0 V_0} - \frac{\pi R^2}{24} + \frac{p_2 V_2}{2 p_0 V_0} = \pi R^2 \left( \frac{1}{6} - \frac{1}{24} \right) + \frac{p_2 V_2 - p_1 V_1}{2 p_0 V_0}$   
 $\frac{3}{2} \nu R (T_1 - T_2) = \left( \pi R^2 \left( \frac{1}{6} - \frac{1}{24} \right) + \frac{p_2 V_2 - p_1 V_1}{2 p_0 V_0} \right) p_0 V_0$

5)  $\eta = \frac{Q_H - Q_X}{Q_H} = \frac{Q_{1A} + Q_{A2}}{Q_{1A}} = 1 + \frac{Q_{A2}}{Q_{1A}}$ ;  $Q_{A2} < 0$ ;  $Q_{1A} > 0$

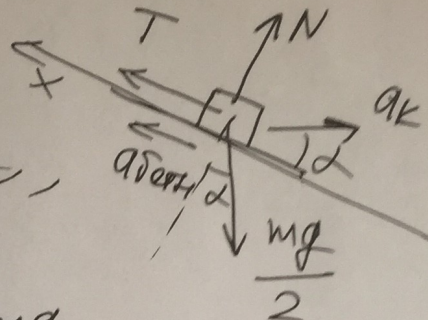
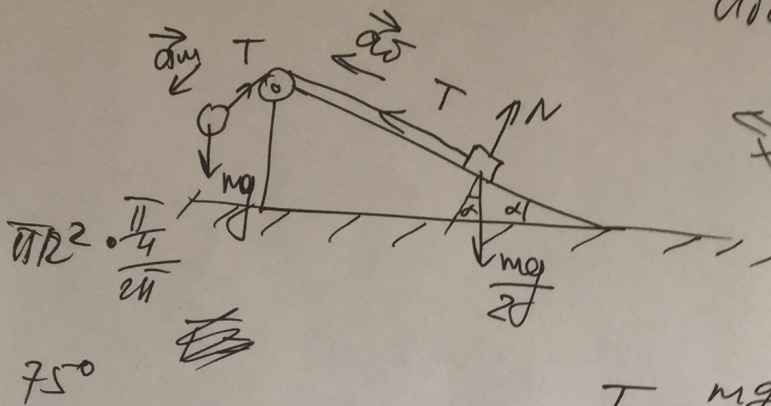
$2 \nu R (T_1 - T_2) = \frac{\pi R^2}{24} \cdot \frac{p_0 V_0}{8} = \frac{\pi p_0 V_0}{8} \left( \frac{p_1^2}{p_0^2} + \frac{V_1^2}{V_0^2} \right)$

$R^2 = \frac{p^2}{p_0^2} + \frac{V^2}{V_0^2}$   $\Rightarrow$   $R^2 = \frac{V^2 R^2 + 2}{V^2 p_0^2} + \frac{V^2}{V_0^2}$   
 $R^2 \cdot V^2 p_0^2 = V^2 R^2 + 2 + \frac{V^4}{V_0^2} p_0^2$   
 $V^2 R^2 T^2 = R^2 V^2 p_0^2 - \frac{V^4}{V_0^2} p_0^2 = V^2 p_0^2 \left( R^2 - \frac{V^2}{V_0^2} \right)$

$\Rightarrow$   $1/\sqrt{3} - 1 \approx 0,73$

Чертовик.

$$\vec{a}_{abc} = \vec{a}_{bcH} + \vec{a}_k$$



$$T - \frac{mg}{2} \sin \alpha = \frac{m}{2} a_{bcH} - \frac{m}{2} a_k \cos \alpha$$

$$h_1(t) + h_2(t) = \text{const}$$

$$v_1(t) - v_2(t) = 0$$

$$a_1(t) = a_2(t)$$

$$a_1(t) = a_2(t)$$

Пролупуа:

$$16g - 25 =$$

$$= 144$$

$$A = \Delta y$$

$$p \Delta V = \frac{3}{2} \nu R \Delta T$$

$$m a_k \cos \beta = mg \sin \beta$$

$$a_k = g \tan \beta$$

$$\cos^2 15^\circ =$$

$$2 \cos^2 15^\circ - 1 = \cos 30^\circ$$

$$\cos 15^\circ = \sqrt{\frac{\cos 30^\circ + 1}{2}}$$

# Часть 2

Олимпиада: **Физика, 11 класс (2 часть)**

Шифр: **21202950**

ID профиля: **101567**

Вариант 7



№3

Дано:

