

Часть 1

Олимпиада: **Физика, 10 класс (1 часть)**

Шифр: **21205753**

ID профиля: **287517**

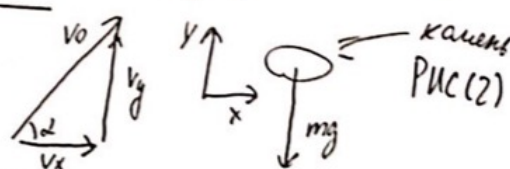
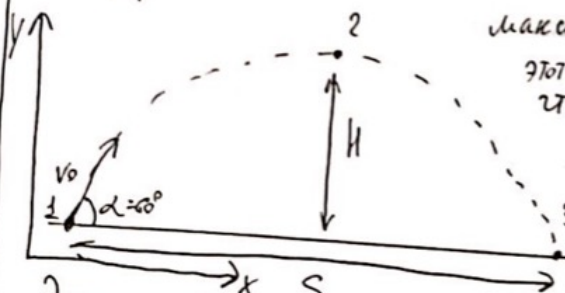
Вариант 3

1.

Дано:
 $\alpha = 60^\circ$
 $S = 17 \text{ м}$
 $V = V_0/4$
 $m = 1 \text{ кг}$

Решение:
 1) вопрос

Рассмотрим закон сохранения энергии, чтобы доказать, что время, за которое камень поднимается на максимальную высоту H , равно времени, за которое этот же камень будет падать до земли, при условии, что точки (1) и (3) находятся на одной горизонтальной плоскости, эту плоскость возьмем за нуль потенциальной энергии



Найти:
 $V_0 = ?$
 $F = ?$

Энергия в точке 1: $E_1 = \frac{mv_0^2}{2}$

Энергия в точке 2: $E_2 = \frac{mv_0^2 \cos^2 \alpha}{2}$

Энергия в точке 3: $E_3 = \frac{mv_3^2}{2} + mgH$, где $v_0 \cos \alpha$ - горизонтальная составляющая скорости, вертикальная составляющая скорости
 где v_3 - скорость в точке 3, а $v_0 \cos \alpha$ - const т.к. при движении не совершается работа т.е. (2) - максимальная точка, а $v_0 \cos \alpha$ - const т.к. нет сопротивления

По закону сохранения энергии $E_1 = E_2 = E_3 \Rightarrow$ т.к. в (1) и (3) потенциальная энергия равна нулю, а $E_1 = E_3 \Rightarrow |v_0| = |v_3|$, а т.к. горизонтальная составляющая const \Rightarrow и вертикальные совпадают по модулю

Следовательно, если мы знаем угловые изменения скорости при (1) \rightarrow (2) и (2) \rightarrow (3), заметив равенство времени

(1) \rightarrow (2) $0 = v_0 \sin \alpha - g \tau_1$ τ_1 время за которое тело добралось от (1) до (2)

(2) \rightarrow (3) $-v_0 \sin \alpha = 0 - g \tau_2$ τ_2 время за которое тело добралось от (2) до (3)

И тогда $\tau_1 = \frac{v_0 \sin \alpha}{g}$; $\tau_2 = \frac{v_0 \sin \alpha}{g} \Rightarrow \tau_1 = \tau_2 = \tau \Rightarrow$ время полета камня от (1) до (3) = $2\tau = 2 \frac{v_0 \sin \alpha}{g} = \tau_n$ (время полета)

$S = v_x \cdot \tau_n$ (т.к. v_x - горизонтальная составляющая const т.к. нет сил, то действует по этой оси
 $S = v_0 \cos \alpha \cdot \tau_n = v_0 \cos \alpha \cdot 2 \frac{v_0 \sin \alpha}{g} = \frac{v_0^2 \sin 2\alpha}{g} \Rightarrow$ РИС (2)

$\Rightarrow \sqrt{\frac{Sg}{\sin 2\alpha}} = v_0 = \sqrt{\frac{17 \cdot 10}{\sin(120)}} = \sqrt{\frac{170}{\sin(120)}} = \sqrt{\frac{170 \cdot 2}{\sqrt{3}}} = \sqrt{\frac{340}{1.732}} = 14.1 \text{ м/с}$

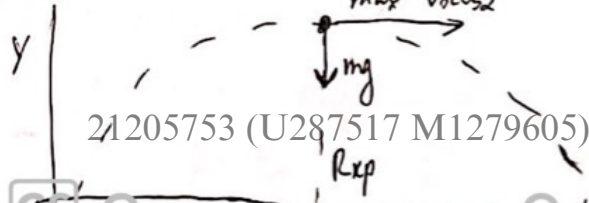
Ответ на 1 вопрос: $V_0 = 14.1 \text{ м/с}$

2) вопрос Да ли на траектории вернется к траектории полета камня? Величина радиуса кривизны в высшей точке $[R_{кр}]$.

