

Часть 1

Олимпиада: **Физика, 10 класс (1 часть)**

Шифр: **21204483**

ID профиля: **351011**

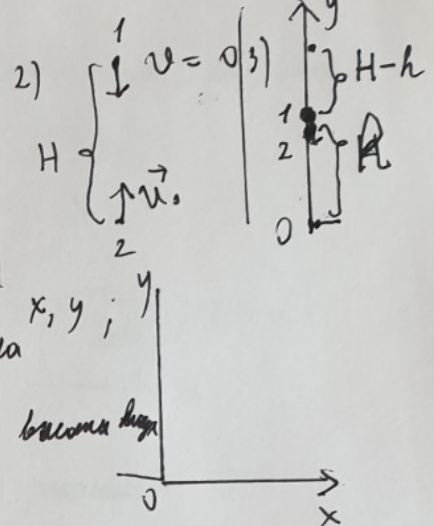
Вариант 2

Условие (1)

N_1

Дано: U_0, g

1) м.к. движется прямолинейно в вертикальной плоскости, и по горизонтальной составляющей движется равномерно из одной точки, тогда введем систему координат x, y ; обозначим точкой O , начало броска, тогда



- 1) t_3 - ?
- 2) $\frac{t_3}{t_2}$ - ?
- 3) h - ?

кажд; но скорость будет равна 0; м.к

по оси OY ; $y = U_0 t - \frac{gt^2}{2}$; $U_y = U_0 - gt$; при $U_y = 0 \Rightarrow$

$U_0 = gt_1$; $t_1 = \frac{U_0}{g}$; \Rightarrow время от начала броска до максимальной

высоты, применим уравнения движения для двух тел со взаимной скоростью:

$$\begin{cases} h = U_0 t_2 - \frac{gt_2^2}{2} \\ h = H - \frac{gt_2^2}{2} \end{cases} \quad \begin{cases} H - \text{максимальная высота,} \\ H = U_0 t_1 + U_0 t_1 - \frac{gt_1^2}{2} = \\ = \frac{U_0^2}{g} - \frac{U_0^2}{2g} = \frac{U_0^2}{2g} \end{cases}$$

$H - \frac{gt_2^2}{2} = U_0 t_2 - \frac{gt_2^2}{2}$

$H = U_0 t_2 \Rightarrow t_2 = \frac{U_0}{2g}$; $t_3 = t_1 + t_2 = \frac{U_0}{g} + \frac{U_0}{2g} = \frac{3U_0}{2g}$

м.к 1-й раз скорость достигнет нуль на H , а потом начал падать;

2) $\frac{t_3}{t_2}$; t_2 - это время 2-й раз от столкновения

$\frac{t_3}{t_2} = \frac{3U_0}{2g} \cdot \frac{2g}{U_0} = 3$; Ответ 1) время в 3-й раз больше 2

3) $U_0 t_2 - \frac{gt_2^2}{2} = h = \frac{U_0^2}{2g} - \frac{U_0^2}{8g} = \frac{3U_0^2}{8g}$

Ответ: 1) $t_3 = \frac{3U_0}{2g}$; 2) $\frac{t_3}{t_2} = 3$; 3) $h = \frac{3U_0^2}{8g}$; (t_2 - время от начала броска

до столкновения 1-й раз; t_2 - время от столкновения 2-й раз с первым (время от начала броска)
 h - высота на которой столкнулись шары

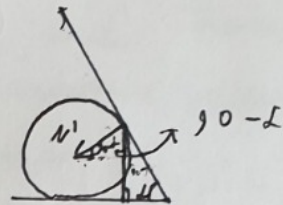
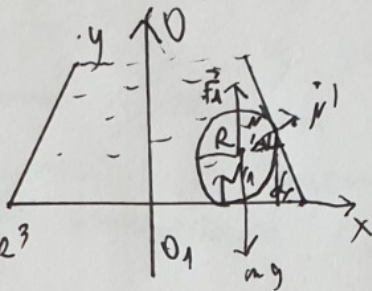
Умножить на $\cos(2)$

