

Часть 1

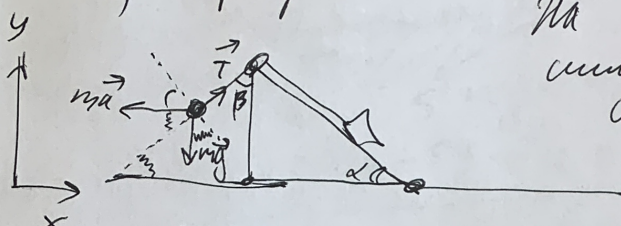
Олимпиада: **Физика, 11 класс (1 часть)**

Шифр: **21201781**

ID профиля: **860943**

Вариант 8

1) Материал в виде шарика висит.
 На шарик действует сила тяжести $F_{тяж}$ и сила реакции T и сила, связанная с переходом в центростремительное $CO = ma$.



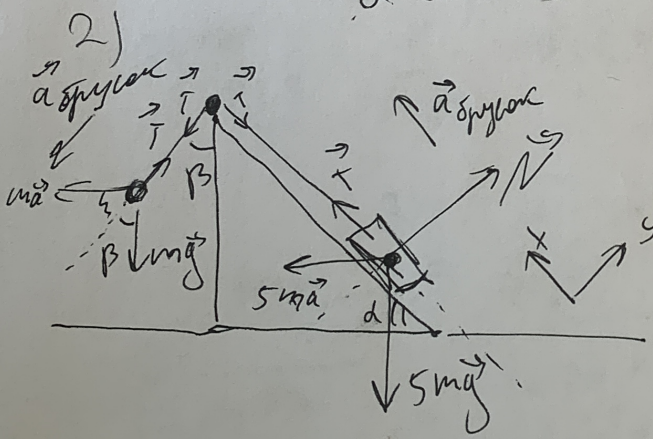
Угол β постоянен \Rightarrow $\omega = \text{const}$ \Rightarrow проекция ma на касательную \perp кинем, $= 0$, т.е.:

$$ma \cdot \cos \beta - mg \cdot \cos(90 - \beta) = 0 \Leftrightarrow$$

$$a = g \frac{\cos(90 - \beta)}{\cos \beta} = g \frac{\sin \beta}{\cos \beta} = g \frac{\sqrt{1 - \frac{25}{769}}}{\frac{5}{73}} = g \cdot \frac{12}{5} \approx$$

$70 \cdot \frac{12}{5} = 24 \text{ м/с}^2$

Ответ: $a \approx 24 \text{ м/с}^2$
 $a = g \cdot \frac{12}{5}$



Относительно CO шарика,
 \perp z -к \perp касательной дуги $+ 5ma \cos \alpha$
 $OX: T - 5mg \cdot \sin \alpha = 5ma_{\text{брусок}}$

невероятно и неадекватно

\perp z -к \perp касательной дуги шарика:

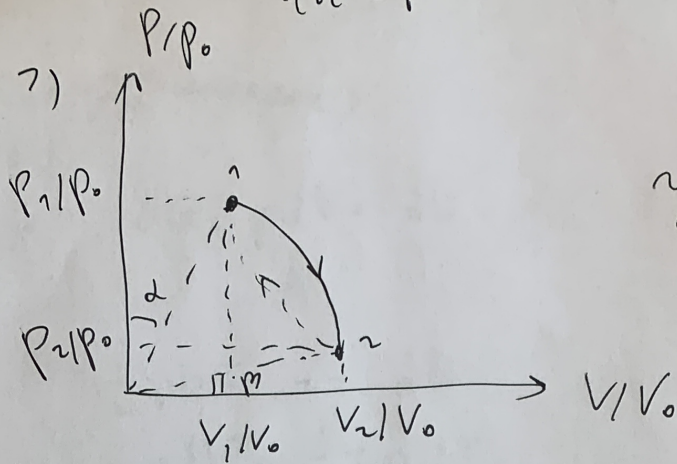
$$ma \sin \beta + mg \cos \beta - T = ma_{\text{брусок}}$$

$$\begin{cases} T - 5mg \sin \alpha = 5ma_{\text{брусок}} \\ ma \sin \beta + mg \cos \beta - T = ma_{\text{брусок}} \end{cases} \Leftrightarrow$$

сила тяжести шарика, действующая в сторону z или на шарик и на брусок равны, ибо нет \perp касательной дуги и шарика \perp по модулю в этот момент система так же равна

4u CT 0 Buk

2.