На камень действует только сила mg , тогда

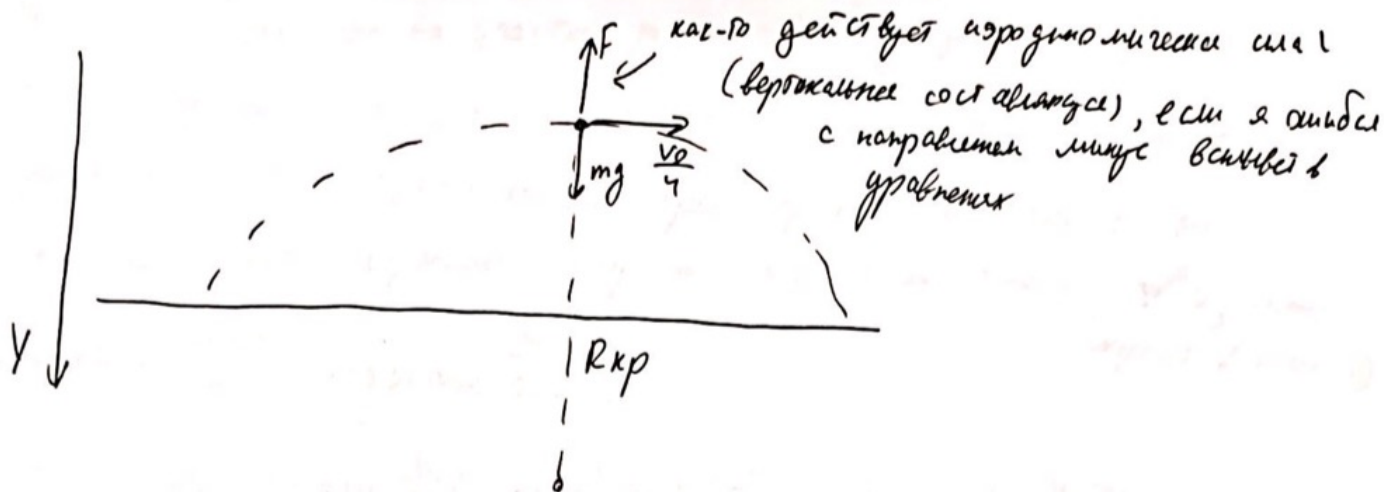
$mg = m \frac{(v \cos \alpha)^2}{R_{кр}}$; $\frac{(v \cos \alpha)^2}{R_{кр}}$ т.к. $a_{центр} = \frac{v^2}{R}$

И тогда $R_{кр} = \frac{v^2 \cos^2 \alpha}{g}$



21205753 (U287517 M1279605)

Тенерс рассмотри ситуацию с самолётом, ~~на высоте~~



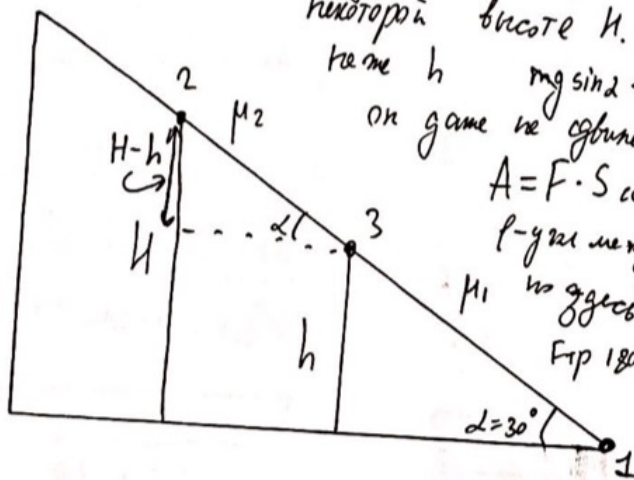
$$mg - F = m \frac{v_0^2}{16} \cdot \frac{1}{R_{кр}} \Rightarrow mg - F = m \frac{v_0^2}{16} \cdot \frac{g}{v_0^2 \cos^2 \alpha} =$$

$$\Rightarrow mg \left(1 - \frac{1}{16 \cos^2 \alpha}\right) = F = 1 \cdot 10 \left(1 - \frac{1}{16 \cdot \frac{1}{4}}\right) = 10 \left(1 - \frac{1}{4}\right) = 10 \cdot \frac{3}{4} = 7,5 \text{ Н}$$

Ответ: на 2 вопрос $F = 7,5 \text{ Н}$

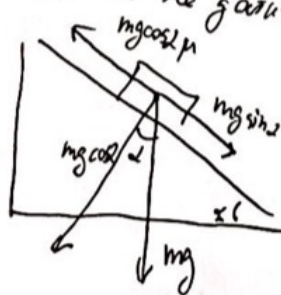
2.

Предположим, что точка старта это такая точка 2 на некоторой высоте H. Высота $H > h$ т.е. при высоте h там же $mg \sin \alpha < mg \cos \alpha \mu_1$ он game не сойдет с места и не достигнет точки (1)



$$A = F \cdot S \cos \varphi, \text{ где } \varphi \text{ — угол между } \vec{F} \text{ и } \vec{S}$$

μ_1 — коэффициент трения
 $F_{тр} 180^\circ \Rightarrow \cos 180^\circ = -1$



РUC (2)
 $F_{тр} = N \mu_1$

Тогда запишем закон сохранения энергии для точки 1 и 2 учитывая работу сил трения участка с μ_1 и μ_2

$$mgh = mg \mu_2 \cos \alpha \frac{H-h}{\sin \alpha} + mg \mu_1 \cos \alpha \frac{h}{\sin \alpha} \Rightarrow mgh = mg \mu_2 (H-h) \frac{1}{\sin \alpha} + mg \mu_1 h \frac{1}{\sin \alpha} \quad | : mg | \cdot \sin \alpha \Rightarrow$$

$$\Rightarrow H \sin \alpha = \mu_2 (H-h) + \mu_1 h \Rightarrow H (\sin \alpha - \mu_2) = h (\mu_1 - \mu_2) \Rightarrow$$

$$\Rightarrow H = \frac{h (\mu_1 - \mu_2)}{\sin \alpha - \mu_2} = \frac{2 \cdot 0,7}{0,46175} = 3 \text{ м}$$

Ответ на 2 вопрос $H = 3 \text{ м}$

1 вопрос

Мы уже знаем, что на участке μ_1 камень тормозит, на участке μ_2 $mg \sin \alpha > mg \cos \alpha \mu_2$; $\frac{1}{2} > 0,095 \Rightarrow$ на этом участке камень ускорится и нам нужно найти время прохождения участка с μ_1

