

Часть 1

Олимпиада: **Физика, 10 класс (1 часть)**

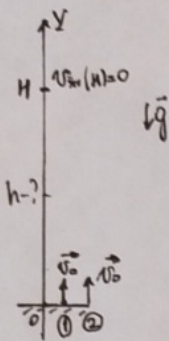
Шифр: **21205207**

ID профиля: **895708**

Вариант 2

1. Дано:

$$\begin{aligned} v_0 \\ t_1 - ? \\ h = \frac{t_1}{t_2} - ? \\ h - ? \end{aligned}$$



Решение

1) как известно время полёта мяча до верхней точки равно τ , t от старта или соответственно равно:

$$\tau = \frac{v_0}{g} = \frac{v_0}{g}, \text{ причём сама высота } H = \frac{v_0^2}{2g} = \frac{v_0^2}{2g}$$

После достижения высоты H мяч движется по ступенькам -мне тоже время, что и II мяч, тогда заметим условие возврата:

$y_1(t_2) = y_2(t_2)$, т.е. рассмотрим параболы:

$$H - \frac{gt_2^2}{2} = v_0 t_2 - \frac{gt_2^2}{2} \Rightarrow \text{выходим что } t_2 = \frac{H}{v_0} = \frac{1}{v_0} \cdot \frac{v_0^2}{2g} = \frac{v_0}{2g}$$

Тогда, искомое $t_1 = \tau + t_2 = \frac{v_0}{g} + \frac{v_0}{2g} = \frac{3v_0}{2g}$

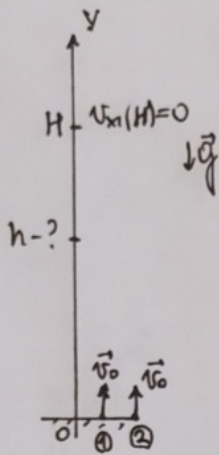
2) считаем пункта 1), заметим $h = \frac{t_1}{t_2} = \frac{3v_0}{2g} \cdot \frac{1}{\frac{v_0}{2g}} = 3$

3) искомую высоту h найдём из-за воспользуемся кинематическим уравнением движения, т.е

$$h = v_0 t_2 - \frac{gt_2^2}{2} = v_0 \cdot \frac{v_0}{2g} - \frac{g}{2} \cdot \frac{v_0^2}{4g^2} = \frac{v_0^2}{2g} - \frac{v_0^2}{8g} = \frac{3v_0^2}{8g}$$

Ответ: 1) $\frac{3v_0}{2g}$ 2) 3 3) $\frac{3v_0^2}{8g}$

1. Дано:
 v_0
 g
 $t_1 = ?$
 $\eta = \frac{t_1}{t_2} = ?$
 $h = ?$



Решение

1) Как известно, время полёта мяча до высшей точки траектории τ , в отсутствие сил сопротивления равно:

$$\tau = \frac{v_{0y}}{g} = \frac{v_0}{g}, \text{ причём сама высота } H = \frac{v_{0y}^2}{2g} = \frac{v_0^2}{2g},$$

а искомое время $t_1 = \tau + t_2$.

После достижения высоты H первый мяч движется до столкновения со вторым мячом то же время, что и второй мяч, т.е. t_2 , тогда запишем условие встречи, т.е.

$y_1(t_2) = y_2(t_2)$, разняв это равенство получим:

$$H - \frac{g t_2^2}{2} = v_0 t_2 - \frac{g t_2^2}{2}, \text{ тогда } H = v_0 t_2, \text{ т.е. } t_2 = \frac{H}{v_0} = \frac{1}{v_0} \cdot \frac{v_0^2}{2g} = \frac{v_0}{2g} \quad (2)$$

таким образом искомое $t_1 = \tau + t_2 = \frac{v_0}{g} + \frac{v_0}{2g} = \frac{3v_0}{2g} \quad (1)$

2) искомую величину η получим разделив (1) на (2), т.е.

$$\eta = \frac{t_1}{t_2} = \frac{3v_0}{2g} \cdot \frac{1}{\frac{v_0}{2g}} = 3$$

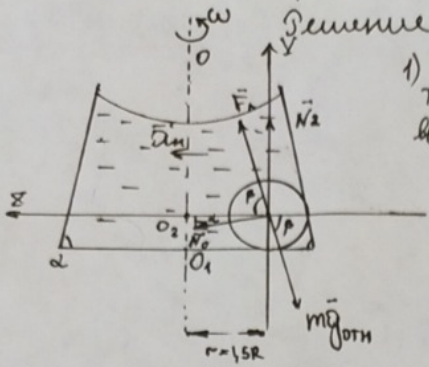
3) искомую высоту h найдем воспользовавшись кинематическим уравнением движения, т.е.