$d = 22,5^\circ$
 $\beta = 15^\circ$

укажите значения мерквелба:

$$\begin{cases} P_1 V_1 = \nu R T_1 \\ P_2 V_2 = \nu R T_2 \end{cases}$$

Для точек

$$\begin{cases} P_1/P_0 = \nu \cos \alpha \\ P_2/P_0 = \nu \sin \beta \\ V_1/V_0 = \nu \sin \alpha \\ V_2/V_0 = \nu \cos \beta \end{cases}$$

где ν - постоянная для газа.

$$T_1 = \frac{P_1 V_1}{\nu R} \quad T_2 = \frac{P_2 V_2}{\nu R} \Leftrightarrow$$

$$\frac{T_1 - T_2}{T_2} = \frac{P_1 V_1 - P_2 V_2}{P_2 V_2} = \frac{\frac{P_1 V_1}{P_0 V_0} - \frac{P_2 V_2}{P_0 V_0}}{\frac{P_2 V_2}{P_0 V_0}}$$

$$= \frac{\nu \cos \alpha \cdot \nu \sin \alpha}{\nu \cos \beta \cdot \nu \sin \beta} - 1 = \frac{\nu \cos \alpha \sin \alpha}{\nu \cos \beta \sin \beta} - 1 = \frac{\sin 45^\circ}{\sin 30^\circ} - 1 =$$

$$= \frac{1}{\frac{1}{2}} - 1 = 2 - 1 = 1$$

Ответ: $\frac{T_1 - T_2}{T_2} = 1$

2) Для воздуха... (text is mostly illegible due to handwriting)

ЧТО БУК

(2)

7. (преобразование)

$$ma \sin \beta + mg \cos \beta - 5mg \sin \alpha = 6m a_{\text{спусок}} \Leftrightarrow$$

$$a_{\text{спусок}} = \cancel{a \sin \beta + g \cos \beta - 5g \sin \alpha}$$

$$= g \cdot \frac{12}{5} \cdot \frac{12}{13} + g \cdot \frac{5}{13} - 5g \cdot \frac{4}{5} = g \frac{144 + 25 - 260}{65} = g \frac{144 + 25 - 260}{65 \cdot 6}$$

$$ma \sin \beta + mg \cos \beta - 5mg \sin \alpha + 5m a \cos \alpha = 6m a_{\text{спусок}} \Leftrightarrow$$

$$a_{\text{спусок}} = \frac{a \sin \beta + g \cos \beta - 5g \sin \alpha + 5a \cos \alpha}{6}$$

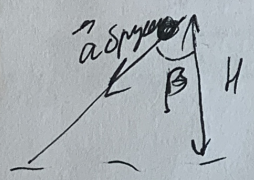
$$= \frac{g \cdot \frac{12}{5} \cdot \frac{12}{13} + g \cdot \frac{5}{13} - 5g \cdot \frac{4}{5} + 5g \cdot \frac{12}{5} \cdot \frac{3}{5}}{6}$$

$$= g \frac{144 + 25 - 260 + 468}{5 \cdot 13 \cdot 6} = g \frac{377}{5 \cdot 13 \cdot 6} = g \frac{377}{390} \approx 9,7 \text{ м/с}^2$$

Ответ: $a_{\text{спусок}} \approx 9,7 \text{ м/с}^2$
 $a_{\text{спусок}} = \frac{377}{390} g$

3)

Материю радио преобразоване рассмотрим



$\frac{H}{\cos \beta}, v(t=0) = 0, a_{\text{матр}} = \text{const} = a_{\text{спусок}} = g \frac{377}{390}$

$$\frac{a_{\text{спусок}} t^2}{2} = \frac{H}{\cos \beta} \Leftrightarrow t = \sqrt{\frac{H}{\cos \beta} \cdot \frac{2}{a_{\text{спусок}}}}$$

$$t = \sqrt{\frac{2H \cdot 13}{5 \cdot g \cdot \frac{377}{390}}} = \sqrt{\frac{26 \cdot 78 H}{377 g}} = \sqrt{\frac{2028 H}{377 g}}$$

Answer: $a = \frac{12}{5} g; a_{\text{спусок}} = \frac{377}{390} g; t = \sqrt{\frac{2028 H}{377 g}}$