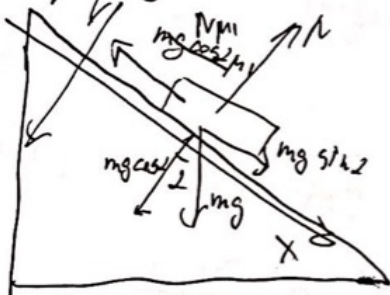
Запишем закон сохранения энергии из точки 3 \rightarrow 1; V_3 - начальная скорость в точке 3

$$mgh + \frac{mv_3^2}{2} = mg\mu_1 \cos \alpha \frac{h}{\sin \alpha} \quad | \cdot 2$$

$$2mgh + mv_3^2 = 2mg\mu_1 \frac{h}{\sin \alpha} \Rightarrow v_3^2 = 2gh \left(\frac{\mu_1}{\sin \alpha} - 1 \right) = 2gh \left(\frac{\mu_1 \cdot \cos \alpha}{\sin \alpha} - 1 \right) =$$

$$= \frac{2gh}{\sin \alpha} (\mu_1 \cos \alpha - \sin \alpha) = v_3^2$$

Теперь запишем уравнение движения камня



$$Oy: mg \cos \alpha - N = 0 \Rightarrow mg \cos \alpha = N$$

$$Ox: mg \sin \alpha - N\mu_1 = ma \Rightarrow mg \sin \alpha - mg \cos \alpha \mu_1 = ma$$

$$g(\sin \alpha - \cos \alpha \mu_1) = a$$

$$Tогда \tau = \frac{v_3}{a} = \frac{\sqrt{\frac{2gh(\mu_1 \cos \alpha - \sin \alpha)}{\sin \alpha}}}{g(\sin \alpha - \cos \alpha \mu_1)} =$$

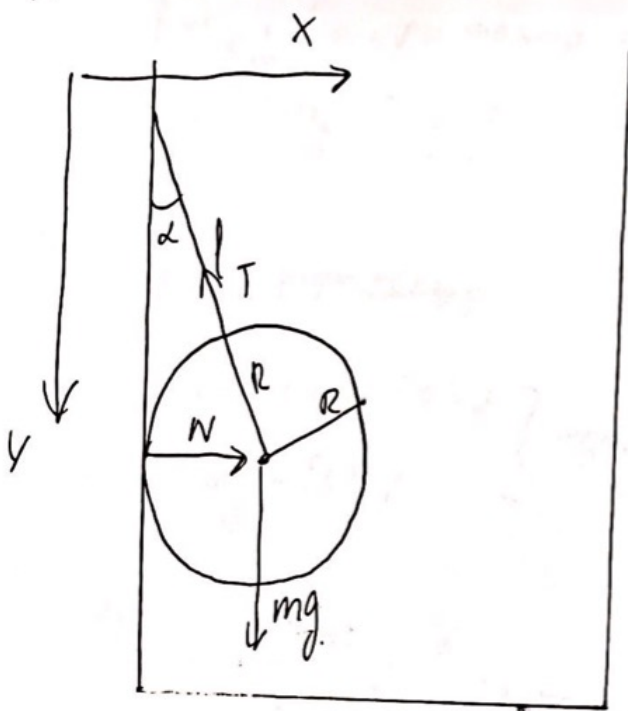
$$= \frac{\sqrt{2gh(\mu_1 \cos \alpha - \sin \alpha)}}{\sqrt{g^2(\sin \alpha - \cos \alpha \mu_1)^2 \sin \alpha}} = \frac{\sqrt{2h}}{\sqrt{g(\cos \alpha \mu_1 - \sin \alpha) \sin \alpha}} = \frac{\sqrt{4}}{\sqrt{5 \left(\frac{\sqrt{3}}{2} \cdot 0,8 - \frac{1}{2} \right)}} =$$

$$= \frac{\sqrt{4}}{\sqrt{\frac{5}{2} (\sqrt{3} \cdot 0,8 - 1)}} = \frac{\sqrt{8}}{\sqrt{5 \cdot 0,4}} = \frac{\sqrt{80}}{\sqrt{20}} = \sqrt{4} = 2 \text{ сек}$$

Ответ на 1 вопрос: время торможения $\tau = 2 \text{ сек}$

Чистовик Лист #4

11



Расставим силы, действующие на шар и запишем уравнения для осей T - натяжения нити l - высота стен и радиуса

$$OX: N - T \sin \alpha = 0$$

$$OY: mg - T \cos \alpha = 0$$

$$\sin \alpha = \frac{R}{R+l}; \cos \alpha = \frac{\sqrt{(R+l)^2 - R^2}}{R+l} =$$

$$= \frac{\sqrt{R^2 + l^2 + 2Rl - R^2}}{R+l} = \frac{\sqrt{l^2 + 2Rl}}{R+l} =$$

$$= \frac{\sqrt{l(l+2R)}}{R+l}$$

$$OX: N = T \sin \alpha$$

$$OY: mg = T \cos \alpha$$

поделим эти уравнения

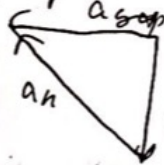
$$\frac{N}{mg} = \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha} = \frac{R}{R+l} \cdot \frac{R+l}{\sqrt{l(l+2R)}} =$$

$$\Rightarrow N = mg \frac{R}{\sqrt{l(l+2R)}} = 0,8 \cdot 10 \cdot \frac{0,05}{\sqrt{0,15(0,15+0,1)}} = 8 \cdot \frac{0,05}{\sqrt{0,15 \cdot 0,25}} =$$

$$= 8 \cdot \frac{0,05}{0,194} \approx 2 \text{ Н}$$

Ответ: на 1 вопрос: сила реакции опоры стены (2 Н)

Сила Архимеда всегда направлена перпендикулярно поверхности аи, её проекция это сила ускорения а (в нашем случае центр) и g



\Rightarrow Перпендикулярную силу Архимеда, можно заменить на 2-ю проекцию $F_{Арх} g$