$C_1 = C$

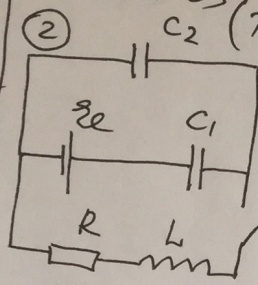
$C_2 = 4C$

$\{R; L\}$

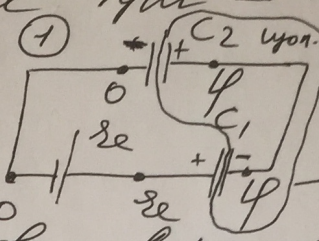
- 1)  $I_L(0) = ?$
- 2)  $Q = ?$
- 3)  $I_R(0) = ?$

Решение.

1) Рассмотрим цепь в установившемся состоянии при  $I = K$ .



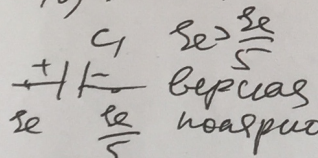
(Тогда сила тока на конденсаторах = 0 в уст. режиме)



метод потенциалов.

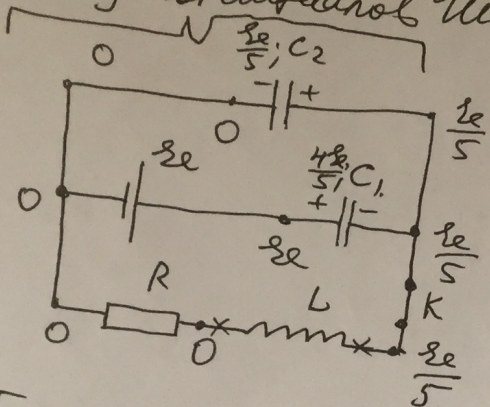
По условию ~~в момент~~ перед сборкой цепи конденсаторы были незаряжены, тогда общий начальный заряд = 0.

2) Выберем произвольные полярности конденсаторов, как на рисунке (1), тогда по стр. нач. зарядов на конденсаторах  $U_2(0) = \varphi_+ - \varphi_- = \varphi - 0 = \varphi$   
 $* U_1(0) = \varphi_+ - \varphi_- = \varphi_e - \varphi$ ;  $Q_2(0) = C_2 U_2(0) = C_2 \varphi = 4C\varphi$   
 $Q_1(0) = C_1 U_1(0) = C_1 (\varphi_e - \varphi) = C\varphi_e - C\varphi$ . Заметим

3C3 для цитированной области:  $Q_2(0) - Q_1(0) = 0$   
 $Q_2(0) = Q_1(0); C\varphi_e - C\varphi = 4C\varphi; \varphi = \frac{\varphi_e}{5}$ , тогда  
 вершая полярность

3) Рассмотрим момент сразу после замыкания ключа  $K$ . Напряжения на конденсаторах скачком не меняются, тогда  $U_1(0) = \varphi_e - \varphi = \varphi_e - \frac{\varphi_e}{5} = \frac{4\varphi_e}{5}$ ;  $U_2(0) = \varphi = \frac{\varphi_e}{5}$ . (По замкнутому ключу тоже сохраняется).  
 И катушкой ~~напряжения нет, т.к. катушка не имеет~~  
~~А~~ установившегося режима напряжения на катушке = 0, т.к. ток не идет т.к. ключ разомкнут, то ток на катушке тоже = 0А.  
 Сила тока на катушке скачком не меняется, тогда  $I_L(0) = 0A$ . Распишем потенциал в цепи см. рис. (3).  $W(0) = \frac{C_1 U_1^2(0)}{2} + \frac{C_2 U_2^2(0)}{2} + \frac{L I_L^2(0)}{2} = \frac{C}{2} \cdot \frac{16\varphi_e^2}{25} + \frac{4C}{2} \cdot \frac{\varphi_e^2}{25} = \frac{20C\varphi_e^2}{50} = \frac{2}{5} C\varphi_e^2$ .

