

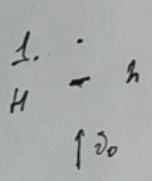
Часть 1

Олимпиада: **Физика, 10 класс (1 часть)**

Шифр: **21205363**

ID профиля: **352307**

Вариант 2



1) $h = \frac{H}{2}$

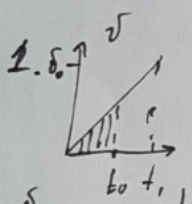
1) $v_0 t_1 = g t_1^2 \quad t = 1.5 t_1 =$

$H = \frac{v_0^2}{2g} = \frac{g t^2}{2} \quad t = \frac{\sqrt{2H}}{g}$

$\frac{H}{2} = \frac{g t_1^2}{2} \quad t_1 = \sqrt{\frac{H}{g}} = \sqrt{\frac{v_0^2}{2g^2}} = \frac{\sqrt{2} v_0}{2g}$

$T = \frac{v_0}{g} \left(\frac{2 + \sqrt{2}}{2} \right)$

2) $t_1 = t_x = \frac{\sqrt{2} v_0}{2g} \quad \frac{T}{t_1} = \frac{2 + \sqrt{2}}{2} \cdot \frac{2}{\sqrt{2}} = \frac{2 + \sqrt{2}}{\sqrt{2}} = \frac{2\sqrt{2} + 2}{2} = \sqrt{2} + 1$



1) $\frac{g t_0^2}{2} = v_0 t_0 - \frac{g t_0^2}{2} \quad H = \frac{v_0^2}{2g}$

$h = v_0 t_0 - \frac{g t_0^2}{2} \quad H - h = \frac{g t_0^2}{2}$

$v_0 t_0 - \frac{g t_0^2}{2} = H - \frac{g t_0^2}{2} = \frac{v_0^2}{2g} - \frac{g t_0^2}{2}$

$v_0 t_0 = \frac{v_0^2}{2g} \quad t_0 = \frac{v_0}{2g}$

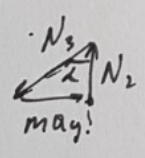
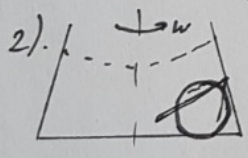


2) $\eta = \frac{t_1 + t_0}{t_0} \quad \frac{g t_1^2}{2} = \frac{v_0^2}{2g} \quad t_1 = \frac{v_0}{g}$

$\eta = \frac{\frac{v_0}{g} + \frac{v_0}{2g}}{\frac{v_0}{2g}} = \frac{0.5 + 1}{0.5} = 3$

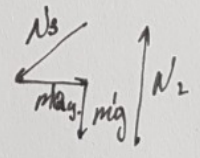
3) $h = v_0 t_0 - \frac{g t_0^2}{2} = v_0 \cdot \frac{v_0}{2g} - \frac{g \cdot v_0^2}{2 \cdot 4g^2} = \frac{v_0^2}{2g} - \frac{v_0^2}{8g} = \frac{3v_0^2}{8g}$

2. 1) $N_1 = mg - F_A = 5 \rho \cdot \frac{4}{3} \pi R^3 g$



$a_y = w^2 \cdot 1.5R$
 $\tan L = \frac{m a_y}{N_2} = \frac{3}{2}$

$\frac{1.5 m' w^2 R}{N_2'} = 1.5 \rightarrow N_2' = m' w^2 R$



$N_2 = N_2' + N_1 = m' w^2 R + (mg - F_A) = 5 \rho \cdot \frac{4}{3} \pi R^3 \cdot (g + w^2 R) = \frac{20}{3} \pi \rho R^3 (g + w^2 R)$

3) $T = 81 + 273 = 354 \quad V_0 = 1.71 \quad \mu = 18 \quad \rho_0 = ? \quad P_0 = 0.5 \cdot 10^5 = 0.5 \cdot 100000 = 50000$

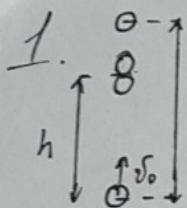
$pV = \text{const}$ Т.к. $pV = \text{const}$, то V нара увеличивается $\rightarrow P_2 = P_0$