$F_{Арх} g$ всегда действует вверх OY, против OX

Расставим силы и запишем уравнения

$F_{Арх}$ всегда действует против ускорения, вб действующее на массу m

l - высота стен и радиуса

21205753 (U287517 M1279605)

$$mg \sin \alpha \quad \vee \quad mg \cos \alpha \quad \mu_2$$

$$\frac{1}{2} \vee \frac{\sqrt{3}}{2} \cdot 0,11 \Rightarrow 1 \vee \sqrt{3} \cdot 0,11$$

$$1 \vee 1,72 \cdot 0,11 \quad 1 > 1,72 \cdot 0,11$$

~~$$2g \sin \alpha - g \cos \alpha$$~~

$$2g (\sin \alpha - \cos \alpha \mu_1) \frac{h_1}{\sin \alpha} = 0 - v_1^2$$

~~$$2g \cos \alpha \mu_1$$~~

$$2g (\sin \alpha - \cos \alpha \mu_1) \frac{h_1}{\sin \alpha} = -v_1^2$$

$$\frac{2g (\sin \alpha - \cos \alpha \mu_1) \frac{h_1}{\sin \alpha}}{g^2 (\sin \alpha - \cos \alpha \mu_1)^2} = \frac{v_1^2}{g^2 (\sin \alpha - \cos \alpha \mu_1)^2} = -\frac{v_1^2}{g^2}$$

$$\Rightarrow \sqrt{\frac{2 h_1}{g (\cos \alpha - \mu_1 \sin \alpha)}} = \frac{v_1}{g}$$

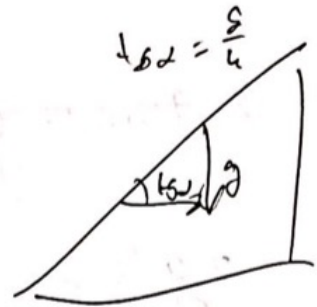
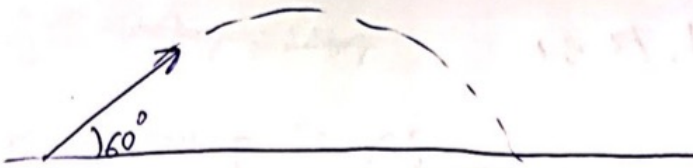
$$\frac{4}{50 \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} (\sqrt{3} \cdot 0,11 - 1)} = \frac{4}{2,5 \cdot 0,4} = \frac{480}{2 \cdot 10} = \frac{80}{20,4}$$

1.

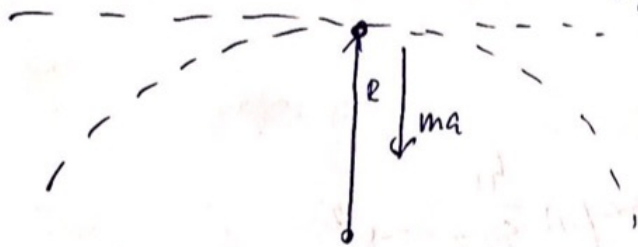
1)

$$L = v \cos \alpha \cdot 2 \frac{v \sin \alpha}{g} = \frac{v^2 \sin 2\alpha}{g}$$

$$v = \sqrt{\frac{Lg}{\sin 2\alpha}}$$



2)



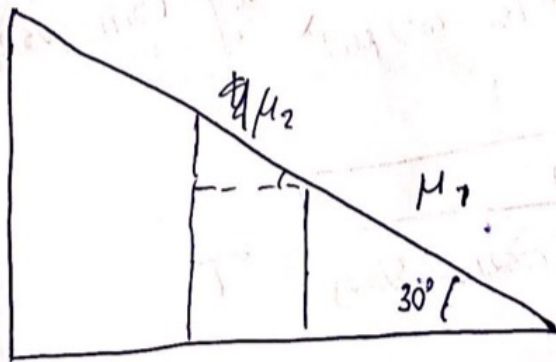
$$\frac{mv^2}{R} + mg = F_{TP}$$

$\frac{Lg}{R \sin 2\alpha}$

0,81

0,11

2.



$$\frac{mg \cos \alpha \cdot \mu_1 \cdot h_1}{\sin \alpha} = mg \cos \alpha \cdot \mu_1 \cdot h_1$$

$$mg \cos \alpha \cdot \mu_1 \cdot \frac{h}{\sin \alpha} = \frac{mg \mu_1 h}{\sin \alpha}$$

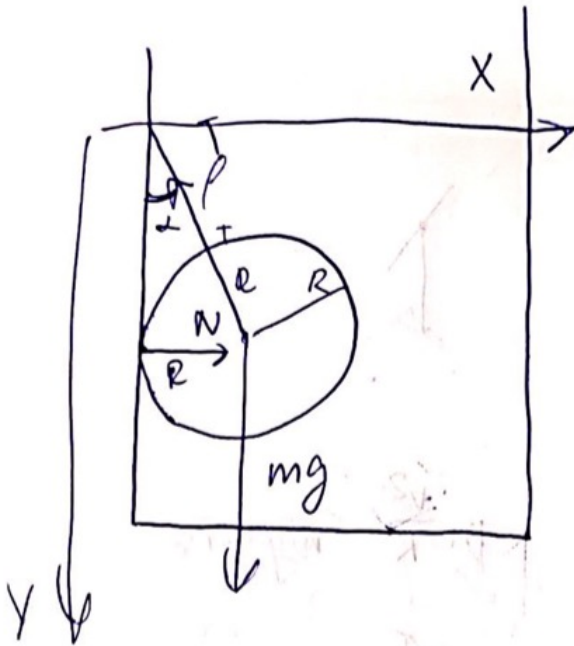
$$\frac{mg (H - h_1)}{\sin \alpha} \cdot \cos \alpha \mu_2 = \frac{(H - h_1) mg \mu_2}{\sin \alpha}$$

$$\sin \alpha \cdot mg H = (H - h_1) mg \mu_2 + mg \mu_1 h \Rightarrow \sin \alpha H = H \mu_2 - h_1 \mu_2 + h \mu_1$$

21205753 (U287517 M1279605)

$$(\sin \alpha - \mu_2) H = h (\mu_1 - \mu_2) \Rightarrow H = \frac{h (\mu_1 - \mu_2)}{\sin \alpha - \mu_2}$$

3.