$$h = y_2(t_2) = v_0 t_2 - \frac{g t_2^2}{2} = v_0 \cdot \frac{v_0}{2g} - \frac{g}{2} \cdot \left(\frac{v_0}{2g}\right)^2 = \frac{v_0^2}{2g} - \frac{g}{2} \cdot \frac{v_0^2}{4g^2} = \frac{v_0^2}{2g} - \frac{v_0^2}{8g} = \frac{3v_0^2}{8g}$$

ответ: 1) $\frac{3v_0}{2g}$ 2) 3 3) $\frac{3v_0^2}{8g}$

2. Дано:

- ω
- R
- $\rho_0 = \rho$
- $\rho_m = 6\rho$
- $r = 1,5R$
- $\text{tg } \alpha = \frac{3}{2}$
- $N_1 - ?$
- $N_2 - ?$



Решение
1) Если шар находится в покое, то сила архимеда направлена вертикально вверх, а сила тяжести вертикально вниз, тогда указав сил запишем II закон Ньютона:

$$\vec{F}_A + \vec{N}_1 + m\vec{g} = 0, \text{ т.е. вдоль } O_y \text{ получим}$$

$$F_A + N_1 - mg = 0 \Rightarrow N_1 = mg - F_A, \text{ т.е.}$$

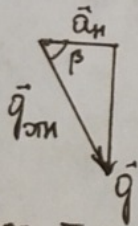
$$N_1 = mg - F_A = 6\rho \cdot V_m \cdot g - \rho g V_m = 5\rho g V_m = 5\rho g \cdot \frac{4}{3}\pi R^3 = \frac{20}{3}\rho g \pi R^3$$

2) Если конус вращается, то шар имеет центростремительное (нормальное) ускорение равное:

$$a_n = \omega^2 r = 1,5\omega^2 R$$

перейдем в систему отсчета связанную с осью вращения, тогда в соответствии с классическим законом сложения ускорений получим

$$\vec{g}_{отн} = \vec{g} - \vec{a}_n \Rightarrow \text{строим векторную диаграмму, т.е.}$$



тогда $g_{отн} \cos \beta = a_n$; $g_{отн} \sin \beta = g$
из ВА

учтено, что шарик неподвижен относительно центра сосуда, так что силой реакции в КСО можно пренебречь.

Тогда II закон Ньютона дает:

$$\vec{F}_A + \vec{N}_0 + m\vec{g}_{отн} + \vec{N}_2 = m\vec{a}_n, \text{ тогда вдоль } O_x \text{ и } O_y \text{ получим:}$$

$$O_y \Rightarrow F_A \sin \beta + N_2 - N_0 \cos \alpha - m g_{отн} \sin \beta = 0 \Rightarrow N_2 = N_0 \cos \alpha - m g - F_A \sin \beta$$

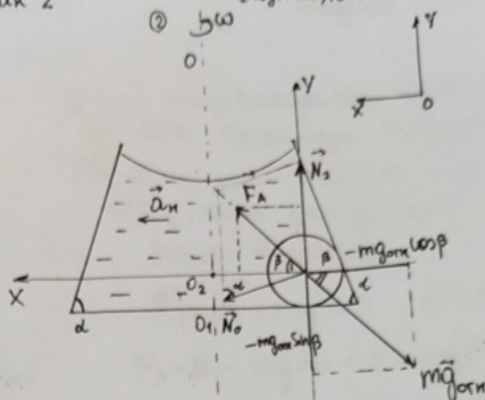
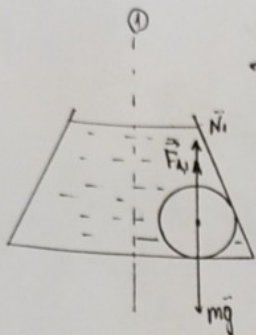
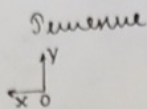
$$O_x \Rightarrow N_0 \sin \alpha + F_A \cos \beta - m g_{отн} \cos \beta = m a_n \Rightarrow N_0 \sin \alpha = m a_n + m g - F_A \cos \beta \Rightarrow N_0 = \frac{m(a_n + g) - F_A \cos \beta}{\sin \alpha}$$

таким образом $N_2 = \frac{m(a_n + g) - F_A \cos \beta}{\text{tg } \alpha} - m g - F_A \sin \beta$

2. Дано:
 ω
 R
 $r = 1,5R$
 $\rho_B = \rho$
 $\rho_m = 6\rho$
 $\text{tg } \alpha = \frac{3}{2}$
 $N_1 = ?$
 $N_2 = ?$