$P_0 \cdot V_0 = P_1 \cdot V_1 \cdot R \cdot T \quad \frac{P_0}{3.6} \cdot 7V_0 = V_0 R T \quad 1.71 = \frac{1.7}{1000} \text{ M}^3$

$P_1 = \frac{P_0}{3.6} \quad M_0 = V_0 \cdot \mu = \frac{7 P_0 V_0}{3.6 R T} \text{ M}$

$\frac{10.71}{10590}$

Числовых



1) $t_x = t_0 + t_1$, где t_x - искомое время, t_0 - время подлета 1-ого мяча до высшей точки, t_1 - время от запуска 2-ого мяча до столкновения.

$t_0 = \frac{v_0}{g}$, т.к. за время движения мяча до высшей точки его скорость обращается в ноль.

Чтобы найти t_1 рассмотрим движение мячей:

Первый мяч пройдет расстояние $H-h = \frac{g_0 t_1^2}{2}$; второй $h = v_0 t_1 - \frac{g t_1^2}{2}$.

$H = \frac{v_0^2}{2g}$. Тогда выразим и приравняем h :

$$\frac{v_0^2}{2g} - \frac{g_0 t_1^2}{2} = v_0 t_1 - \frac{g t_1^2}{2}$$

Отсюда $\frac{v_0^2}{2g} = v_0 t_1 \rightarrow t_1 = \frac{v_0}{2g}$

$$\text{Тогда, } t_x = \frac{v_0}{g} + \frac{v_0}{2g} = \frac{3}{2} \frac{v_0}{g}$$

2) Обозначим искомое соотношение как η :

$$\eta = \frac{t_x}{t_1} = \frac{3v_0}{2g} : \frac{v_0}{2g} = 3$$

3) Подставляя ранее найденное t_x в формулу для h найдем:

$$h = v_0 \cdot \frac{v_0}{2g} - \frac{g}{2} \cdot \left(\frac{v_0}{2g}\right)^2 = \frac{v_0^2}{2g} - \frac{v_0^2}{8g} = \frac{3v_0^2}{8g}$$

$$\text{Ответ: } t_x = \frac{3v_0}{2g}; \eta = 3; h = \frac{3v_0^2}{8g}$$

Числовик.

3. $T = 273 + 81 = 354 \text{ K}$; p_1 - давление пара до статьи, p_2 - после.

1) Т.к. процесс изотермический, то при постоянном кол-ве пара $pV = \text{const}$. Однако, это соотношение неостойливо. Отсюда можно сделать вывод, что ~~этот~~ пар конденсируется. В таком случае, $p_2 = p_1$.

Отсюда $p_1 = \frac{p_2}{3,6}$ (т.к. давление изменилось в 3,6 раз).

$$p_1 = \frac{p_2}{3,6} \approx 14 \text{ (кПа)}$$

2) Т.к. мы знаем начальное давление, запишем уравнение Клапейрона-Менделеева:

$$p_1 V_1 = \nu_0 R T, \quad p_1 = \frac{p_2}{3,6}, \quad V_1 = V_0 \cdot 7; \quad V_0 = 1,7 \text{ л.}$$

$$\text{Отсюда } \nu_0 = \frac{7 p_1 V_0}{3,6 R T}$$

$$m_0 = \nu_0 \cdot M = \frac{7 p_1 V_0 M}{3,6 R T} \approx \frac{7 \cdot 0,5 \cdot 10^5 \text{ Па} \cdot 1,7 \text{ л} \cdot 18 \frac{\text{г}}{\text{моль}}}{3,6 \cdot 8,31 \frac{\text{Дж}}{\text{моль} \cdot \text{К}} \cdot 354 \text{ К}} = \frac{7 \cdot 0,5 \cdot 10^5 \text{ Па} \cdot 0,0017 \text{ м}^3 \cdot 0,018 \frac{\text{кг}}{\text{моль}}}{3,6 \cdot 8,31 \frac{\text{Дж}}{\text{моль} \cdot \text{К}} \cdot 354 \text{ К}} \approx$$

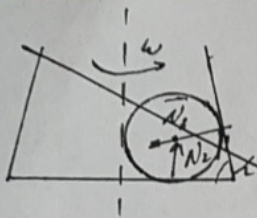
≈ 12

Ответ: $p_1 \approx 14 \text{ кПа}$; $m_0 \approx 12$.