$$mg - T \cos \alpha = 0$$

$$mg = T \frac{\sqrt{l(l+2R)}}{l+R}$$

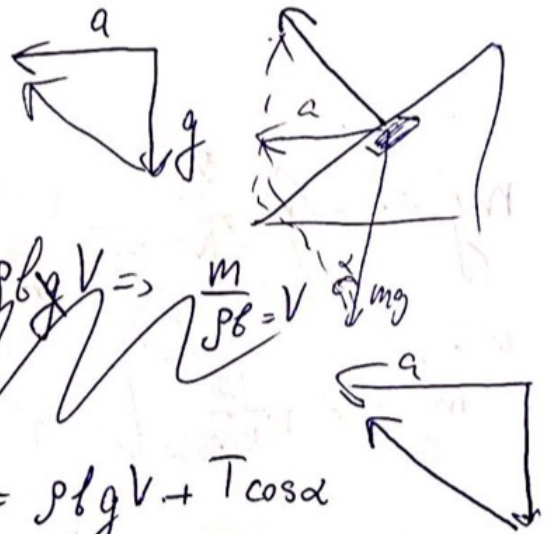
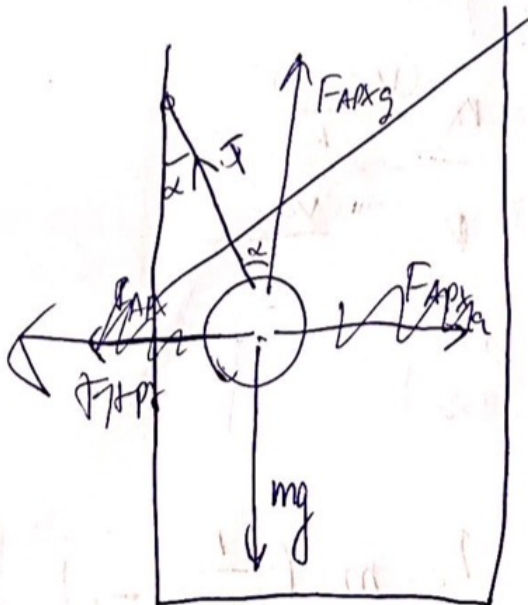
$$N - T \sin \alpha = 0$$

$$N = T \frac{R}{l+R}$$

$$\frac{mg(l+R)}{\sqrt{l(l+2R)}} = \frac{N(l+R)}{R} \rightarrow$$

$$(l+R)^2 - R^2 = l^2 + R^2 + 2lR - R^2 = \sqrt{l(l+2R)}$$

$$\frac{mg R}{\sqrt{l(l+2R)}} = N$$



$$mg = \rho g V \Rightarrow \frac{m}{\rho V} = V$$

$$1. mg = \rho g V + T \cos \alpha$$

$$2. \rho g V + T \sin \alpha = ma$$

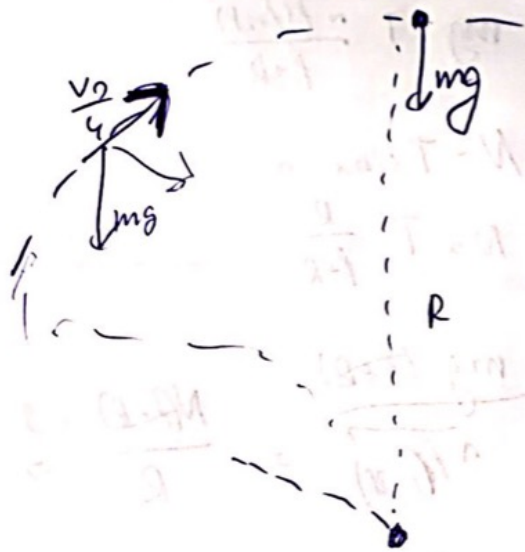
$$1. \rho g V = mg - T \cos \alpha \Rightarrow \frac{g}{a} = \frac{mg - T \cos \alpha}{ma - T \sin \alpha}$$

$$2. \rho g V = ma - T \sin \alpha$$

$$mg - T \sin \alpha = ma - T \cos \alpha \cdot a \Rightarrow$$

$$\left(\frac{a}{g} = \tan \alpha \right) = \left(\frac{\omega^2 R}{g} = \tan \alpha \right)$$

21205753 (U287517 M1279605)



$$m \frac{v^2}{R} = mg + F_c$$

$$F_c - mg = 0$$

$$F_c = mg = 10$$

$$\frac{mg + F_c}{m} =$$

Кенем

~~$$mg = m \frac{v^2}{R}$$~~

~~$$mg + F_c = m \frac{v^2}{4} \frac{1}{\cos^2 \alpha}$$~~
~~$$mg + F_c = m \frac{g}{4 \cos^2 \alpha} \Rightarrow F_c = mg \left(1 - \frac{1}{4 \cos^2 \alpha} \right)$$~~

$$mg = m \frac{(v \cos \alpha)^2}{R} \rightarrow R = \frac{(v \cos \alpha)^2}{g}$$

$$mg + F_c = m \frac{v^2}{16} \cdot \frac{g}{v^2 \cos^2 \alpha} \Rightarrow F_c = mg \left(\frac{1}{16 \cos^2 \alpha} - 1 \right)$$