Числовик 2

Физика, 10 кл



1) Если шар находится в покое внутри сосуда, то сила Архимеда направлена вертикально вверх, как и N_1 , а сила тяжести направлена вертикально вниз, сила нормальной реакции опоры со стороны боковой грани равно нулю, ибо шар на неё не давит, а лишь прижимает к ней, тогда второй закон Ньютона даёт:

$\vec{F}_{A1} + \vec{N}_1 + m\vec{g} = 0$, тогда вдоль Oy получим:

$$F_{A1} + N_1 - mg = 0 \Rightarrow N_1 = mg - F_{A1} = \rho_m V_m g - \rho_B g V_m = g V_m (6\rho - \rho) = 5\rho g \cdot \frac{4}{3}\pi R^3 = \frac{20}{3}\rho g \pi R^3$$

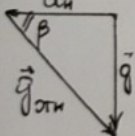
2) Если сосуд вращается, то сила Архимеда уже не направлена вертикально вверх, а шар движется с центростремительным (перпендикулярным) ускорением равным по величине:

$$a_n = \omega^2 r = \omega^2 \cdot 1,5R = 1,5\omega^2 R \text{ и направлено вдоль } O_x \text{ к оси вращения.}$$

Перейдём в систему отсчёта связанную с осью вращения (т.к шар в этой инерциальной системе отсчёта покоится, то силой Кориолиса можно пренебречь), тогда в соответствии с классическим законом сложения ускорений получим:

$$\vec{g}_{отн} = \vec{g} - \vec{a}_n \Rightarrow \text{строим векторную диаграмму, т.е}$$

$$\text{откуда видно, что } g_{отн} \cos \beta = a_n ; g_{отн} \sin \beta = g$$



Затем второй закон Ньютона получим в этой системе отсчёта:

$$\vec{F}_A + \vec{N}_0 + m\vec{g}_{отн} + \vec{N}_2 = 0, \text{ тогда вдоль } O_x \text{ и } O_y \text{ получим:}$$

$$O_x \Rightarrow N_0 \sin \alpha + F_A \cos \beta - m g_{отн} \cos \beta = 0 \Rightarrow N_0 \sin \alpha = m g_{отн} \cos \beta - F_A \cos \beta = m g_{отн} \cos \beta - \rho g_{отн} V_m \cos \beta, \text{ т.е}$$

$$N_0 \sin \alpha = m g_{отн} - \rho a_n V_m = 6 \rho V_m a_n - \rho a_n V_m = 5 \rho a_n V_m \Rightarrow N_0 = \frac{5 \rho a_n V_m}{\sin \alpha}$$

$$O_y \Rightarrow F_A \sin \beta + N_2 - m g_{отн} \sin \beta - N_0 \cos \alpha = 0 \Rightarrow N_2 = N_0 \cos \alpha + m g_{отн} \sin \beta - \rho g_{отн} V_m \sin \beta, \text{ т.е}$$

$$N_2 = N_0 \cos \alpha + 6 \rho V_m g - \rho g V_m = N_0 \cos \alpha + 5 \rho g V_m = \frac{5 \rho a_n V_m}{\sin \alpha} \cos \alpha + 5 \rho g V_m = 5 \rho g V_m + 5 \rho a_n V_m \text{ ctg } \alpha$$

$$\text{т.е } N_2 = 5 \rho g V_m + 5 \rho a_n V_m \cdot \frac{2}{3} = 5 \rho V_m \left(g + \frac{2}{3} a_n \right) = 5 \rho \cdot \frac{4}{3} \pi R^3 \left(g + \frac{2}{3} \cdot 1,5 \omega^2 R \right) = \frac{20}{3} \rho \pi R^3 (g + \omega^2 R)$$

$$\text{Ответ: 1) } \frac{20}{3} \rho g \pi R^3 \quad 2) \frac{20}{3} \rho (g + \omega^2 R) \pi R^3$$

Черновик 3

Физика, 10 кл

Задача

3. Дано:

$$t = 81^\circ\text{C} = \text{const}$$

$$V_2 = \frac{V_1}{k}, k = 7$$

$$V_0 = 1,7 \text{ л}$$

$$p_2 = 3,6 p_1$$

$$p_{\text{нт}}(81^\circ\text{C}) = 0,5 \cdot 10^5 \text{ Па}$$

$$\mu = 182 \text{ г/моль}$$

$$R = 8,31 \frac{\text{Дж}}{\text{моль} \cdot \text{К}}$$

$$1) p_1 - ?$$

$$m_1 - ?$$

1) т.к $T = \text{const}$ ($T = t + 273 = 81 + 273 = 354 \text{ К}$), а объём уменьшился в 7 раз, при этом давление возросло лишь в 3,6 раза, то это значит, что была конденсация и $p_2 = p_{\text{нт}}(81^\circ\text{C}) = 0,5 \cdot 10^5 \text{ Па}$, то тогда по условию, с учётом того факта, что $p_2 = 3,6 p_1$, то