2. (изогорическая)

2)

$$\delta Q = p dV + du = c dT \quad (1)$$

$$u = \frac{i}{2} \nu R T \Rightarrow du = \frac{i}{2} \nu R dT$$

$$\delta Q = p dV + \frac{i}{2} \nu R dT = c dT$$

Как изопроцесс монотонный, где $c = 0 \Rightarrow$

$$p dV + \frac{i}{2} \nu R dT = 0$$

Тогда так $pV = \nu R T \Rightarrow \nu R dT = d(pV) = p dV + dpV$

Тогда уравнение - монотонное.

$$p dV + \frac{i}{2} (p dV + dpV) = 0 \Rightarrow$$

$i = 5$, но раз
гиперпараметры

$$p dV + \frac{5}{2} p dV + \frac{5}{2} dpV = \frac{7}{2} p dV + \frac{5}{2} dpV = 0 \Rightarrow \frac{p}{V} = -\frac{5}{7} \frac{dp}{dV} \quad (1)$$

Переходим к уравнению состояния:

$$\left(\frac{p}{p_0}\right)^2 + \left(\frac{V}{V_0}\right)^2 = const \Rightarrow \frac{p dp}{p_0^2} + \frac{V dV}{V_0^2} = 0 \Rightarrow$$

$$\frac{p}{V} = -\frac{dV}{dp} \cdot \frac{p_0^2}{V_0^2} \quad (2)$$

Тогда нам монотонно уравнение (1), (2):

$$\frac{p}{V} = -\frac{5}{7} \frac{dp}{dV} \quad (1)$$

$$\frac{p}{V} = -\frac{p_0^2}{V_0^2} \frac{dV}{dp} \quad (2)$$

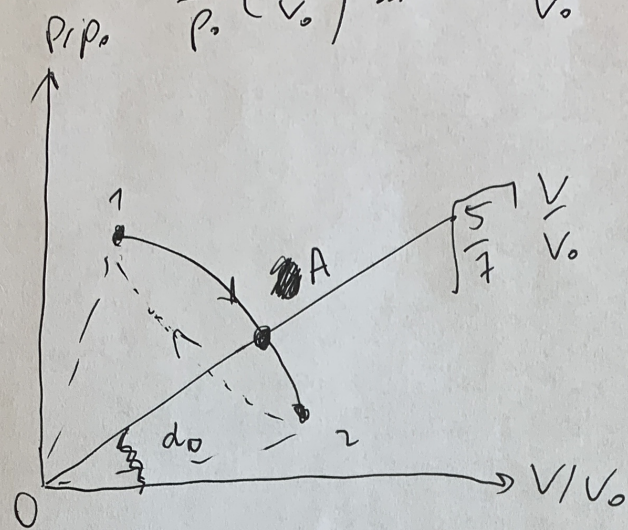
$$\frac{p^2}{V^2} = \frac{5}{7} \frac{p_0^2}{V_0^2} \Rightarrow \frac{p}{p_0} = \frac{V}{V_0} \cdot \sqrt{\frac{5}{7}}$$

Итак, мы получили формулу для уравнения p и V изопроцесса монотонного.

2. (продолжение) ЧУСТО ВУК

(5)

Получается, что она немалая как непрерывная
 массой $\frac{P}{P_0} \left(\frac{V}{V_0} \right) = \frac{V}{V_0} \left(\frac{5}{7} \right)$ и многократно окр.



||
 К какой массе $\approx \text{tg } d_0$

$$\text{tg } d_0 = \sqrt{\frac{5}{7}} \approx$$

$$d_0 = \arctg \left(\sqrt{\frac{5}{7}} \right) \approx$$

$$\approx 40,2^\circ.$$

При этом эта масса непрерывно увеличивается,
 ибо $d_0 \in [75^\circ; (90^\circ - 22,5^\circ)]$.

Итого: $d_0 \approx 40,2^\circ$
 $\text{tg } d_0 = \sqrt{\frac{5}{7}}$

3) $\eta = \frac{Q_+}{Q_-}$ где Q_+ - полезная масса,
 Q_- - совершенные работы.

На участке 1-2 масса возрастает от точки 1
 до точки A, ибо в точке A имеем $\delta Q_2 = 0$.