N_2
 Дано: $\omega, \rho, 6\rho, 1,5R$
 $\tan \alpha = \frac{3}{2}, \mu = 0$

- 1) $N_1 - ?$
 2) $N_2 - ?$

$\tan \alpha = \frac{1}{\cot \alpha}$

$m = 6\rho V = 6\rho \frac{4}{3} \pi R^3$



Возьмем ось $O_1 X, O_1 Y$; рассмотрим силы

на ось $O_1 Y$: $F_A + N_1 + N_1 \sin(90 - \alpha) = mg$

$m = 6\rho \frac{4}{3} \pi R^3$; $F_A = \rho \frac{4}{3} \pi R^3 g$; N_1 - реакция

на шар; N_1 - сила реакции в точке касания

рассмотрим силу на $O_1 X$; м.е. 23.11 на $O_1 X$:

$N_1 \cos(90 - \alpha) = \max_{(a_x=0)} = 0 \Rightarrow N_1 = 0$; реакция

$\rho \frac{4}{3} \pi R^3 g + N_1 = 0 + 6\rho \frac{4}{3} \pi R^3 g \Rightarrow N_1 = \frac{5 \cdot 4}{3} \rho \pi R^3 g$
 $= \frac{20}{3} \rho \pi R^3 g = N_1$

2) при ω - вращение шарика $F_{Ax} = \rho \frac{4}{3} \pi R^3 a_{ш}$

$a_{ш} = \omega^2 (1,5R)$; $a_{ш}$ - реакция шарика 23.11 на

на шар:

на $O_1 Y$: $\frac{4}{3} \pi R^3 \rho g + N_2 = N_2 \cos \alpha + mg$

$N_2 \sin \alpha + F_{Ax} = m a_{ш}$

$N_2 \sin \alpha = 6\rho \frac{4}{3} \pi R^3 \sin \alpha (\omega^2 \cdot 1,5R) - \rho \frac{4}{3} \pi R^3 (\omega^2 \cdot 1,5R)$

$N_2 = \left(\frac{20}{3} \cdot \frac{3}{2} \rho \pi R^3 \cdot \omega^2 R \right) \frac{1}{\sin \alpha} = \frac{10 \rho \pi R^3 (\omega^2 R)}{\sin \alpha}$

$N_2 = 5 \frac{4}{3} \rho \pi R^3 g + \frac{10 \rho \pi R^3 (\omega^2 R) \cos \alpha}{\sin \alpha} = \frac{20}{3} \rho \pi R^3 g + \frac{20}{3} \rho \pi R^3 (\omega^2 R) =$
 $= \frac{20}{3} \rho \pi R^3 (g + \omega^2 R)$

Ответ: $N_1 = \frac{20}{3} \rho \pi R^3 g$; $N_2 = \frac{20}{3} \rho \pi R^3 (g + \omega^2 R)$

N_1, N_2 - сила реакции в точке касания

$$t = 81^\circ\text{C} = 354\text{K}$$

$$\frac{V_2}{V_1} = \frac{1}{7}, \frac{P_2}{P_1} = 3,6$$

$$V_2 = 1,7 \cdot 10^{-3} \text{ m}^3$$

$$P_H = 2,5 \cdot 10^5 \text{ Па}$$

$$R = 8,31 \frac{\text{Дж}}{\text{моль} \cdot \text{К}}$$

$$\mu = 18 \frac{\text{г}}{\text{моль}}$$

$$1) P_1 - ?$$

$$2) m_{H_2} - ?$$

~~Уравнение~~ ~~Уравнение~~ ~~Уравнение~~ (3)
N3

$t = \text{const}$; заметим, что P_2 ~~зависит от~~
 $P_1 V_1 \neq P_2 V_2$; из условия, значит, ~~нам не~~
исходят из нескольких парциальных давлений,

Пусть P_1, P_2 - общие паро, $P_{1вн}, P_{2вн}$ -
общие внешние паро, $P_{1сн}, P_{2сн}$ - общие общие паро,
тогда

$$\begin{cases} P_1 = P_{1вн} + P_{1сн} \\ P_2 = P_{2вн} + P_{2сн} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} P_1 = P_{2вн} + P_{1сн} \\ 3,6 P_2 = P_{1вн} + P_{1сн} \end{cases}$$

заметим, что эта система имеет решение, но
одна из парциальных давлений должна быть постоянной (так как
процесс идет изотермически, а для двух газв строго изотермический