$$p_1 = \frac{p_2}{3,6} = \frac{0,5 \cdot 10^5}{3,6} = 13888,9 \text{ Па}$$

2) в соответствии с уравнением Менделеева-Клапейрона в конечном состоянии получим:

$$p_2 V_2 = \frac{m_2}{\mu} \cdot RT, \text{ а в начальном состоянии}$$

$$p_1 V_1 = \frac{m_1}{\mu} RT \Rightarrow m_1 = \frac{\mu p_1 V_1}{RT} = \frac{\mu}{RT} \cdot \frac{p_2}{3,6} \cdot 7 V_2 = \frac{7 \mu p_2 V_2}{3,6 RT} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow m_1 = \frac{7 \cdot 182 \cdot 10^{-3} \cdot 0,5 \cdot 10^5 \cdot 1,7 \cdot 10^{-3}}{3,6 \cdot 8,31 \cdot 354} =$$

3. Дано:

$$t = 81^\circ\text{C} = \text{const}$$

$$V_1 = 7V_2$$

$$V_2 = 1,7 \mu$$

$$p_{\text{нп}}(81^\circ\text{C}) = 0,5 \cdot 10^5 \text{ Па}$$

$$p_2 = 3,6 p_1$$

$$\mu = 18 \frac{\text{г}}{\text{мол}}$$

$$R = 8,31 \frac{\text{Дж}}{\text{моль} \cdot \text{К}}$$

$$p_1 = ?$$

$$m_1 = ?$$

1) т.к $T = t + 273 = 81 + 273 = 354 \text{ К} = \text{const}$, а при уменьшении объема водяного пара в 7 раз, давление возросло в 3,6 раза, т.е. $pV \neq \text{const}$, а это значит, что была конденсация и $p_2 = p_{\text{нп}}(81^\circ\text{C}) = 0,5 \cdot 10^5 \text{ Па}$

По условию $p_2 = 3,6 p_1$, значит $p_1 = \frac{p_2}{3,6}$

тогда образом $p_1 = \frac{p_2}{3,6} = \frac{0,5 \cdot 10^5}{3,6} = 13888,9 \text{ Па}$

2) с учётом условия запишем уравнение Менделеева-Клапейрона в начальном состоянии

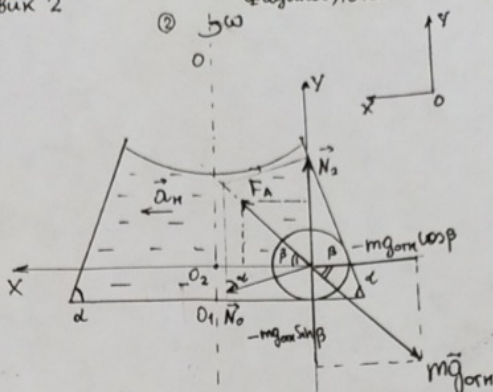
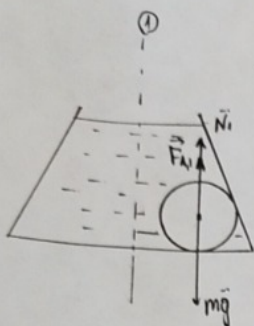
$$p_1 V_1 = \frac{m_1}{\mu} RT \Rightarrow m_1 = \frac{\mu p_1 V_1}{RT} = \frac{\mu}{RT} \cdot \frac{p_2}{3,6} \cdot 7V_2 = \frac{7 \mu p_2 V_2}{3,6 RT}$$

тогда образом $m_1 = \frac{7 \mu p_2 V_2}{3,6 RT} = \frac{7 \cdot 18 \cdot 10^{-3} \cdot 0,5 \cdot 10^5 \cdot 1,7 \cdot 10^{-3}}{3,6 \cdot 8,31 \cdot 354} = 0,001 \text{ кг} = 1,01 \cdot 10^{-3} \text{ кг}$

Ответ: 1) 13888,9 Па 2) $1,01 \cdot 10^{-3} \text{ кг}$

2. Дано:
 ω
 R
 $r = 1,5R$
 $\rho_B = \rho$
 $\rho_m = 6\rho$
 $\text{tg} \alpha = \frac{3}{2}$
 $N_1 = ?$
 $N_2 = ?$

Решение



1) Если шар находится в покое, то сила Архимеда направлена вертикально вверх, как и N_1 , а сила тяжести направлена вертикально вниз, сила нормальной реакции опоры со стороны боковой грани равно нулю, ибо шар на неё не давит, а лишь прижимён к ней, тогда второй закон Ньютона даёт:

$\vec{F}_A + \vec{N}_1 + m\vec{g} = 0$, тогда вдоль Oy получим:

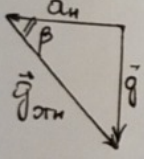
$F_A + N_1 - mg = 0 \Rightarrow N_1 = mg - F_A = \rho_m V_m g - \rho_B g V_m = g V_m (\rho_m - \rho_B) = 5 \rho g \cdot \frac{4}{3} \pi R^3 = \frac{20}{3} \rho g \pi R^3$

2) Если сосуд вращается, то сила Архимеда уже не направлена вертикально вверх, а шар движется с центростремительным (нормальным) ускорением равным по величине:

$a_n = \omega^2 r = \omega^2 \cdot 1,5R = 1,5 \omega^2 R$ и направлено вдоль Ox к оси вращения.

Перейдём в систему отсчёта связанную с осью вращения (т.к шар в этой неинерциальной системе отсчёта покоится, то силой Кориолиса можно пренебречь), тогда в соответствии с классическим законом сложения ускорений получим:

$\vec{g}_{отн} = \vec{g} - \vec{a}_n \Rightarrow$ строим векторную диаграмму, т.е. откуда видим, что $g_{отн} \cos \beta = a_n$; $g_{отн} \sin \beta = g$



Затем второй закон Ньютона получим в этой системе отсчёта:

$\vec{F}_A + \vec{N}_0 + m\vec{g}_{отн} + \vec{N}_2 = 0$, тогда вдоль Ox и Oy получим:

$O_x \Rightarrow N_0 \sin \alpha + F_A \cos \beta - m g_{отн} \cos \beta = 0 \Rightarrow N_0 \sin \alpha = m g_{отн} \cos \beta - F_A \cos \beta = m g_{отн} \cos \beta - \rho g_{отн} V_m \cos \beta$, т.е.

$N_0 \sin \alpha = m g_{отн} - \rho a_n V_m = 6 \rho V_m a_n - \rho a_n V_m = 5 \rho a_n V_m \Rightarrow N_0 = \frac{5 \rho a_n V_m}{\sin \alpha}$

$O_y \Rightarrow F_A \sin \beta + N_2 - m g_{отн} \sin \beta - N_0 \cos \alpha = 0 \Rightarrow N_2 = N_0 \cos \alpha + m g_{отн} \sin \beta - \rho g_{отн} V_m \sin \beta$, т.е.

$N_2 = N_0 \cos \alpha + 6 \rho V_m \cdot g - \rho g V_m = N_0 \cos \alpha + 5 \rho g V_m = \frac{5 \rho a_n V_m}{\sin \alpha} \cos \alpha + 5 \rho g V_m = 5 \rho g V_m + 5 \rho a_n V_m \text{ctg} \alpha$

т.е. $N_2 = 5 \rho g V_m + 5 \rho a_n V_m \cdot \frac{2}{3} = 5 \rho V_m (g + \frac{2}{3} a_n) = 5 \rho \cdot \frac{4}{3} \pi R^3 (g + \frac{2}{3} \cdot 1,5 \omega^2 R) = \frac{20}{3} \rho \pi R^3 (g + \omega^2 R)$

Ответ: 1) $\frac{20}{3} \rho g \pi R^3$ 2) $\frac{20}{3} \rho (g + \omega^2 R) \pi R^3$

Часть 2

Олимпиада: **Физика, 10 класс (2 часть)**

Шифр: **21205207**

ID профиля: **895708**

Вариант 2

И.

Чертовик и

Физика, 10 кл

Дано

$$\cos \alpha = \frac{3}{5}$$

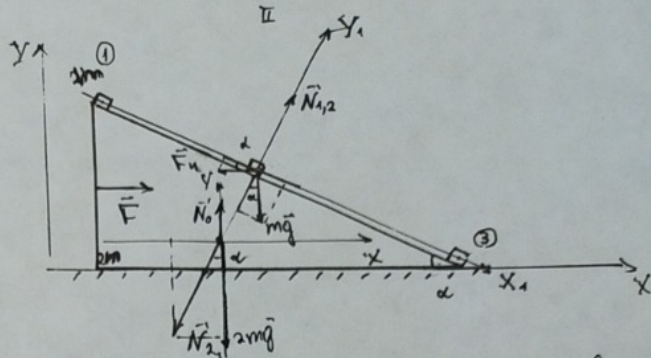
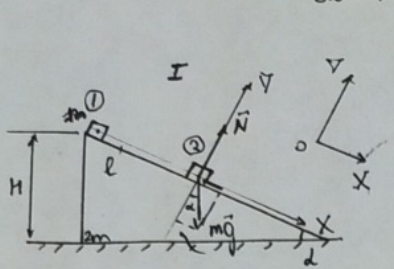
H

m

2m

 $v_1 = ?$ $a_k = ?$ $v_2 = ?$

Сечение



1) В I случае кинематически, а значит не А является с места, и т.к. его поверхность гладкая, то тела II закон Ньютона для m принимает вид:

$$mg + \vec{N} = m\vec{a} \Rightarrow \text{вдоль } O_x \Rightarrow mg \sin \alpha = ma \Rightarrow a = g \sin \alpha$$