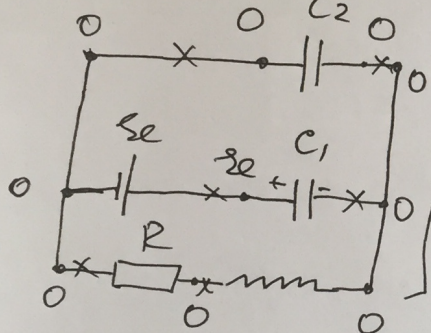
Метод потенциалов Чистовик



4) По пункту 3  $I_L(0) = 0A$ ; тогда ток на резисторе тоже будет нуль, т.к. они подключены последовательно, тогда по Закону Ома  $U_R(0) = I_R(0) \cdot R = 0 \cdot R = 0V$ .

Тогда мы можем определить  $U_L(0) = \frac{\epsilon}{5} - 0 = \frac{\epsilon}{5}$ ;  
 $U_L(0) = I'_L(0) \cdot L \Rightarrow I'_L(0) = \frac{U_L(0)}{L} = \frac{\epsilon}{5L}$ .

5) Рассмотрим установившийся режим в цепи при  $t \rightarrow \infty$ . Тогда в установившемся режиме сила тока на конденсаторах  $= 0$ , т.е.  $I_{C1}(t_{уст}) = I_{C2}(t_{уст}) = 0A$ , а у катушки в установившемся режиме напряжение  $= 0V$ , т.е.  $U_L(t_{уст}) = 0V$ .

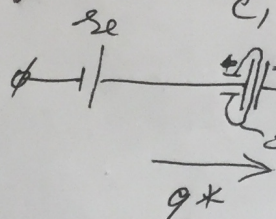


метод потенциалов.

т.к. тогда через  $C_1$  и  $C_2$  нет, то получаем, что тогда через резистор тоже, нет по  $\Sigma C$ :  $I_R(t_{уст}) = 0 + 0 = 0A$ .

тогда напряжение на резисторе  $U_R(t_{уст}) = I_R(t_{уст}) \cdot R = 0$ ,  
 $I_L(t_{уст}) = I_R(t_{уст}) = 0A$  (последовательное соединение),  
 $U_{C2}(t_{уст}) = U_+ - U_- = 0 - 0 = 0V$   
 $U_{C1}(t_{уст}) = U_+ - U_- = \epsilon - 0 = \epsilon$ , тогда  $W(t_{уст}) = \frac{L \cdot I_L^2(t_{уст})}{2} + \frac{C_1 U_1^2(t_{уст})}{2} + \frac{C_2 U_2^2(t_{уст})}{2} = \frac{L \cdot 0^2}{2} + \frac{C_1 \cdot \epsilon^2}{2} + 0 + 0 = \frac{C \epsilon^2}{2}$ ;

6) Подсчитаем работу источника:



$q^* = C \epsilon - \frac{4C \epsilon}{5} = \frac{C \epsilon}{5}$   
 заряд был  $C_1 U_1(0) = \frac{4C \epsilon}{5}$  (сразу после замыкания)  
 стал  $C_1 U_1(t_{уст}) = C \epsilon$  (в уст. состоянии)

Тогда работа источника  $A_{\text{д}} = \epsilon q^* = \frac{C \epsilon^2}{5}$

7) Запишем закон сохранения энергии для цепи:

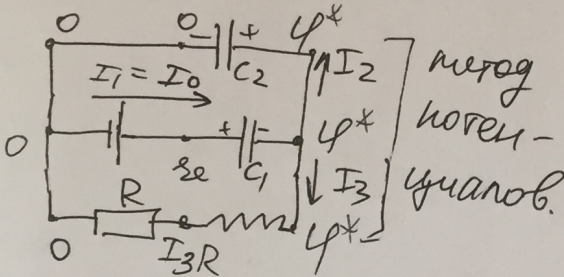
$$A\delta = \Delta W + Q$$

$$Q = A\delta - (-W(t_0) + W(t_{\text{выс}})) = \frac{C\epsilon e^2}{5} \left( -\frac{2C\epsilon e^2}{5} + \frac{C\epsilon e^2}{2} \right) =$$

$$= \frac{C\epsilon e^2}{5} + \frac{2C\epsilon e^2}{5} - \frac{C\epsilon e^2}{2} = -\frac{C\epsilon e^2}{2} + \frac{3C\epsilon e^2}{5} = C\epsilon e^2 \left( \frac{1}{2} + \frac{3}{5} \right) =$$

$$= 0,8 C\epsilon e^2 = \frac{4 C\epsilon e^2}{5}$$

8) Рассмотрим промежуточный момент времени  $t = \tau$ , когда  $I_1 = I_0$ .



ЗСЭ:  $\frac{C\epsilon U_1^2(t)}{2} + \frac{C\epsilon U_2^2(t)}{2} + \frac{L I_3^2}{2} =$

$$= \frac{C\epsilon}{2} \left( \frac{\epsilon e^2}{2} + 4C \cdot (\epsilon e - U)^2 \right) + \frac{L I_3^2}{2}$$

$$W(t_0) = \frac{2}{5} C\epsilon e^2$$

$$\Delta W + Q - A\delta = 0$$

$$W(t) - W(t_0) + Q - A\delta = 0$$

$$W(t) - W(t_0) + W(t) + Q - A\delta - W(t_0) = \text{const}$$

$$W'(t) + Q - A\delta = \text{const} = 0$$

$$U_1 = \epsilon e - \phi^*$$

$$U_2 = \phi^* - 0 \Rightarrow U_1 + U_2 = \epsilon e$$

$$q_1 = C\epsilon U_1$$

$$q_2 = C\epsilon U_2 \Rightarrow U_1' + U_2' = 0$$

$$U_1' = \frac{I_1}{C_1}, U_2' = \frac{I_2}{C_2}$$

$$\frac{d}{dt} \left( \frac{C\epsilon U_1^2}{2} + \frac{C\epsilon U_2^2}{2} + \frac{L I_3^2}{2} \right) + P_R - P_{\delta} = 0$$

$$q_1(t) \cdot U_1'(t) + q_2(t) \cdot U_2'(t) + U_L \cdot I_3(t) + P_R - P_{\delta} = 0$$

$$C_1 U_1'(t) = I_1(t)$$

$$U_1(t) I_1(t) + U_2(t) I_2(t) + U_L I_3(t) + I_3^2 R - \epsilon e I_0(t) = 0$$

$$U_1(t) I_1(t) + U_1(t) \cdot I_0 + U_2(t) (I_0 - I_3) + U_L I_3 + I_3^2 R - \epsilon e I_0 = 0$$

$$I_0 (U_1(t) + U_2(t)) - I_3 U_2(t) + U_L I_3 + I_3^2 R - \epsilon e I_0 = 0$$

$$U_L I_3 + I_3^2 R - I_3 U_2(t) = 0$$

$$U_2(t) + I_3 R = 0$$

$$\frac{I_1}{C} + \frac{I_2}{4C} = 0 \cdot 4C$$

$$I_2 = -4I_1 = -4I_0, 3H.$$

$$I_2 \text{ в opposite сторону.}$$

Ответ: 1)  $\frac{\epsilon e}{5L}$ ; 2)  $\frac{C\epsilon e^2}{10}$ ; 3)  $5I_0$ .