(3)

Числовик

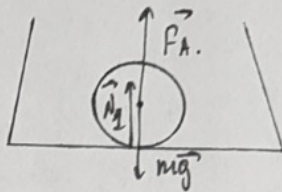
2.



1) Если бы сосуд не вращался, на него шар действовали бы всего три силы: N_1 , сила тяжести и сила Архимеда со стороны жидкости:

$$N_1 = mg - F_A = 5\rho Vg - \rho Vg = 5\rho Vg.$$

Объём шара: $\frac{4}{3}\pi R^3$. Тогда $N_1 = \frac{20}{3}\pi\rho R^3 g$.



2) При вращении сосуда образуются ещё две силы, действующие на шар: сила со стороны боковой стенки и центробежная сила.

Для удобства будем использовать m' ($m' = \frac{N_1}{g}$), т.к. все шара в воде уже изменён.

Может разделять N_2 на $m'g$ и N_2' : $N_2 = m'g + N_2' = N_1 + N_2'$

Т.к. $N_2 \perp$ стенке, $N_2' \perp$ дну, то угол между ними равен 45° .

$$\text{Тогда } \operatorname{tg} 45^\circ = \frac{m'a_y}{N_2'} = \frac{3}{2}$$

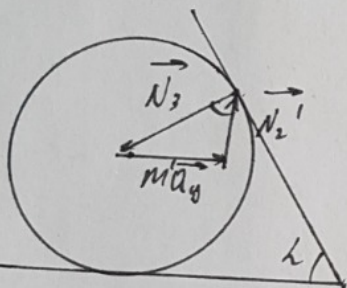
$$a_y = \omega^2 \cdot 1,5R \rightarrow N_2' = m'\omega^2 R$$

В таком случае, $N_2 = N_2' + N_1 =$

$$= 5\rho \cdot \frac{4}{3}\pi R^3 (g + \omega^2 R) = \frac{20}{3}\pi\rho R^3 (g + \omega^2 R).$$

Ответ: $N_1 = \frac{20}{3}\pi\rho g R^3$;

$$N_2 = \frac{20}{3}\pi\rho R^3 (g + \omega^2 R).$$



2

Часть 2

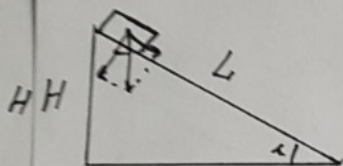
Олимпиада: **Физика, 10 класс (2 часть)**

Шифр: **21205363**

ID профиля: **352307**

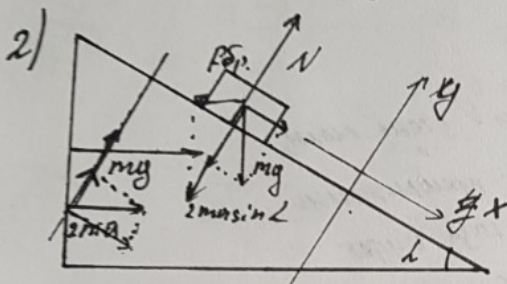
Вариант 2

1. 1) $\sin \alpha = \sqrt{1 - \cos^2 \alpha} = \frac{4}{5}$



Если клин удерживать, то у бруска появится ускорение $a_{\delta} = g \sin \alpha$

Он должен проехать расстояние $L = \frac{H}{\sin \alpha}$
 $L = \frac{a t_x^2}{2} \rightarrow t_x = \sqrt{\frac{2L}{a_{\delta}}} = \sqrt{\frac{2H}{g \sin^2 \alpha}} = \sqrt{2} \cdot \frac{5H}{4g}$



Если клин начнет двигаться, то он начнет действовать на брусок с большей силой. В то же время брусок также начнет действовать на клин с большей силой, замедляя его. Запишем уравнения равновесия сил.