и т.к. $a = \omega \sin \alpha$, то длину тангенса угла обозначим за l , то уравнение А принимает вид:

$$x(v_1) = \frac{2l v_1^2}{2} \equiv l \Rightarrow v_1^2 = \frac{2l}{a} \Rightarrow \text{где } l = \frac{H}{\sin \alpha}$$

$$\text{таким образом } v_1 = \sqrt{\frac{2H}{g \sin \alpha}} = \frac{1}{\sin \alpha} \sqrt{\frac{2H}{g}}, \text{ где } \sin \alpha = \sqrt{1 - \cos^2 \alpha} = \sqrt{1 - \frac{9}{25}} = \frac{4}{5}$$

$$\text{т.е. } v_1 = \frac{5}{4} \sqrt{\frac{2H}{g}} = 5 \sqrt{\frac{H}{2g}}$$

2) Когда на кинематический объект CF, найдем эту силу на тело посредством $2mg$ и $N_{2,1}$, при этом $|N_{2,1}| = |N_{1,2}| \equiv N$, где $N = mg \cos \alpha$, \vec{N}_0

Затем II закон Ньютона для силы

$$\vec{N}_0 + \vec{F} + \vec{N}_{2,1} + 2m\vec{g} = 2m\vec{a} \Rightarrow O_x \Rightarrow F - N_{2,1} \sin \alpha = 2ma_k \Rightarrow a_k = \frac{F - mg \cos \alpha \sin \alpha}{2m}$$

$$\text{т.е. } a_k = \frac{mg - mg \cdot 0.6 \cdot 0.8}{2m} = \frac{g}{2} - \frac{g \cdot 3 \cdot 4}{2 \cdot 5 \cdot 5} = \frac{g}{2} - \frac{6g}{25} = \frac{13g}{50}$$

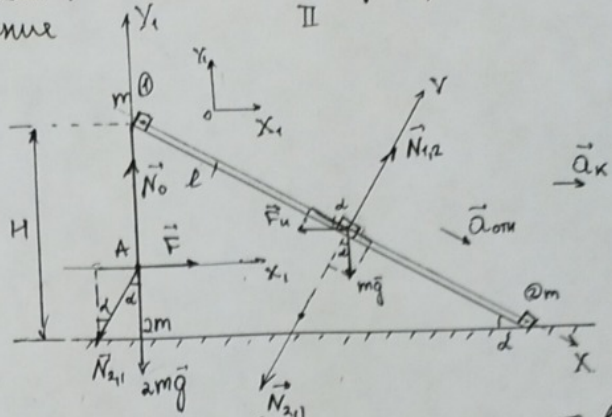
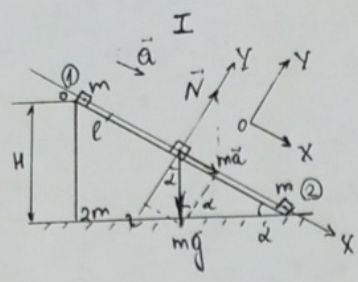
3) перед тем как считать скорость относительно сканала, в этой системе на m действует помимо обычных ньютоновских сил, сила инерции равная $|\vec{F}_i| = m a_{\text{отн}}$ и направлена горизонтально влево, тогда в этой системе считая

$$\vec{F}_i + m\vec{g} + \vec{N}_{1,2} = m\vec{a}_{\text{отн}} \Rightarrow \text{вдоль } O_{x1} \text{ получим } mg \sin \alpha - m a_{\text{отн}} \cos \alpha = m a_{\text{отн}} \Rightarrow a_{\text{отн}} = g \sin \alpha - \frac{13g \cos \alpha}{50}$$

$$\text{т.е. } a_{\text{отн}} = g \cdot \frac{4}{5} - \frac{13g \cdot 3}{50 \cdot 5} = \frac{g}{5} \left(4 - \frac{39}{50} \right) = \frac{161g}{250}$$

$$\text{Тогда запишем } l = \frac{a_{\text{отн}} v_2^2}{2} \equiv \frac{H}{\sin \alpha} = \frac{5H}{4} \Rightarrow v_2^2 = \frac{5H}{2 a_{\text{отн}}} = \frac{5H}{2} \cdot \frac{250}{161g} \Rightarrow v_2 = 25 \sqrt{\frac{H}{161g}}$$