На участке 2-1 масса возрастает на всем участке
 2-1, ибо Q_- , т.е. полезная работа в окр. среды,
 $= 0$ по условию. При этом $\frac{Q_+}{Q_-} = \frac{Q_+}{0}$
 $A = \dots$ $Q_+ - Q_-$ (но 3(3).)

Итого $\eta =$

~~Уравнение Бернулли~~

2. (по газовой динамике)

Как изменится угол вылета $\alpha \rightarrow 0$

$w = \frac{0 - C_p}{0 - C_w} = \frac{C_p}{C_w} = \frac{7}{5}$ в угле вылета

Можно считать или можно считать иначе

$\left(\frac{p}{p_0}\right)^2 + \left(\frac{v}{v_0}\right)^2 = \text{const} = \alpha^2$ — уравнение окружности

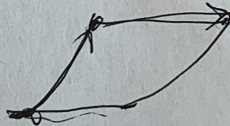
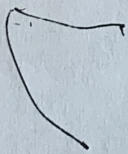
$\frac{p}{p_0} \cdot \left(\frac{v}{v_0}\right)^{\frac{7}{5}} = \text{const}$ — уравнение параболы

$\frac{p}{p_0} = \sqrt{\alpha^2 - \left(\frac{v}{v_0}\right)^2}$

$\sqrt{\alpha^2 - \left(\frac{v}{v_0}\right)^2} \cdot \left(\frac{v}{v_0}\right)^{\frac{7}{5}} = \text{const}$

$\frac{p}{p_0} = \sqrt{\alpha^2 - \left(\frac{v}{v_0}\right)^2}$

Уравнение



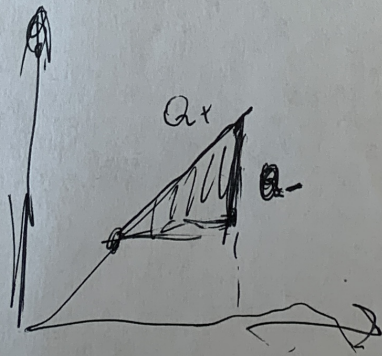
$a_+ - a_-$

26.782
- 26.80

25.78

327 =

2090-522 2022



6.5.73 = 290

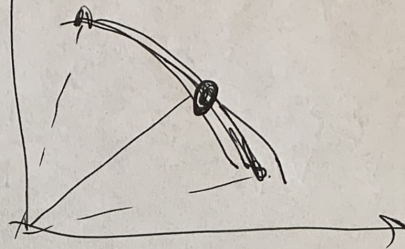
$744 - 269 - 260 + 36.77 = 269 - 260 = 9$