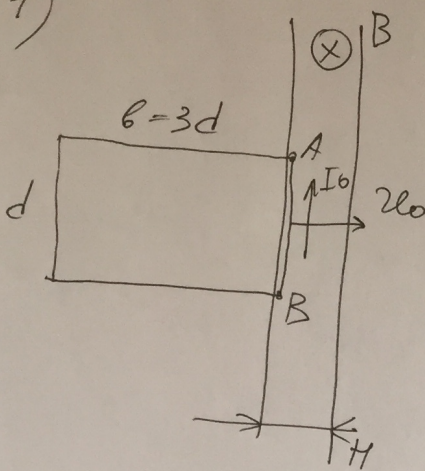
$$I_3 = I_1 + I_2 = 4I_0 + I_0 = 5I_0$$

№4

Решение

Дано:  $m, d, b=3d$   
 $U_0, R, B;$   
 $H = \frac{d}{5}$

- 1)  $a_0 = ?$
- 2)  $U_1 = ?$
- 3)  $U_2 = ?$

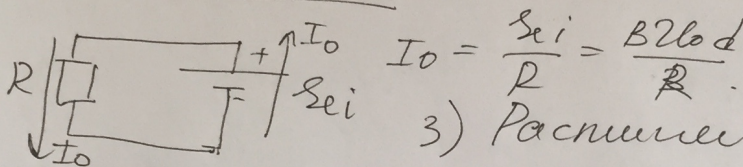


Сразу после вхождения в рамку none, в none находится только стержень AB, он движется со скоростью  $U_0$  тогда в нем возникает  $\mathcal{E}_i$

$\vec{U}_0 = \xi_i \vec{F}_{Лоренца}$  - продольная составляющая силы Лоренца обусловленная движением стержня.

$$\xi_i = B U_0 d \sin 90^\circ = B U_0 d$$

2) Получаем уравнение:

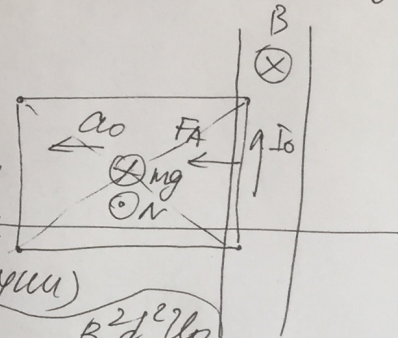


3) Рассмотрим силы действующие на рамку, тогда

тогда

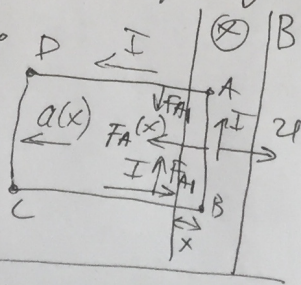
$$F_A = B I_0 d \sin 90^\circ = B I_0 d = \frac{B^2 d^2 U_0}{R}$$

направлен по направлению силы левой руки



23H: x:  $F_A = m a_0; a_0 = \frac{F_A}{m} = \frac{B^2 d^2 U_0}{R m}$

4) Рассмотрим момент, когда рамка зашла в поле на  $x; x \leq H$  и со скоростью  $U$ .



В стержнях AD, BC не возникает  $\mathcal{E}_i$ , т.к.  $F_{Лоренца}$  - прод. сост. сил. А обуслов. движ. стержня направлена не вдоль стержня, а впер.  $F_{Лоренца}$

Тогда мы получаем, что движущих стержней не остается и уравнение не пишется, сила тока будет равна же  $I_0 = \frac{B^2 d^2 U}{R}$  Все аналогично пунктам 1, 2, 3, но

со скоростью  $v$ . Числовик

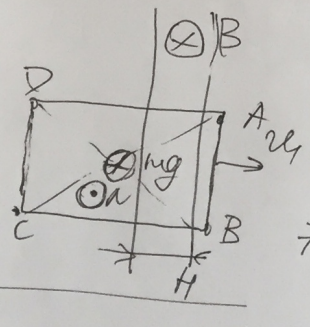
5) Запишем силы действующие на рамку.  
 $F_A = B \times I$ , но эти силы взаимно уничтожаются, поэтому они нам не интересуют.