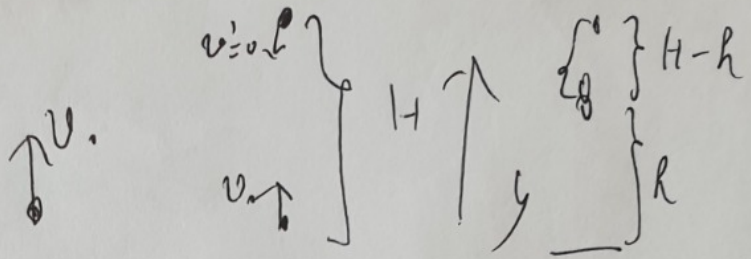
статический, условие не выполняется, но знаем $P_{вн} = \text{const} = P_H$, а значит

$$\begin{cases} P_1 = P_H + P_{1сн} \\ 3,6 P_2 = P_H + P_{2сн} \\ P_{1сн} V_1 = P_{2сн} V_2 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} P_{1сн} = \frac{P_2 сн}{7} \\ 2,6 P_1 = \frac{6}{7} P_{2сн} \\ \frac{P_1}{1} \end{cases}$$

$$P_1 V_1 = \frac{m_2}{\mu} R T \Rightarrow m_2 = \frac{P_1 V_1 \mu}{R T}$$

N_1 Aufgaben.

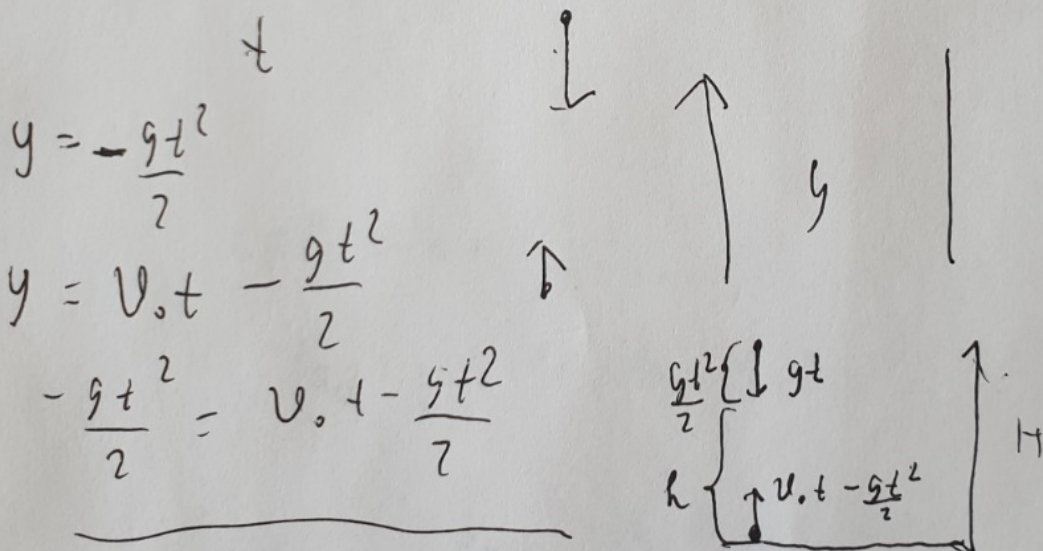
$$y = v_0 t - \frac{gt^2}{2} = H$$



$$1) v_0 - gt = 0$$

$$t_1 = \frac{v_0}{g}, \quad H = \frac{v_0^2}{g} - \frac{v_0^2}{2g} = \frac{v_0^2}{2g}$$

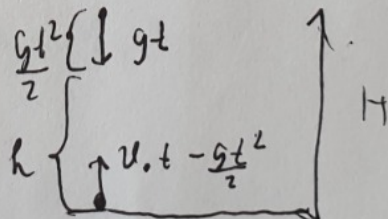
$$\left\{ \begin{aligned} h &= v_0 t_2 - \frac{gt_2^2}{2} \Rightarrow H = v_0 t \\ H - h &= \frac{gt_2^2}{2} \end{aligned} \right.$$