Часть 2

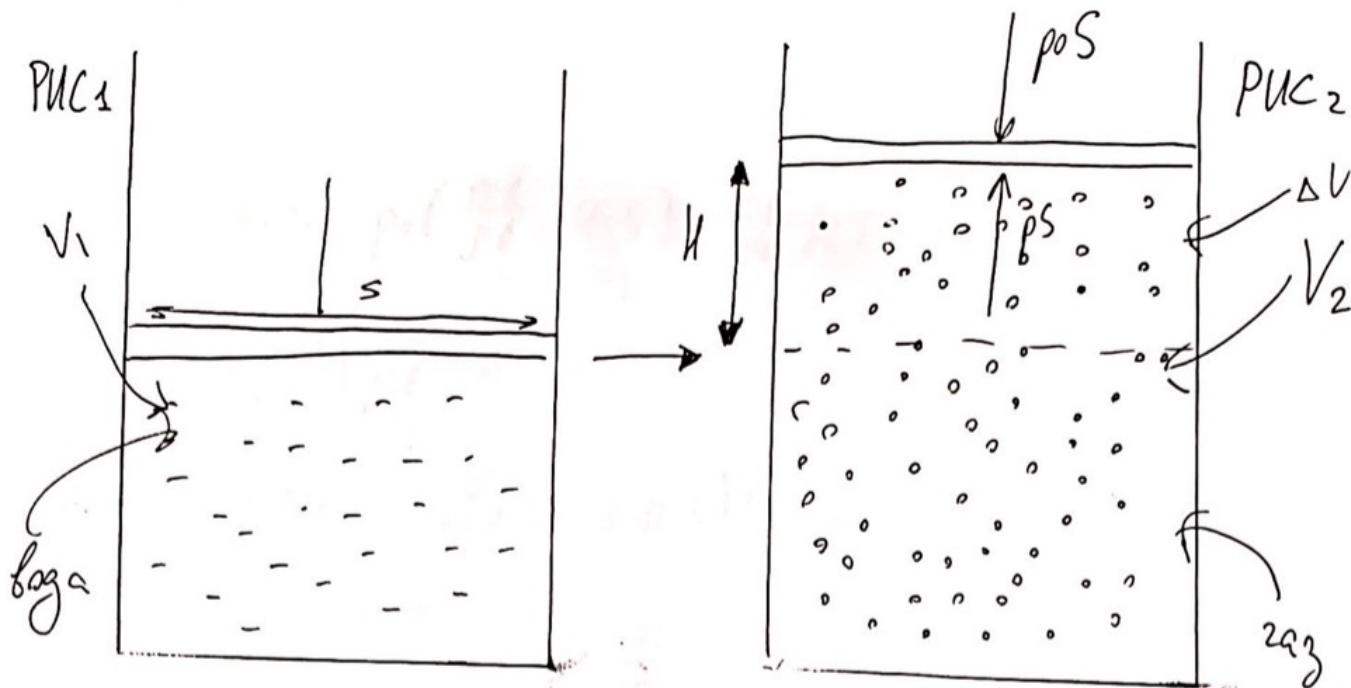
Олимпиада: **Физика, 10 класс (2 часть)**

Шифр: **21205753**

ID профиля: **287517**

Вариант 3

4.



1) Все тепло ушло на нагревание воды т.к. цилиндр теплоизолирован, следовательно потерь никаких быть не может. Чтобы вода начала кипеть ей нужно довести до T_k (температура кипения равная 100°C).

~~$$Q = m \cdot c \cdot (T_k - t_0) = \frac{5,5}{1000} \cdot 4180 \cdot (100 - 0) = \frac{5,5}{1000} \cdot 4180 \cdot 100 = 5,5 \cdot 418 = 2299 \text{ Дж}$$~~

Ответ на 1 вопрос $Q_1 = 2299 \text{ Дж}$

2) Посчитаем сколько нужно теплоты, чтобы вся вода превратилась в пар (Q_k)

$$Q_k = m r = \frac{5,5}{10^3} \cdot 2,26 \cdot 10^6 = 226,55 = 12430 \text{ Дж}$$

Заметим, что $Q_k < Q_2$ ($12430 < 17430$) $\Rightarrow Q_2 - Q_k$ пошло на увеличение температуры газа;

$$Q_2 - Q_k = Q_r = 5000 \text{ Дж}$$

~~$$Q_r = m c_p \cdot \Delta T = m c_p (T_r - T_k) \Rightarrow T_r = \frac{Q_r}{m c_p} + T_k = \frac{5000}{5,5 \cdot 2200} + 100 = 104,513,2^\circ\text{C}$$~~

Первый закон термодинамики: $Q_r = A + \Delta U = p_0 \cdot H \cdot S + m c_p \cdot (T_r - T_k)$ T_r - температура газа
 $A = p_0 H S$ т.к. тепло передается медленно \Rightarrow процесс медленный \Rightarrow в любой момент времени давление газа равно атмосферному PUC_2 $p = p_0$

$Q_{\Gamma} = \rho H S + m c_p (T_{\Gamma} - T_k)$. Запишем закон Менделеева - Клапейрона для
 у нас стабилна згустована ситуација, кога постои
 не глуми ρ - густота вода μ_B - молекулска маса вода

$$\rho_0 V_2 = \mu_B R T_{\Gamma}$$

$$\rho_0 (V_1 + \Delta V) = \mu_B R T_{\Gamma} \Rightarrow \rho_0 \left(\frac{m}{\rho} + H \cdot S \right) = \frac{m}{\mu_B} R T_{\Gamma} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow T_{\Gamma} = \frac{\rho_0 \mu_B}{m R} \left(\frac{m}{\rho} + H \cdot S \right)$$

$$Q_{\Gamma} = \rho_0 H S + m c_p \left(\frac{\rho_0 \mu_B}{m R} \left(\frac{m}{\rho} + H \cdot S \right) - T_k \right)$$

$$Q_{\Gamma} = \rho_0 H S + m c_p \left(\frac{\rho_0 \mu_B}{R \rho} + \frac{\rho_0 \mu_B H S}{m R} - T_k \right)$$