ЗН:  $x$ :  $F_A(x) = ma(x)$   
 $\frac{B \Delta l(x) d}{R} = ma(x)$ ;  $\frac{B \Delta S(x) d}{dt} = mR \frac{\Delta l(x)}{\Delta t}$  (\*)

Расширяем (\*) от  $x=0$  до  $x=H = \frac{d}{5}$ ;

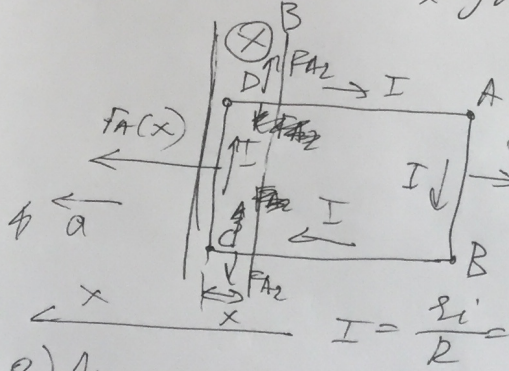
~~$\sum B \Delta x d$~~   $\sum B \Delta x d = \sum mR \Delta l x$   
 $Bd \sum \Delta x = mR \sum \Delta l x$   
 $Bd(H-0) = mR(-l_1 + l_0)$   
 $Bd \cdot \frac{d}{5} = mR(l_0 - l_1)$ ;  $\frac{Bd^2}{5mR} = l_0 - l_1$   
 $l_1 = -\frac{Bd^2}{5mR} + l_0$

6) После момента, когда  $l(x) = l_1$ , стержень АВ выскочит из поля, но стержень CD ещё не выскочит, а в рамке стержни AD и BC не будет  $\mathcal{E}_i$  (см. п.4), тогда框架 будет вращаться  $\Rightarrow$  точка в рамке не вращается, тогда на рамку не действуют силы Ампера, а только сила тяжести  
 Тогда  $\vec{R} = \vec{0} \Rightarrow \vec{M} = 0 \Rightarrow \vec{a} = 0 \Rightarrow$

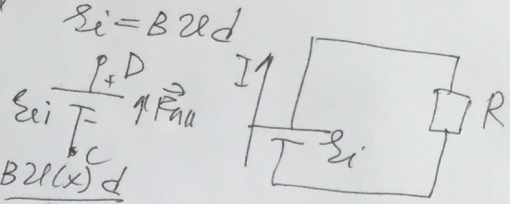


$\Rightarrow \vec{v} = const$ , тогда рамка движется равномерно и прямолинейно до момента, когда стержень CD выскочит в поле.

7) Теперь рассмотрим выход рамки из поля, когда в поле осталась  $x$  граница рамки:



Тогда аналогично стержню AB в пункте 4:  $\mathcal{E}_i = B \Delta l d$



$I = \frac{\mathcal{E}_i}{R} = \frac{B \Delta l(x) d}{R}$

8) Аналогично пункту 4:  $F_{A2} = B I x$ ; ЗН:  $x$ :  $F_A(x) = ma(x)$

$$\frac{B \mathcal{L}(x) d}{R} = m \frac{\Delta \mathcal{L}(x)}{\Delta t}$$

$$-B \frac{\Delta x}{\Delta t} d = m R \frac{\Delta \mathcal{L}(x)}{\Delta t} \quad | \cdot \Delta t$$

$$(\Delta \mathcal{L}(x) = -\Delta x)$$

$$-B \Delta x d = m R \Delta \mathcal{L}(x) \quad (*)$$

Просуммируем  $(*)$  от  $H$  до  $0$ :

$$\sum -B \Delta x d = \sum m R \Delta \mathcal{L}(x)$$

$$-B d \sum \Delta x = m R \sum \Delta \mathcal{L}(x)$$

$$-B d (0 - H) = m R (-\mathcal{L}_2 + \mathcal{L}_1)$$

$$B d H = m R (-\mathcal{L}_2 + \mathcal{L}_1)$$

$$\frac{B d^2}{5 m R} = \mathcal{L}_1 - \mathcal{L}_2; \quad \mathcal{L}_2 = \mathcal{L}_1 - \frac{B d^2}{5 m R}$$

$$= \mathcal{L}_0 - \frac{2 B d^2}{5 m R}$$

Ответ: 1)  $\frac{B^2 d^2 \mathcal{L}_0}{m R}$ ; 2)  $\mathcal{L}_0 - \frac{B d^2}{5 m R}$ ; 3)  $\mathcal{L}_0 - \frac{2 B d^2}{5 m R}$ .