$$y = -\frac{gt^2}{2}$$

$$y = v_0 t - \frac{gt^2}{2}$$

$$-\frac{gt^2}{2} = v_0 t - \frac{gt^2}{2}$$



$$H - \frac{gt^2}{2} = v_0 t - \frac{gt^2}{2}$$

$$\frac{t_3}{t_2} = \frac{3}{2}$$

$$-1 = v_0 t_2$$

$$t_2 = \frac{H}{v_0}$$

$$\Rightarrow \frac{v_0}{2g}$$

$$t_3 = t_2 + t_1$$

$$= \frac{3v_0^2}{8g}$$

$$\frac{v_0^2}{2g}$$

$$= \frac{v_0^2}{8g}$$

Upprekk

$$t = \text{kon } r = 81$$

$$\frac{V_2}{V_1} = \frac{1}{7}$$

$$V_2 = 1,71$$

$$\frac{P_2}{P_1} = 3,6$$

$$P_2 = 0,5 \cdot 1,9 \cdot 1,9$$

$$P_1 V_1 = \frac{m n_1}{\mu} R T \quad \frac{P}{T} = \dots$$

$$P_2 V_2 = \frac{m n_2}{\mu} R T$$

1) $P_1 = ?$

$$P_{b1} = P_{b2} \frac{V_2}{V_1} = \frac{P_{b2}}{7}$$

R, n

$$P_1 = P_{b1} + P_{c1}$$

$$\text{for } 3,6 P_1 = P_{b2} + P_{c2}$$

$$V_2 = 1,7$$

$$V_1 = 11,9$$

$$P_{b1} V_1 = P_{b2} V_2$$

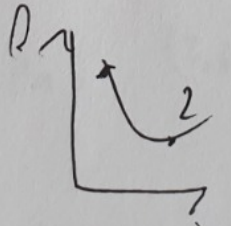
$$\frac{P_1}{P_2} = \frac{V_2}{V_1}$$

$$P_{b1} = \frac{P_{b2} V_2}{V_1} = \frac{P_{b2}}{7}$$

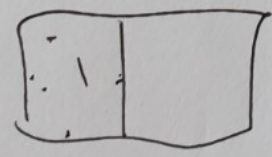
$$\frac{20}{36} = \frac{1}{7}$$

$$3,6 P_1 = \frac{6}{7} P_{b2} + \frac{6}{7} P_{c2}$$

$\Delta =$



$$P_1 V_1 = P_2 V_2$$



Wysubstituieren

$$t_1, \frac{V_2}{V_1} = \frac{1}{7}$$

$$V_2 = 1,7 \text{ l}$$

$$\frac{P_2}{P_1} = 3,6$$

~~M~~ M

R

$$P_n = 0,9 \cdot 10^5 \text{ Pa}$$

1) $P_1 = ?$

2) $m_n = ?$

$$P_1 V_1 = \frac{m_n}{M} R T$$

$$P_1 V_1 = P_2 V_2$$

$$V_1 = \frac{P_2}{P_1} V_2 = 3,6 \cdot 1,7 = 6,12$$

$$\frac{P_1}{P_2} = \frac{V_2}{V_1}$$

$$P_1 = P_{bn1} + P_{cb1}$$

$$P_2 = P_{bn2} + P_{cb2}$$

$$P_1 = P_{bn1} + P_{cb1}$$

$$3,6 P_1 = P_{bn2} + P_{cb2}$$

$$P_{cb1} = P_{cb2} \frac{V_2}{V_1} = \frac{P_{cb}}{7}$$

$$P_1 = P_{bn1} + \frac{P_{cb2}}{7}$$

$$3,6 P_1 = P_{bn2} + P_{cb2}$$

$$P_{bn2} V_2 = \frac{m_n}{M} R T$$

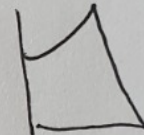
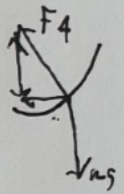
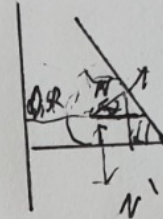
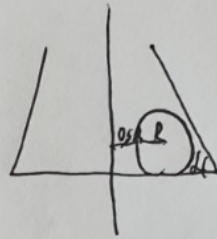
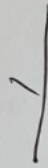
N_2 $\frac{4}{3} \pi R^3$

$N \cos \alpha$

ma γ :

$N \sin \alpha + mg = N' + \frac{4}{3}$

$\tan^2 \alpha + 1 = \frac{1}{\cos^2 \alpha}$

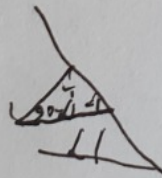
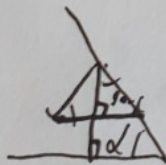