4. Дано:
 $\cos \alpha = \frac{3}{5}$
 H
 m
 $2m$
 $\tau_1 = ?$
 $a_k = ?$
 $\tau_2 = ?$



1) В I случае клин закреплён, т.е. неподвижен, и т.к. его поверхность шероховатая, то второй закон Ньютона для бруска m принимает вид:

$m\vec{g} + \vec{N} = m\vec{a} \Rightarrow$ вдоль Ox получим:
 $mg \sin \alpha = ma \Rightarrow a = g \sin \alpha$, причём $\sin \alpha = \sqrt{1 - \cos^2 \alpha} = \sqrt{1 - (\frac{3}{5})^2} = \frac{4}{5}$, ширину обозначим за l

тогда уравнение движения бруска m , с учётом взаимодействия принимает вид
 $x(\tau_1) = \frac{a \tau_1^2}{2} \equiv l$, тогда $\tau_1^2 = \frac{2l}{a}$, где $l = \frac{H}{\sin \alpha}$

таким образом $\tau_1^2 = \frac{2}{g \sin \alpha} \frac{H}{\sin \alpha} \Rightarrow \tau_1 = \frac{1}{\sin \alpha} \sqrt{\frac{2H}{g}} = \frac{1}{\frac{4}{5}} \sqrt{\frac{2H}{g}} = 5 \sqrt{\frac{H}{2g}}$

2) В случае когда клин не закреплён, на него, помимо \vec{F} , действуют сила тяжести $2m\vec{g}$, сила нормальной реакции опоры со стороны горизонтальной поверхности стола \vec{N}_0 и сила нормальной реакции опоры со стороны бруска \vec{N}_{21} , причём $|\vec{N}_{21}| = |\vec{N}_{12}| \equiv N$, укажем эти силы на чертеже, для удобства перенесём их в точку A , где $N = mg \cos \alpha$ - это вытекает из второго закона Ньютона для m вдоль Ox

Затем для клина:

$\vec{F} + \vec{N}_0 + 2m\vec{g} + \vec{N}_{21} = 2m\vec{a}$, а вдоль Ox получим, с учётом взаимодействия:

$F - N \sin \alpha = 2ma_k$, тогда $2ma_k = mg - mg \cos \alpha \cdot \sin \alpha = mg(1 - \cos \alpha \sin \alpha) \Rightarrow a_k = \frac{g}{2}(1 - \cos \alpha \sin \alpha)$, т.е.

получаем, что $a_k = \frac{g}{2}(1 - \frac{3}{5} \cdot \frac{4}{5}) = \frac{13}{50}g$

3) перейдём в систему отсчёта связанную с клином $2m$ который движется с $a_k = \cos \alpha a$; в этой системе отсчёта, помимо обычных ньютоновских сил на m действует сила инерции равная:

$\vec{F}_u = m a_k$ и направлена горизонтально влево, тогда заметим принцип Даламбера применим - только к m , т.е.

$\vec{F}_u + m\vec{g} + \vec{N}_{12} = m\vec{a}_{отн} \Rightarrow$ вдоль Ox получим:

$mg \sin \alpha - F_u \cos \alpha = m a_{отн} \Rightarrow a_{отн} = g \sin \alpha - a_k \cos \alpha = g \left(\frac{4}{5} - \frac{13}{50} \cdot \frac{3}{5} \right) = \frac{g}{5} \left(\frac{200 - 39}{50} \right) = \frac{161}{250}g$

тогда записав уравнение движения (кинематическое), в этом случае получим:

$x(\tau_2) = \frac{a_{отн} \tau_2^2}{2} \equiv l$, тогда $\tau_2^2 = \frac{2l}{a_{отн}} = \frac{2}{a_{отн}} \cdot \frac{H}{\sin \alpha} = \frac{2}{\frac{161}{250}g} \cdot \frac{H}{\frac{4}{5}} = \frac{625H}{161g} \Rightarrow \tau_2 = 25 \sqrt{\frac{H}{161g}}$

ответ: 1) $5 \sqrt{\frac{H}{2g}}$ 2) $\frac{13}{50}g$ 3) $25 \sqrt{\frac{H}{161g}}$