№5

Числовик

Страница 7

Дано:

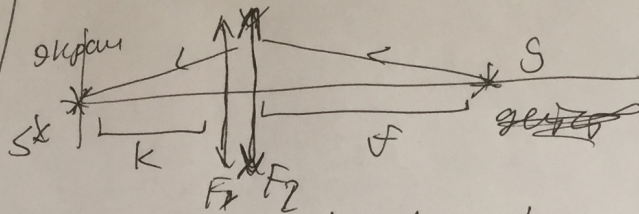
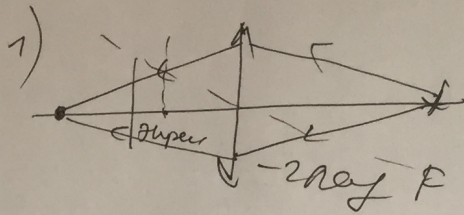
$$D_1 = 3$$

$$D_2 = ?$$

$$S = 25 \text{ см}; S_2 = 50 \text{ см}$$

1)  $v = ?$   
 $D_1 = ?$

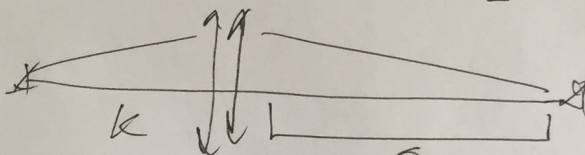
2)  $D_3 = ?$



$$D_{\text{об}} = \frac{1}{F_2} + \frac{1}{F_2} = \frac{1}{F_{\text{об}}} \text{ см}$$

Делать по  $n$  и  $U, S, S_2$ , тогда  $\frac{1}{F_{\text{об}}}$  сов. мнж,  $\frac{1}{k}$  -  $\frac{1}{F}$  сов.

$$\frac{1}{F_{\text{об}}} = \frac{1}{k} + \frac{1}{F} = \frac{1}{F} + \frac{1}{F_2}$$



$$\frac{1}{F} + \frac{1}{F_1} = \frac{1}{k}$$

$$\frac{1}{F} = \frac{1}{F_2} - \frac{1}{F_1} = D_2 - D_1 = \frac{1}{F}$$

$$D_1 = 3 D_2$$

$$D_1 - D_2 = \frac{1}{3} D_1$$

$$\frac{2}{3} D_1 = \frac{1}{F}$$

$$D_1 = \frac{3}{2F}$$

Пределы амплитуды <sup>через</sup> и пределы расстояний, на которых человек четко видит предметы.

$$I_0 = q_1' = (C U_1)' = C \cdot U_1'$$

$$I_2 = C_2 \cdot U_2' \quad \text{суд: } C$$

$$U_L' = I_3' \cdot L$$

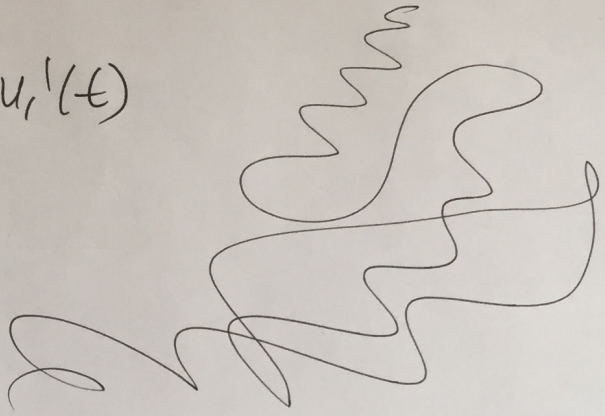
$$U_R = IR \quad P_R = UI = I^2 R$$

$$U_1^2(t)' = 2 \cdot U_1(t) \cdot U_1'(t)$$

$$U_1 = \frac{q_1}{e}$$

$$I_3' = \frac{U}{L}$$

$$U_R = IR$$



$$U_R + U_L = IR + I' \cdot L = \frac{dq}{dt} R + \frac{dIL}{dt} L =$$

$U = I_3 R +$

$U_L = I' L$

$U_2 + U_1 = U_L + I_3 R$

$\frac{I_0}{C_1} = U_1' = U_L' + I_3' R$

$U_2 = U_0 + U_1$

$U_2' = U_1'$

$\frac{I_0}{C_1} = \frac{I_2}{C_2}$