$mg \cos \alpha = N - 2ma \sin \alpha \rightarrow N = m(g \cos \alpha + 2a \sin \alpha)$
 $2ma = F - F_{\delta p}$ $F_{\delta p} = N \sin \alpha = m \sin \alpha (g \cos \alpha + 2a \sin \alpha)$

$2ma = mg - mg \cos \alpha \sin \alpha - 2ma \sin^2 \alpha$
 $2a(1 + \frac{1}{5}) = g(1 - \frac{12}{25}) \rightarrow a = \frac{13}{82} g \approx 0,16g$

3) Т.к. брусок клин теперь движется в одну сторону с бруском, необходимо учитывать, что время увеличится.

Проекция ускорения клина на Dx : $a \cdot \sin \alpha$
 $a' = \Delta a = \frac{4}{5}g - \frac{13g}{82} \cdot \frac{4}{5} = \frac{4}{5}g - \frac{52g}{410} \approx 0,67g$

$t = \sqrt{\frac{2L}{a'}} = \sqrt{\frac{2 \cdot 5H}{4 \cdot 0,67g}} \approx 1,9 \sqrt{\frac{H}{g}}$

Ответ: $\sqrt{2} \frac{5H}{4g}$; $0,16g$; $1,9 \sqrt{\frac{H}{g}}$

2. 1) Запишем ур-ние Клапейрона-Менделеева:

$$pV = \nu RT$$

$$0,99p \cdot 1,02V = \nu RT_x \quad \frac{T}{T_x} = \frac{pV}{0,99p \cdot 1,02V} = \frac{1}{0,99 \cdot 1,02}$$

$$T_x = 1,088 T \quad \Delta T = T_x - T = 0,088 T \quad \frac{\Delta T}{T} = 9,8\%$$

Температура газа поднялась на 9,8%.

$$2) Q = \Delta U + A$$

$$\eta = \frac{Q}{\Delta U} = \frac{A}{\Delta U} + 1$$

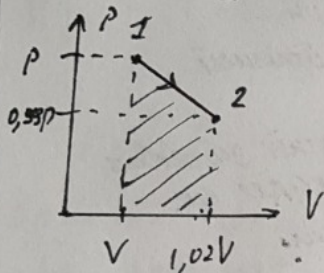
П.к. относительные изменения p и V очень малы, то график процесса 1-2 можно приближенно считать прямой. Тогда работой газа будет являться площадь под графиком 1-2.

$$A \approx (1,02V - V) \cdot \frac{p + 0,99p}{2} \approx 0,0199 pV$$

$$\Delta U = \frac{3}{2} \nu R \Delta T = \frac{3}{2} \nu R \cdot 0,088 T = \frac{3}{2} \cdot 0,088 \cdot pV \approx 0,147 pV$$

$$\text{Тогда } \eta = \frac{0,0199 pV}{0,147 pV} + 1 \approx 1,14$$

Ответ: увеличилась на 9,8%; $\eta \approx 1,14$.



Чертежи

1. $\sin \alpha = \sqrt{1 - \frac{9}{25}} = \frac{4}{5}$

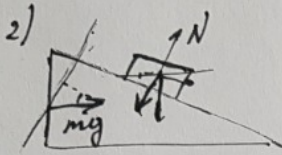
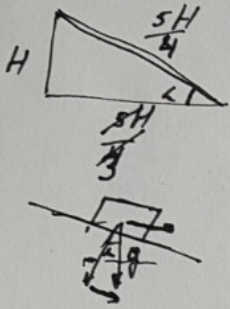
$L = \frac{H}{2}$

$a_g = g \sin \alpha = \frac{4}{5}g$

$L = \frac{5H}{4}$

$\frac{H}{L} = \sin \alpha = \frac{4}{5}$

$t = \sqrt{\frac{2L}{a_g}} = \sqrt{\frac{10H \cdot 5}{4 \cdot 4g}} = \sqrt{\frac{50H}{16g}} = \sqrt{2} \cdot \frac{5H}{4g}$