$\frac{4}{3} \pi R^3$

$m \omega^2 (1,5R) = N \cos \alpha + \frac{4}{3} \pi R^3 \omega^2 (1,5R)$

$mg + N' + N \sin \alpha - \frac{4}{3} \pi R^3 g = 0$

$\frac{4}{3}$



Часть 2

Олимпиада: **Физика, 10 класс (2 часть)**

Шифр: **21204483**

ID профиля: **351011**

Вариант 2

Dano:
 $\cos \alpha = \frac{3}{5}$
 $H, m, 2m = 4, F = mg$

- 1) $t_1 = ?$
- 2) $a_{kl} = ?$
- 3) $t_2 = ?$

Умови задачі ①

1) Визначити час X та Y , пройдений 2-м тілом: $2 \times 3 \cdot H$: до

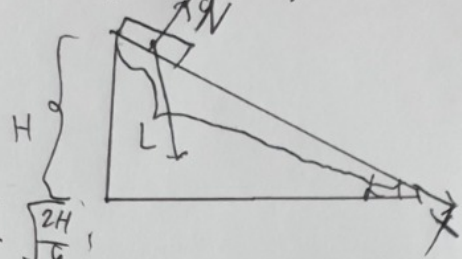
$X: mg \sin \alpha = m a_x$

$a_x = g \sin \alpha$

$\frac{a_x t_1^2}{2} = L = \frac{H}{\sin \alpha}$

$t_1 = \frac{1}{\sin \alpha} \sqrt{\frac{2H}{g}} = \frac{5}{4} \sqrt{\frac{2H}{g}}$

2) $\vec{a} = \vec{a}_{kl} + \vec{a}_{omn}$



Визначити у 2-й тілі на осі Y' ; $OZ \parallel \vec{F}$; $OY' \parallel mg$

$a_z = a_{omn} \cos \alpha + a_{kl}$

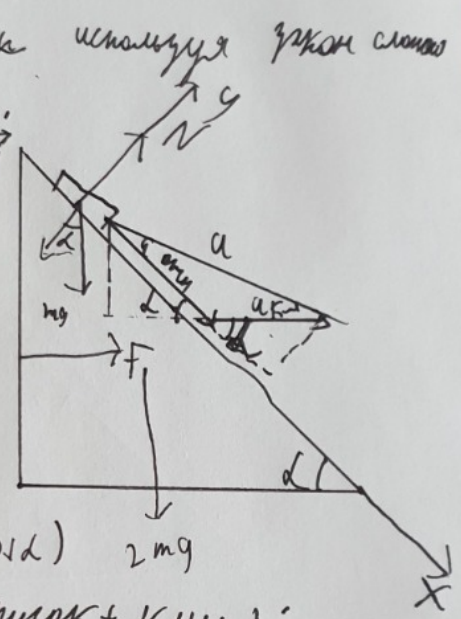
$a_{y'} = a_{omn} \sin \alpha$

$a_x = a_{omn} + a_{kl} \cos \alpha$

2-й тілі на осі X : для пружки:

$mg \sin \alpha = m a_x = m (a_{omn} + a_{kl} \cos \alpha) \quad 2mg$

2-й тілі на осі OZ для акумулятора (пружка + кулі):



$$\begin{cases} F = 2m a_{kl} + m a_z = 3m a_{kl} + m a_{omn} \cos \alpha \\ a_{omn} = g \sin \alpha - a_{kl} \cos \alpha \end{cases}$$

$F = 3m a_{kl} + m (g \sin \alpha - a_{kl} \cos \alpha) \cos \alpha$

$$a_{kl} = \frac{F - mg \sin \alpha \cos \alpha}{3m - m \cos^2 \alpha} = \frac{mg - mg \sin \alpha \cos \alpha}{3m - m \cos^2 \alpha} = \frac{g(1 - \frac{32}{25})}{3 - \frac{9}{25}} = \frac{g \cdot \frac{13}{25}}{\frac{66}{25}} = \frac{13}{66} g$$

$a_{kl} = \frac{13}{66} g$

3) $\frac{H}{\sin \alpha} = L = \frac{a_x t_2^2}{2} \Rightarrow t_2 = \frac{2H}{\sin \alpha a_x} = \frac{2H}{\sin \alpha (a_{omn} + a_{kl} \cos \alpha)}$