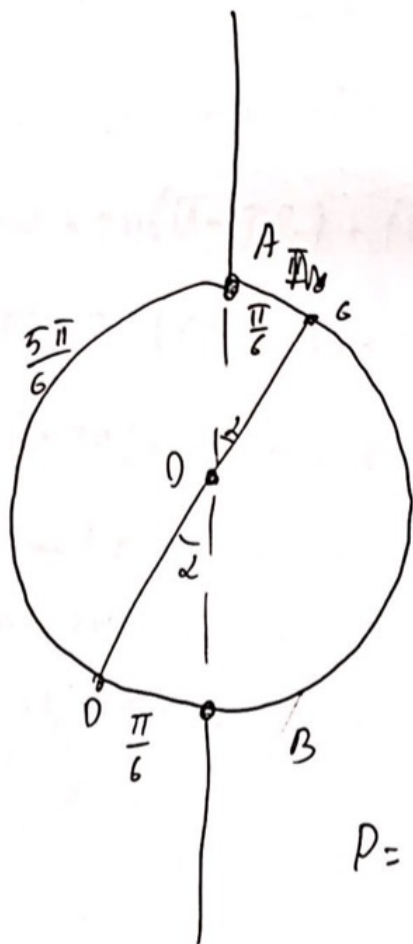
$$Q_{\Gamma} = \rho_0 H S + c_p \frac{\rho_0 \mu_B H S}{R} + m c_p \left(\frac{\rho_0 \mu_B}{R \rho} - T_k \right)$$

$$Q_{\Gamma} = H S \rho_0 \left(1 + \frac{c_p \mu_B}{R} \right) + m c_p \left(\frac{\rho_0 \mu_B}{R \rho} - T_k \right)$$

$$\frac{Q_{\Gamma} - m c_p \left(\frac{\rho_0 \mu_B}{R \rho} - T_k \right)}{S \rho_0 \left(1 + \frac{c_p \mu_B}{R} \right)} = H = 0,215 \text{ M} = 21,5 \text{ CM}$$

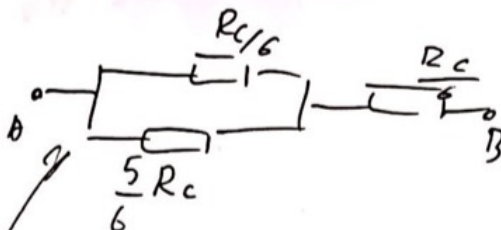
Одговр на 2 вопрос загади постои следствено $H = 21,5 \text{ CM}$

1)



Проволока из которого сделана катушка имеет сопротивление $24 \Omega \Rightarrow$ ветви RC ~~и~~ имеют сопротивление $\frac{R}{2} = \frac{24}{2} = 12 \Omega$

Если $\alpha = 30$, то катушку можно переписать



Ток не пойдет по CB и CD не имеет сопротивления и все ток пойдет туда

$$R_n = \frac{6}{5R_C} + \frac{6}{R_C} = \frac{36}{5R_C} \Rightarrow R_n = \frac{5}{36} R_C$$

$$R_{общ} = R_n + \frac{R_C}{6} = \frac{5}{36} R_C + \frac{R_C}{6} = \frac{11}{36} R_C$$

$$P = \frac{U^2}{R_{общ}} = \frac{U^2 \cdot 36}{11 R_C} = \frac{36 \cdot 36}{11 \cdot 12} = \frac{36 \cdot 3}{11} = 9,8 \text{ Вт}$$

Отвѣт на 1 вопрос

$P = 9,8 \text{ Вт}$

Пускай перемычка переместилась в точку C' и D' .

AC имеет сопротивление R_1 ; $A C' B$ и R_1 , но $\angle C' O B = \angle D' O A$, как вертикальные $\Rightarrow D' A = B C' \Rightarrow$

\Rightarrow на AD' тоже $n R_1$

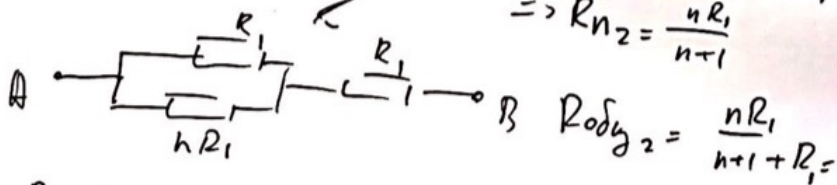
$$n R_1 + R_1 = R_C \Rightarrow$$

$$\Rightarrow (n+1) R_1 = R_C$$

Пересечем катушку

$$R_{n2} = \frac{1}{R_1} + \frac{1}{n R_1} = \frac{n+1}{n R_1} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow R_{n2} = \frac{n R_1}{n+1}$$



$$R_{общ2} = \frac{n R_1}{n+1} + R_1 =$$

$$= \frac{n R_1 + R_1 n + R_1}{n+1} = \frac{2n R_1 + R_1}{n+1} = \frac{R_1 (2n+1)}{n+1}$$

$$\Rightarrow R_1 = \frac{R_C}{n+1} \Rightarrow R_{общ2} = \frac{R_C (2n+1)}{(n+1)^2}$$

21205753 (U287517 M1279606)

Умножив лист #4

$$U = IR \Rightarrow U = I \frac{R_c(2n+1)}{(n+1)^2} \rightarrow U(n^2+2n+1) = 2IR_c n + IR_c$$

$$Un^2 + 2nU + U = 2IR_c n + IR_c$$

$$Un^2 + 2n(U - IR_c) + (U - IR_c) = 0$$

$$6n^2 + 2n(6 - \frac{2}{3} \cdot 12) + (6 - \frac{2}{3} \cdot 12) = 0$$

$$6n^2 + 2n(6 - 8) + (6 - 8) = 0$$

$$6n^2 - 4n - 2 = 0 \quad | :2$$

$$3n^2 - 2n - 1 = 0 \Rightarrow D = 4 - 4 \cdot 3(-1) = 4 + 12 = 16 \Rightarrow$$

$$D = 4 + 4 \cdot 3(-1) = 4 - 12 = -8 \Rightarrow n = \frac{2 \pm \sqrt{16}}{6}$$

$$n_1 = \frac{2+4}{6} = 1$$

$$n_2 = \frac{2-4}{6} = -\frac{1}{3} \text{ не подходит}$$

Ответ на 2 вопрос ток $\frac{2}{3}$ А находится в цепи только тогда, когда ~~перемычка~~ перемычка есть конденсаторы 1:1 т.е.

$$AC' = BC' \text{ и } AD' = D'B$$

$$3) P_2 = \frac{U^2}{R_{\text{общ}2}} = \frac{U^2 (n+1)^2}{R_c (2n+1)} = \frac{36 \cdot 2^2}{12 \cdot 3} = 4 \text{ Вт}$$