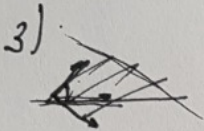
2) $2ma = F - F_{dp}$

$\frac{4}{5}g$
 $g \cos \alpha \sin \alpha$

$F_{dp} = mg \cos \alpha \cdot \sin \alpha$

$2ma = mg - mg \cos \alpha \sin \alpha$

$a = \frac{g}{2} (1 - \frac{12}{25}) = \frac{13g}{50}$



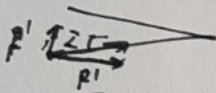
3) $F' = \frac{2mg}{\sin \alpha}$

$ma = mg + \frac{2ma}{\sin \alpha} = \frac{2m \cdot 13g \cdot 5}{50 \cdot 4} + mg$

$a' = \frac{26}{40}g + g = \frac{66g}{40}$

$t = \sqrt{\frac{2L}{a'}} = \sqrt{\frac{2 \cdot 5H \cdot 40}{4 \cdot 66g}} = \sqrt{\frac{50H}{93g}}$

$1,098 = 1,0109g$



2. $pV = \nu RT$ $0,99p \cdot 1,02V = \nu RT_x$

$\frac{T_x}{T} = \frac{0,99p \cdot 1,02V}{pV}$

$\Delta T = T_x - T = 0,99 \cdot 1,02T - T = 0,098T$ $\Delta T = 9,8\%$

2) $\Delta U = \frac{3}{2} \nu R \Delta T$

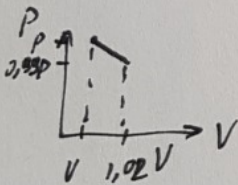
$\eta = \frac{Q}{\Delta U} = \frac{A}{\Delta U} + 1$

$Q = A + \Delta U$

$A = 0,02V \cdot \frac{p + 0,99p}{2}$ — пробный метод.

$A \approx 0,0199 pV$

$\eta \approx 8,4$



$mg \cos \alpha = N + 2ma \sin \alpha$ $N = m(g \cos \alpha + 2a \sin \alpha)$

1) $mg \cos \alpha = N + mg \sin \alpha$ $N = mg(\cos \alpha + \sin \alpha)$

$F_{dp} = N \sin \alpha$

$N \sin \alpha = F_{dp} = mg (\frac{4}{5} + \frac{3}{5}) \cdot \frac{4}{5} = mg \frac{28}{25}$

$2ma = mg - mg \cos \alpha \sin \alpha + 2ma \sin^2 \alpha$
 $2a(1 + \frac{16}{25}) = g(1 - \frac{12}{25})$ $2a \cdot \frac{41}{25} = \frac{13g}{25}$
 $a = \frac{13}{82}g$

$2ma = mg - mg \cdot \frac{12}{25}$

3) $a' = \Delta a = \frac{4}{5}g - \frac{2a}{\sin \alpha} = \frac{4}{5}g - \frac{13 \cdot 2g \cdot 5}{50 \cdot 4} = \frac{4}{5}g - \frac{26 \cdot 5g}{50 \cdot 4} = \frac{160g}{50 \cdot 4} - \frac{130g}{50 \cdot 4} = \frac{30g}{50 \cdot 4} = \frac{3g}{20}$

$t = \sqrt{\frac{2L}{a'}} = \sqrt{\frac{2 \cdot 5H \cdot 20}{4 \cdot 3g}} = \sqrt{\frac{100H}{12g}} = 20 \sqrt{\frac{H}{12g}} = 10 \sqrt{\frac{H}{3g}}$

$a' = \Delta a = \frac{4}{5}g - \frac{2 \cdot 13 \cdot 5}{82 \cdot 4}g \approx 0,4g$

$t = \sqrt{\frac{2L}{a'}} = \sqrt{\frac{2 \cdot 5H}{4 \cdot 0,4g}} = \sqrt{\frac{10H}{4 \cdot 0,4g}} \approx 2,5 \sqrt{\frac{H}{g}}$