$a_{omn} = g \cdot \frac{4}{5} - \frac{13}{66} g \cdot \frac{3}{5} \approx 0,682 g$

$t_2 = \sqrt{\frac{5 \cdot 2H}{4(0,682g + \frac{13}{66} g \cdot \frac{3}{5})}} \approx \sqrt{\frac{5H}{2(0,89)}} = \sqrt{\frac{3,125H}{g}}$

Відповідь: 1) $t_1 = \frac{5}{4} \sqrt{\frac{2H}{g}}$; 2) $a_{kl} = \frac{13}{66} g$; 3) $t_2 = \sqrt{\frac{2H}{\sin \alpha (a_{omn} + a_{kl} \cos \alpha)}} \approx \sqrt{\frac{3,125H}{g}}$

Умножаем на (2)
 N_2

Дано:

$$\frac{\Delta V}{V} = 2\%$$

$$\frac{\Delta P}{P} = -1\%$$

$$1). (PV) = (vR T)$$

$$P dV + V dP = vR dT \Rightarrow \frac{dV}{V} + \frac{dP}{P} = \frac{dT}{T}$$

$$\frac{PV}{vR} = T$$

$$\frac{dT}{T} = \frac{dV}{V} + \frac{dP}{P} = 2\% - 1\% = 1\%$$

$$1) \frac{\Delta T}{T} = ?$$

$$2) \left| \frac{\Delta Q}{\Delta U} \right| = ?$$

$$2) \Delta Q = \Delta U + \Delta A = \frac{i}{2} vR \Delta T + P \Delta V$$

$$\Delta U = \frac{i}{2} vR \Delta T, P = \frac{vRT}{V}$$

$$\left| \frac{\Delta Q}{\Delta U} \right| = \frac{\frac{i}{2} vR \Delta T + \frac{vRT \Delta V}{V}}{\frac{i}{2} vR \Delta T} =$$

$$= \frac{\frac{i}{2} \Delta T + T \frac{\Delta V}{V}}{\frac{i}{2} \Delta T}$$

$$T = \frac{\Delta T}{\frac{\Delta V}{V} + \frac{\Delta P}{P}} \Rightarrow \left| \frac{\Delta Q}{\Delta U} \right| = \frac{\frac{i}{2} \Delta T + \frac{\Delta V}{V} \left(\frac{\Delta T}{\frac{\Delta V}{V} + \frac{\Delta P}{P}} \right)}{\frac{i}{2} \Delta T} =$$

$$= \frac{\frac{i}{2} + \frac{\Delta V}{V} \left(\frac{1}{\frac{\Delta V}{V} + \frac{\Delta P}{P}} \right)}{\frac{i}{2}} = \frac{\frac{3}{2} + \frac{0,02}{0,01}}{\frac{3}{2}} = \frac{\frac{3}{2} + 2}{\frac{3}{2}} = \frac{7}{3}$$

Ответ: 1) $\frac{\Delta T}{T} = 0,01$; умножаем на 100; 2) $\left| \frac{\Delta Q}{\Delta U} \right| = \frac{7}{3}$

$\cos k = \frac{3}{5}$
 $H, m, m, F = mg$

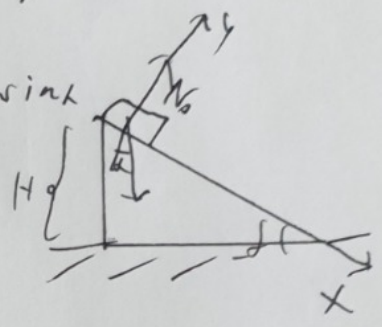
- 1) t_1 - ?
- 2) a_{kl} - ?
- 3) t_2 - ?

1) \vec{a} в направлении X и Y , Z - H. g

$X:$
 $mg \sin d = m a_x \Rightarrow a_x = g \sin d$

$L = \frac{H}{\sin d}$
 $\frac{a_x t^2}{2} = \frac{g H}{\sin d}$

$t_1 = \frac{1}{\sin d} \sqrt{\frac{2H}{g}} = \frac{5}{4} \sqrt{\frac{2H}{g}}$



2) \vec{a} в направлении Y'