Ответ на 3 вопрос $P_2 = 4 \text{ Вт}$

\sqrt{h}



$$Q_1 = m c \Delta t$$

$$Q - m r = Q_p$$

~~$$\left(\frac{m b}{\rho b} + H \cdot S \right)$$~~

$$m b c_{\text{п}} \Delta t = (Q - m r)$$

находящую T раз

$$p_0 V = \frac{m b}{\mu b} R T$$

$$p_0 \left(\frac{m b}{\rho b} + H \cdot S \right) = \frac{m b}{\mu b} R T$$

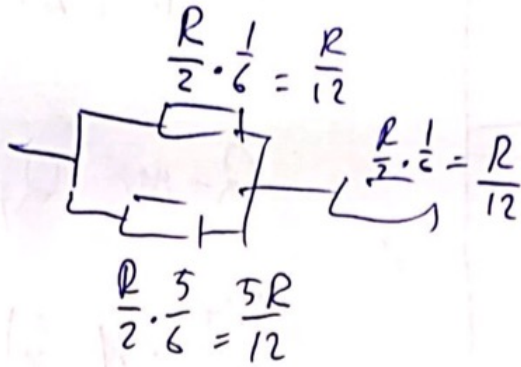
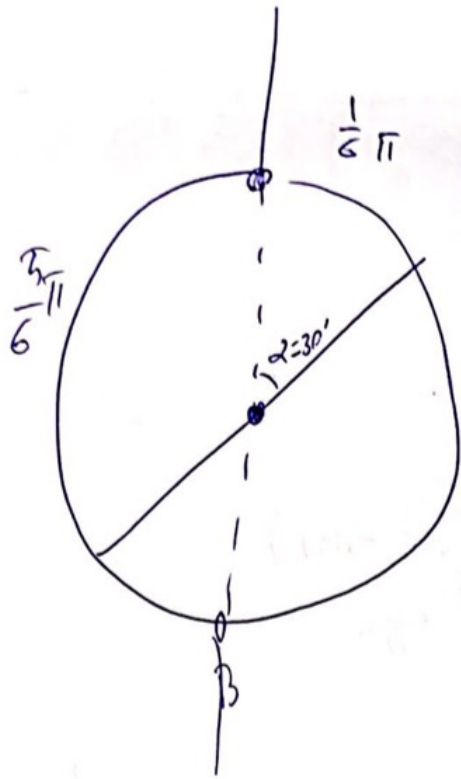
$$\frac{\frac{m b R T}{\mu b p_0} - \frac{m b}{\rho b}}{S} = \Delta H$$

$$Q = H A + \Delta Q$$

$$Q = H \cdot S + m c_p \Delta T$$

$$p V = \mu R T$$

15



$$\frac{12}{R} + \frac{12}{5R} =$$

$$= \frac{60+12}{5R} = \frac{72}{5R} \Rightarrow \frac{5}{72} R$$

$$\frac{5}{72} R + \frac{6R}{72} = \frac{11R}{72}$$

$$\frac{72 \mu^2}{11R} > \frac{72 \cdot 36}{11 \cdot 24} = 9,8 \text{ BT}$$

12



$$\frac{1}{nR} + \frac{1}{R} = \frac{1+n}{nR} = \frac{1}{R_{\text{одн}}} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow R_{\text{одн}} = \frac{nR}{1+n}$$

$$\frac{nR}{1+n} + R = \frac{nR + R + Rn}{1+n} = \frac{2nR + R}{1+n} =$$

$$= R \left(\frac{2n+1}{1+n} \right)$$

$$\frac{\mu^2 (1+n)}{R(2n+1)} = T$$

$$U^2 + U^2_n = 2IRn + IR$$

$$U^2 + U^2_n = IR(2n+1)$$

$$U^2 + U^2_n = 2IRn + IR$$

$$U^2_n - 2IRn = IR - U^2$$

$$n(U^2 - 2IR) = IR - U^2$$

$$n = \frac{IR - U^2}{U^2 - 2IR} = \frac{24 \cdot \frac{2}{3} - 36}{36 - 2 \cdot 24 \cdot \frac{2}{3}} = \frac{8 - 36}{36 - 16}$$

$$\frac{U(1+n)}{R(2n+1)}$$

$$= I, U + U_n = IR(2n+1)$$

$$U + U_n = 2IRn + IR$$

$$n(U - 2IR) = IR - U$$

$$n = \frac{IR - U}{U - 2IR}$$

$$\frac{R(2n+1)}{1+n} = \frac{U - IR}{R + nR} = \frac{R}{2} = \frac{24 \cdot \frac{2}{3} - 6}{6 - 32} = \frac{16 - 6}{6 - 32}$$

$$\frac{1}{R} + \frac{1}{R} = \frac{2}{R} = \frac{1}{R_0} \Rightarrow \frac{R}{2} = R_0 \Rightarrow 48 = R_c$$

$$R_c = nR + R = R(n+1) \Rightarrow \frac{R_c}{n+1} = R$$

$$\frac{U(1+n)^2}{R(2n+1)}$$

$$U + 2nU + n^2U = 2IRn + IR$$

$$n^2U + 2n(U - IR) + (U - IR)$$

$$n^2u + 2n(u - IR) + (u - IR)$$

$$D = 4(u - IR)^2 - 4u(u - IR)$$

$$\frac{-2(u - IR) \pm \sqrt{4(u - IR)^2 - 4u(u - IR)}}{2u}$$

$$\frac{-2(6 - 16) \pm \sqrt{(6 - 16)^2 - 6(6 - 16)}}{2 \cdot 6}$$

$$\frac{10 \pm \sqrt{100 - 60}}{6} =$$

$$= \frac{5 \pm \sqrt{10}}{3} \Rightarrow \frac{5 \pm \sqrt{10}}{3} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \frac{5 + \sqrt{10}}{3} = 2,7$$

$$\frac{6}{6}$$

$$3 + 6 = 9$$

$$\frac{6}{5} = \frac{2}{3}$$

$$\frac{6}{9} = \frac{36}{15}$$