Задача

5. Дано:

$$i=3$$

$$p_2 = 0,99 p_1$$

$$V_2 = 1,02 V_1$$

$$\frac{\Delta p}{p} \ll 1$$

$$\frac{\Delta V}{V} \ll 1$$

$$\frac{\Delta T}{T} \ll 1$$

$$\eta_1 = \frac{T_2 - T_1}{T_1} = ?$$

$$\eta_2 = \frac{Q_T}{\Delta U} = ?$$

1) так как меняются все величины, кроме количества вещества, то можем записать уравнение Клапейрона, т.е.

$$\frac{p_1 V_1}{T_1} = \frac{p_2 V_2}{T_2}, \text{ отсюда } T_2 = \frac{p_2 V_2}{p_1 V_1} \cdot T_1 = \frac{0,99 p_1 \cdot 1,02 V_1}{p_1 V_1} \cdot T_1 = 1,0098 T_1$$

таким образом искомая величина равна:

$$\eta_1 = \frac{T_2 - T_1}{T_1} = \frac{T_2}{T_1} - 1 = \frac{1,0098 T_1}{T_1} - 1 = 0,0098, \text{ т.е. } \eta_1 = 0,98\% \text{ - увеличилась}$$

2) величина изменения внутренней энергии газа в этом процессе равна

$$\Delta U = U_2 - U_1 = \frac{3}{2} p_2 V_2 - \frac{3}{2} p_1 V_1 = \frac{3}{2} (p_2 V_2 - p_1 V_1) = \frac{3}{2} (0,99 p_1 \cdot 1,02 V_1 - p_1 V_1) = 0,0147 p_1 V_1$$

П.к. относительные изменения параметров $\ll 1$, то можем считать, что зависимость линейная, тогда

$$A = \frac{p_1 + p_2}{2} (V_2 - V_1) = \frac{p_1 + 0,99 p_1}{2} (1,02 V_1 - V_1) = 0,0199 p_1 V_1$$

A соответствует числу начальной термодинамической паузы:

$$Q_T = \Delta U + A = 0,0147 p_1 V_1 + 0,0199 p_1 V_1 = 0,0346 p_1 V_1$$

таким образом искомая величина равна:

$$\eta_2 = \frac{Q_T}{\Delta U} = \frac{0,0346 p_1 V_1}{0,0147 p_1 V_1} = 2,35$$

5. Дано:

$$i = 3$$

$$p_2 = 0,99 p_1$$

$$V_2 = 1,02 V_1$$

$$\frac{\Delta p}{p} \ll 1$$

$$\frac{\Delta V}{V} \ll 1$$

$$\frac{\Delta T}{T} \ll 1$$

$$\eta_1 = \frac{T_2 - T_1}{T_1} \cdot 100\%$$

$$\eta_2 = \frac{Q_T}{\Delta U} - ?$$

Числовик 5

Физика, 10 кл

Семинар

1) Поскольку изменяются все величины, кроме количества вещества, то можем записать уравнение Клапейрона, т.е.

$$\frac{p_1 V_1}{T_1} = \frac{p_2 V_2}{T_2} \Rightarrow T_2 = \frac{p_2 V_2}{p_1 V_1} \cdot T_1 = \frac{0,99 p_1 \cdot 1,02 V_1}{p_1 V_1} \cdot T_1 = 1,0098 T_1$$

таким образом искомая величина равна:

$$\eta_1 = \frac{T_2 - T_1}{T_1} \cdot 100\% = \left(\frac{T_2}{T_1} - 1 \right) \cdot 100\% = \left(\frac{1,0098 T_1}{T_1} - 1 \right) \cdot 100\% = 0,98\% \text{ - увеличится}$$

2) величина изменения внутренней энергии газа в этом процессе равна:

$$\Delta U = U_2 - U_1 = \frac{3}{2} p_2 V_2 - \frac{3}{2} p_1 V_1 = \frac{3}{2} (p_2 V_2 - p_1 V_1) = \frac{3}{2} (0,99 p_1 \cdot 1,02 V_1 - p_1 V_1) = 0,0147 p_1 V_1$$

И т.к. по условию изменение параметров $\ll 1$, то можем считать, что зависимость линейная, т.е.

$$A = \frac{p_1 + p_2}{2} (V_2 - V_1) = \frac{p_1 + 0,99 p_1}{2} (1,02 V_1 - V_1) = 0,0199 p_1 V_1$$

В соответствии с первым началом термодинамики получим:

$$Q_T = \Delta U + A = 0,0147 p_1 V_1 + 0,0199 p_1 V_1 = 0,0346 p_1 V_1$$

Таким образом, с учётом вышесказанного, можем найти искомую величину:

$$\eta_2 = \frac{Q_T}{\Delta U} = \frac{0,0346 p_1 V_1}{0,0147 p_1 V_1} = 2,35$$

ответ: 1) увеличится на 0,98% 2) $\eta_2 = 2,35$