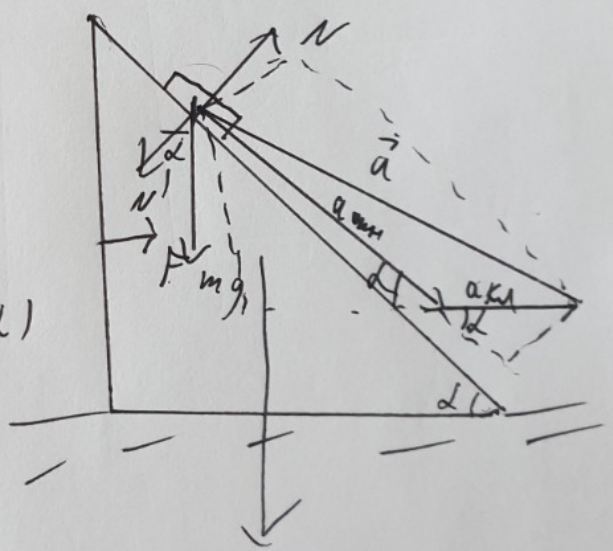
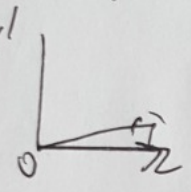
$\vec{a} = a_{\text{вд}} + a_{\text{кл}}$

$a_z = a_{\text{вд}} \cos k + a_{\text{кл}}$

$a_{y'} = a_{\text{вд}} \sin k$

2) H на ось X : g в Y' .

$0 \geq \parallel \vec{F}$; $0 Y' \parallel g$;



$mg \sin d = m a_x = m(a_{\text{вд}} + a_{\text{кл}} \cos d)$
 $N - mg \cos d = m a_{\text{кл}} \sin d$

$F - N \sin d = 2 m a_{\text{кл}}$

$a_{\text{вд}} = m(g \sin d - a_{\text{кл}} \cos d)$

$N = m(g \cos d + a_{\text{кл}} \sin d)$

$F - m(g \cos d \sin d + a_{\text{кл}} \sin^2 d) = 2 m a_{\text{кл}}$

$a_{\text{кл}} = \frac{F - mg \cos d \sin d}{m \sin^2 d + 2m} = \frac{mg - mg \cos d \sin^2 d}{m \sin^2 d + 2m} = \frac{13}{50} g$

$$mg \sin \alpha = m(a_{\text{arah}} + a_{\text{kel}} \cos \alpha)$$

$$F = \cancel{2M a_{\text{kel}}} + m \cdot 3m a_{\text{kel}} + m a_{\text{arah}}$$

$$\cancel{a_{\text{arah}}} =$$

$$g \sin \alpha = a_{\text{arah}} + a_{\text{kel}} \cos \alpha$$

$$a_{\text{arah}} = g \sin \alpha - a_{\text{kel}} \cos \alpha$$

$$F = 3m a_{\text{kel}} + m g \sin \alpha - m a_{\text{kel}} \cos \alpha$$

$$0,12g + 0,682g$$

$$a_{\text{kel}} = \frac{F - m g \sin \alpha}{3m - m \cos \alpha} =$$

$$\frac{g \cdot 4}{5} - \frac{13}{16} \cdot \frac{3}{5} g = \frac{g \left(1 - \frac{13}{25} \right)}{m \left(\frac{16}{25} + 2 \right)} = \frac{g \left(\frac{12}{25} \right)}{\frac{66}{25}}$$

$$a_{\text{arah}} \approx 0,682g$$

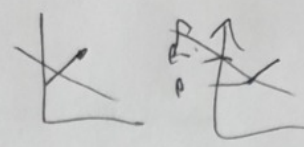
$$\frac{mg - mg \frac{3}{5} \cdot \frac{4}{5}}{3m - m \frac{9}{25}} = \frac{(25 - 12)mg}{(25 - 9)m} = \frac{13g}{66}$$

$$F = 3m a_{\text{kel}} + m(g \sin \alpha - a_{\text{kel}} \cos \alpha) \quad [011]$$

$$F = 3m a_{\text{kel}} + m g \sin \alpha - m a_{\text{kel}} \cos \alpha$$

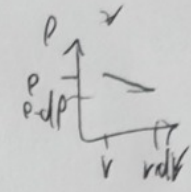
$$a_{\text{kel}} = \frac{F - m g \sin \alpha}{3m - m \cos \alpha}$$

$$\frac{\frac{3}{2} + 0,02 \left(\frac{1}{0,901} \right)}{\frac{3}{2}} \quad \text{Ungleichung } P$$