$= 269 + 708 = 977$

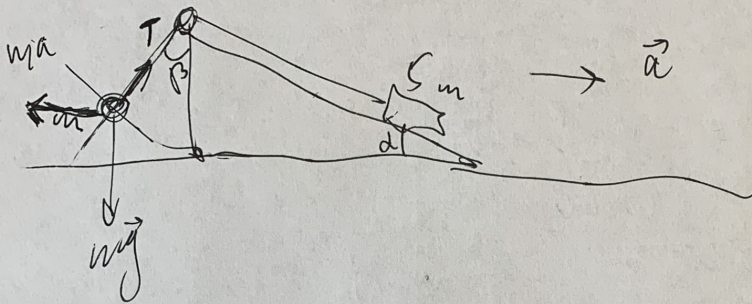
У.р.к.о. бур

$$\delta Q = p \Delta V + \cancel{p \Delta u}$$

Σ



$$\Delta u = \frac{m}{2} v^2$$



$$\delta Q = C \Delta T = \frac{m}{2} v^2 + p \Delta V$$

$$\Sigma \frac{v^2}{2}$$

$$25 + 64 =$$

$$12 \cdot 3 \cdot 13 = vRT = pV$$

$$= 36 \cdot 13 = vRT = pAV + p_p V$$

$$= 360 + 108 =$$

$$260 = 468$$

$$13 \cdot 13 = 169$$

$$169 - 25 = 144$$

$$20 \cdot 13 =$$

=

$$p \Delta V + p \Delta V + p_p \Delta V = 0$$

$$2 p \Delta V$$

$$65 \cdot 6 =$$

$$= 390$$

$$30 \cdot 13 = 390$$

$$2 p \Delta V + p_p \Delta V = 0$$

$$g \cdot \frac{12}{5} \cdot \frac{12}{13} =$$

$$= g \cdot \frac{169}{65} - \frac{20}{5} g =$$

=

$$\frac{390}{5} = 78$$

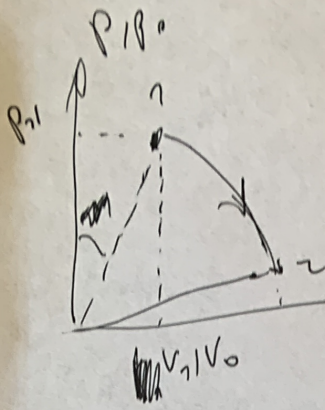
$$\frac{dp}{p} = - \frac{2dV}{V}$$

$$144 + 25 - 260 + 36 \cdot 13 =$$

$$= 169 - 260 + 360 + 108 =$$

$$= 169 + 100 + 108 = 377$$

$$208 + 169 = 377 \checkmark$$



$$\frac{7}{2} p dV_2 - \frac{5}{2} dp V_2 \Rightarrow p V_2^{\gamma} = \text{const}$$

$$\frac{7}{5} \frac{p}{V_2} dV_2 = - dp$$

θ_2

$$\frac{C - C_p}{C - C_v} = \gamma$$

$$\frac{7}{2} p dV_2 - \frac{5}{2} dp V_2 \Rightarrow$$

$$\frac{7}{5} \frac{p}{V_2} dV_2 = - dp$$

$$\gamma = \frac{C_p}{C_v} = \frac{7}{5}$$

$$p V^{\frac{7}{5}} = \text{const}$$

$$\frac{p}{p_0} \cdot \left(\frac{V}{V_0}\right)^{\frac{7}{5}} = \text{const}$$

$$\frac{p}{p_0} = \sqrt{2^2 - \left(\frac{V}{V_0}\right)^2}$$

$$\sqrt{2^2 - \left(\frac{V}{V_0}\right)^2} \cdot \left(\frac{V}{V_0}\right)^{\frac{7}{5}} = \text{const}$$

$$\left(\frac{p}{p_0}\right)^2 + \left(\frac{V}{V_0}\right)^2 = \text{const}$$

$$p = \sqrt{\frac{5}{7}} \frac{p_0}{V_0} \cdot V$$

$$2 \frac{p dp}{p_0} + \frac{2V dV}{V_0} = 0$$

$$\left(\frac{p}{p_0}\right)^2 + \left(\frac{V}{V_0}\right)^2 = 2^2$$

$$\frac{p dp}{p_0} = - \frac{V dV}{V_0}$$

$$\frac{p}{V} = - \frac{p_0}{V_0} \frac{dV}{dp}$$

Часть 2

Олимпиада: **Физика, 11 класс (2 часть)**

Шифр: **21201781**

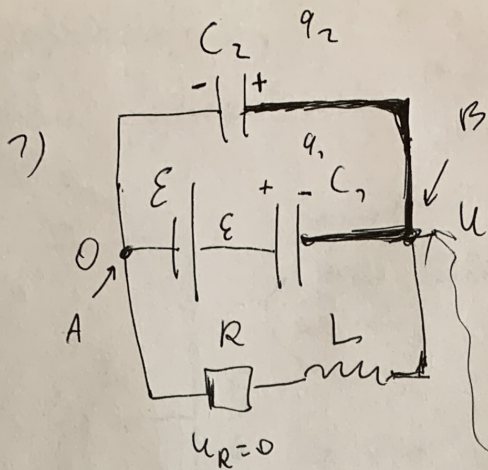
ID профиля: **860943**

Вариант 8

Циркуит

7

3.



Часть цепи замкнутая
 и тока нет в цепи 0,
 $U_R = 0$, ибо $U_R = IR \Rightarrow$

~~...~~
~~...~~
~~...~~ $L \frac{dI}{dt} = U$

Уже U - разность потенциалов между A и B до замкнутия цепи.

$$\begin{cases} U = \frac{q_2}{C_2} \\ \epsilon - U = \frac{q_1}{C_1} \\ q_2 = q_1 \end{cases} \Rightarrow$$

ЗСЗ на первом участке замкнутой до замкнутия цепи.

$$\begin{cases} U = \frac{q}{5C} \\ \epsilon - U = \frac{q}{C} \end{cases} \Rightarrow \frac{\epsilon - U}{U} = 5 \Rightarrow \epsilon - U = 5U \Rightarrow U = \frac{\epsilon}{6}$$

Тогда $L \frac{dI}{dt} = U = \frac{\epsilon}{6} \Rightarrow \frac{dI}{dt} = \frac{\epsilon}{6L}$

Ответ: $\frac{dI}{dt} = \frac{\epsilon}{6L}$ сразу после замыкания цепи

2) Нарисуй схему сразу после замыкания цепи и когда процесс уже установится.