$$\frac{\Delta P}{P} = -14\%$$

$$\frac{\Delta P}{P} + \frac{\Delta V}{V} = \frac{\Delta T}{T}$$



$$\frac{\Delta V}{V} = 2\%$$

$$(PV)^{\gamma} = (VRT)^{\gamma} \quad \gamma = 1,4$$

$$\frac{P - \Delta P - P}{P - \Delta P} = \frac{\Delta P}{P - \Delta P}$$

$$P dV + V dP = \gamma R dT$$

$$\frac{dV}{V} + \frac{dP}{P} = \frac{\gamma dT}{T}$$

P. P - ΔP

$$\frac{P - \Delta P}{P + \Delta P} =$$

$$PV^{\gamma} = \gamma R T^{\gamma}$$

$$\frac{dV}{V} + \frac{dP}{P} = \frac{dT}{T}$$

$$PV = \gamma R T$$

$$\frac{\Delta T}{T} = \frac{\Delta V}{V} + \frac{\Delta P}{P} \Rightarrow \frac{\Delta T}{T} = \frac{\Delta V + \Delta P}{V + P}$$

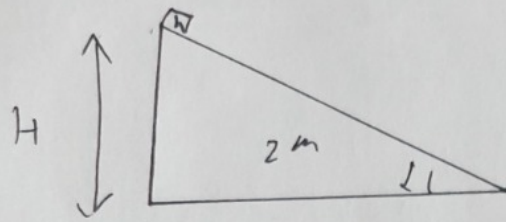
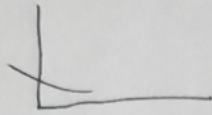
$$2) \quad \frac{Q_n}{\Delta U} = \frac{\frac{\gamma}{2} \gamma R \Delta T + P \Delta V}{\frac{\gamma}{2} \gamma R \Delta T}$$

$$= \frac{\frac{\gamma}{2} \gamma R \Delta T + \gamma R \frac{\Delta V}{V}}{\frac{\gamma}{2} \gamma R \Delta T + \gamma R \frac{\Delta V + \Delta P}{V + P}}$$

repeated

$$L (\cos \alpha = \frac{3}{5})$$

$$H, m, 2m$$



1) ~~mg~~

$$\frac{H}{\sin \alpha}$$

$$mgH = \frac{mU^2}{2}$$

$$U = \sqrt{2gH}$$

$$mg \sin \alpha = ma \quad \frac{U^2}{2a} = s$$

$$\frac{a t^2}{2} = \frac{H}{\sin \alpha}$$

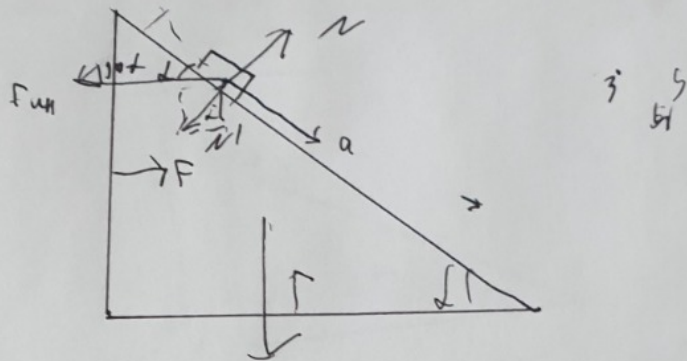
$$\frac{g \sin \alpha t^2}{2} = \frac{H}{\sin \alpha}$$

$$t^2 = \sqrt{\frac{2H}{g \sin^2 \alpha}}$$

$$U = \sqrt{2gH} = t g \sin \alpha$$

$$\sqrt{2gH} = g \sin \alpha t$$

$$t = \sqrt{\frac{2H}{g \sin^2 \alpha}}$$



$$N = \mu g \cos \theta + m a \mu \sin \theta$$

$$m g \sin \theta - m a \mu \cos \theta = m a$$

μ

μ

μ

$$N \sin \theta + M g$$

$$N \sin \theta = F$$

$$m g \cos \theta \sin \theta - m a \mu \cos \theta = F$$

$$\mu k d = \frac{F - m g \cos \theta \sin \theta}{m \sin \theta} =$$

$$= \frac{F}{\sin^2 \theta} - \mu g \cot \theta = \frac{25F}{16} - \mu g \cot \theta$$