УЧ ИТО ВУК
УЧ ИТО ВУК

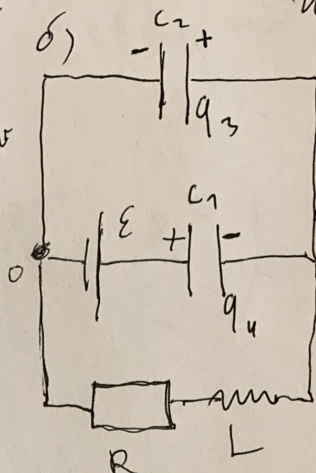
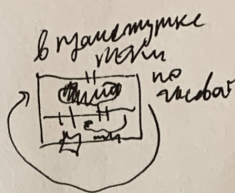
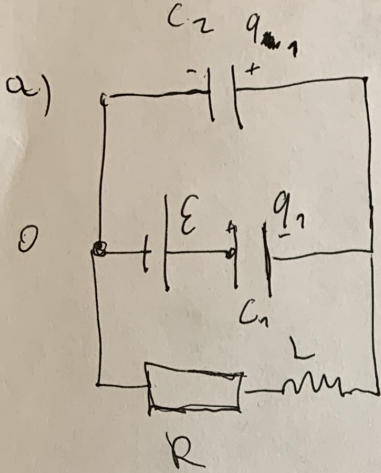
(2)

3. (невозможное)

Решим задачу

$$\frac{dI}{dt} = 0 \Rightarrow U_L = 0$$

и в момент времени



в цепи ток = 0

ибо нет замкнутого контура, не протекает ток через конденсатор

А если это будет меняться то это не учтено в уравнении

ЗЦЗ:

$$\epsilon \Delta q = \Delta W + Q \Rightarrow$$

↑ заряд, накопленный через источник.

$$\epsilon \Delta q = \frac{1}{2} \left(\frac{q_3^2}{C_2} - \frac{q_1^2}{C_2} + \frac{q_4^2}{C_1} - \frac{q_1^2}{C_1} \right) + R$$

~~Сложно~~

~~Условно из того, что ток не течет по любой цепи~~

$$\Delta q = q_4 - q_1$$

Заметим также, что $U_1 = 0$, ибо иначе на самом участке работы не совершается

$$U_R = 0, \quad U_L = 0, \quad \frac{dI}{dt} = 0$$

обобщим в виде формулы

$$\begin{aligned} \Delta q &= q_4 - q_1 \\ q_3 + q_4 &= 2q_1 \\ q_3 &= 0 \end{aligned}$$

3. (изогорические)

$$\Delta q_2 = q_4 - q_1$$

~~$$q_4 = 2 \cdot C \cdot \epsilon = \frac{5}{6} \epsilon C \cdot \frac{6}{5} = \frac{6}{5} q_1 \Leftrightarrow$$~~

~~$$q_4 = 2 \cdot C \cdot \epsilon = \frac{5}{6} \epsilon C \cdot \frac{6}{5} = \frac{6}{5} q_1 \Leftrightarrow$$~~

~~$$q_3 = 0 \cdot C \cdot \epsilon = 0$$~~

$$\epsilon \Delta q = \frac{1}{2} \left(\frac{q_3^2}{C_2} - \frac{q_1^2}{C_2} + \frac{q_4^2}{C_1} - \frac{q_1^2}{C_1} \right) + Q$$

~~$$q_4 = \frac{6}{5} q_1$$~~

~~$$q_3 = 0$$~~

~~$$\Delta q = \frac{1}{5} q_1$$~~

$$\epsilon q_1 = \frac{1}{2} \left(0 - \frac{q_1^2}{5C} + \frac{\left(\frac{6}{5}q_1\right)^2}{C} - \frac{q_1^2}{C} \right) + Q \Leftrightarrow$$

$$Q = \epsilon \cdot \frac{1}{5} q_1 - \frac{1}{2} \left(\frac{q_1^2}{5C} - \frac{q_1^2}{C} - \frac{q_1^2}{5C} \right) = \epsilon q_1 - \frac{1}{2} \left(\frac{q_1^2}{5C} \right)$$

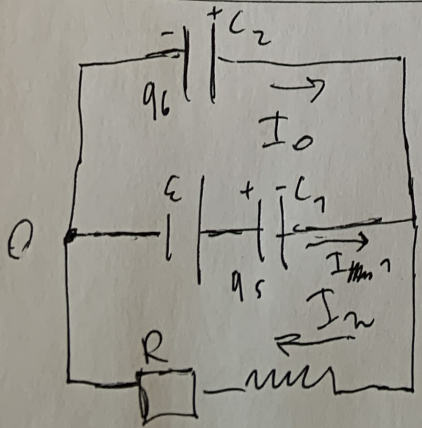
Тогда тогда $q_1 = C_2 \cdot \frac{\epsilon}{6} = 5C \cdot \frac{\epsilon}{6} = \frac{5}{6} C \epsilon \Leftrightarrow$

$$Q = \epsilon \cdot \frac{1}{6} C \epsilon - \frac{3}{25} \cdot \frac{25}{150} C \epsilon^2 = C \epsilon^2 \left(\frac{1}{6} - \frac{3}{150} \right) = C \epsilon^2 \cdot \frac{7}{150}$$

~~Ответ: $Q = \frac{7}{150} C \epsilon^2$~~

Ответ: $Q = \frac{7}{150} C \epsilon^2$

31



$$\begin{cases} C_2 U_2 = q_6 \\ C_1 (\epsilon - U_2) = q_5 \\ I_2 R + L \frac{dI_2}{dt} = U_2 \\ I_0 + I_1 = I_2 \\ -\frac{dq_6}{dt} = I_0 \\ \frac{dq_5}{dt} = I_1 \end{cases} \Leftrightarrow$$

уу сго Вук

4

$$(I_0 + I_1)R + L\left(\frac{dI_0}{dt} + \frac{dI_1}{dt}\right) = U_2$$

$$U_2 = q_6$$

$$q_7 (U_2) = q_5$$

$$\frac{-dq_6}{dt} = I_0$$

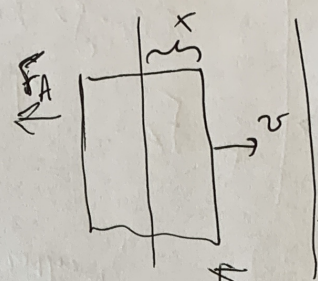
$$\frac{dq_5}{dt} = I_1$$

4.1 (продолжение) или наоборот

6

Теперь заданы параметры задачи в виде
 сила, действующая на элемент длины b , равна
 и равнодействующая \Rightarrow во всем процессе
 задача решена: $(x \in [0; b])$

$$\begin{cases} a = -\frac{(Bd)^2}{mR} v \\ v = \dot{x} \\ a = \ddot{x} \end{cases}$$



\Leftrightarrow

$$\frac{dv}{dt} = -\frac{Bd^2}{mR} \frac{dx}{dt} \Leftrightarrow$$

иногда удобнее
 чтобы «уменьшение»
 «увеличение» $\frac{d\varphi}{dt}$

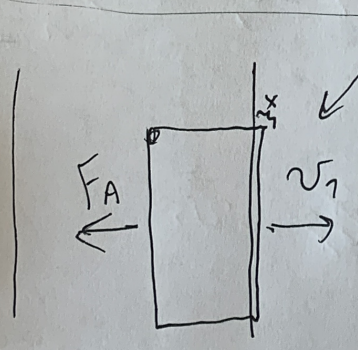
$$\int_{v_0}^{v_1} -\frac{dv}{dt} = \frac{Bd^2}{mR} \int_0^b \frac{dx}{dt} \Leftrightarrow$$

$$v_0 - v_1 = \frac{Bd^2}{mR} \cdot b \Leftrightarrow$$

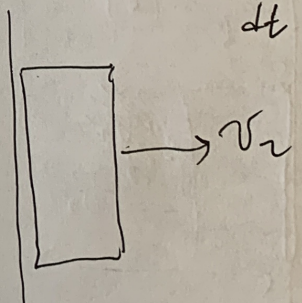
$$v_1 = v_0 - \frac{Bd^2}{mR} b = v_0 - \frac{2}{3} \frac{Bd^3}{mR}$$

Ответ: $v_1 = v_0 - \frac{2}{3} \frac{Bd^3}{mR}$

3)



F_A уменьшается по мере «уменьшения»
 «увеличения» $\frac{d\varphi}{dt}$



По аналогии с предыдущим решением:

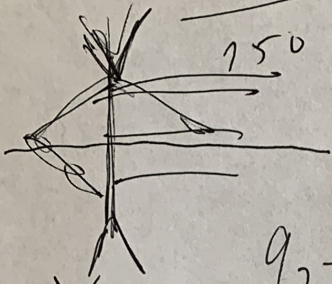
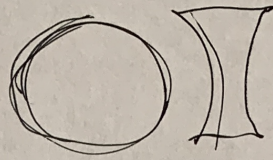
$$\frac{dv}{dt} = -\frac{Bd^2}{mR} \frac{dx}{dt} \Leftrightarrow$$

$$\int_{v_1}^{v_2} -\frac{dv}{dt} = \int_0^b \frac{Bd^2}{mR} \frac{dx}{dt} \Leftrightarrow$$

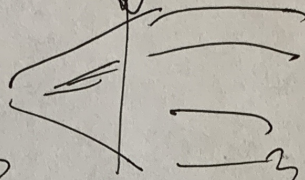
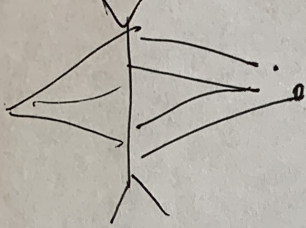
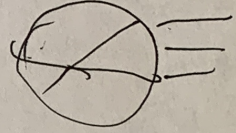
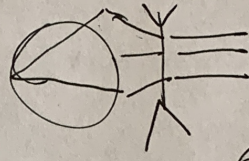
$$v_2 = v_1 - \frac{Bd^2}{mR} \cdot \frac{2}{3} d \Leftrightarrow v_2 = v_0 - \frac{4}{3} \frac{Bd^3}{mR}$$

Ответ: $v_2 = v_0 - \frac{4}{3} \frac{Bd^3}{mR}$

$$125 - 18 = 107$$



$$q_1 - q_3 = q_4 - q_2$$



$$\frac{39}{2}$$

$$\frac{36}{25} - 7 - \frac{7}{5} =$$

$$15$$

$$= \frac{36 - 5 - 25}{25} =$$

$$= \frac{6}{25}$$

$$252 - 25 = 227$$

$$\frac{3}{25}$$

$$\frac{7}{5} \cdot \frac{5}{36} = \frac{227}{180}$$

$$\frac{5}{6} - \frac{35}{180} = \frac{150 - 35}{180} = \frac{115}{180}$$

$$\frac{7}{5} \cdot \frac{5}{36}$$

$$\frac{115}{180} \quad \frac{23}{36}$$

$$150 - \frac{35}{180}$$

$$23 \cdot 5 = 115$$

$$180/5 = 36$$

УНЛТО ВУК

(4)

3. | можоме, $q_6 + q_5 = 2q_7 \Leftrightarrow$

$$\frac{dq_5}{dt} = - \frac{dq_6}{dt} \Leftrightarrow I_7 = 2I_0$$

Непереминем
уравнение
тока,
келымме $I_7 = 2I_0$
нумаме не $I_7 = 2I_0$

~~УНЛТО ВУК~~

$$I_2 R + L \frac{dI_2}{dt} = U_2$$

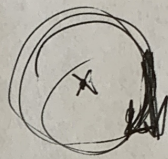
$$U_R = U_L$$

$$I_0 + I_7 = I_2$$

$$I_0 = I_7$$

$$I_2 = 2I_0$$

$$U_R = I_2 R = 2I_0 R$$



Оубем: $\frac{dI}{dt} = \frac{\mathcal{E}}{6L}; Q = \frac{27}{36} L \mathcal{E}^2; U_R = 2I_0 R$

Уепробу

$$\frac{7}{6} - \frac{3}{25} = \frac{25 - 78}{150} \sim \frac{7}{150}$$