

Часть 1

Олимпиада: **Физика, 9 класс (1 часть)**

Шифр: **21205563**

ID профиля: **309631**

Вариант 1

№3.

Дано:
 $U_0 = 12 \text{ В}$
 $P_1 = 20 \text{ Вт}$
 $P_2 = 6,6 \text{ Вт}$

Решение:

1) Лампы одинаковы, следовательно
 $R_1 = R_2 = R$
2) в случае а) соед. парал-
лельный, следовательно:

$I_1 = ?$
 $I_2 = ?$
 $P_3 = ?$

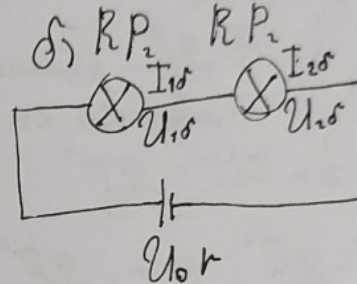
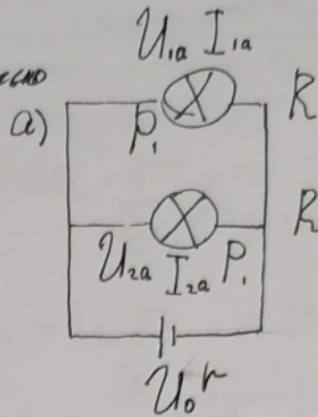
$U_{1a} = U_{2a} = U_0$

3) $P_1 = \frac{U_0^2}{R}$

$R = \frac{U_0^2}{P_1} = \frac{12 \text{ В}^2}{20} = \frac{144}{20} \text{ Ом} = 7,2 \text{ Ом}$

4) $P_1 = I_1 U_0$

$I_1 = \frac{P_1}{U_0} = \frac{20 \text{ Вт}}{12 \text{ В}} = \boxed{1,67 \text{ А}}$



5) в случае б) соед. последовательное, следовательно:

$I_{2b} = I_{1b} = I_2$
 $P_2 = I_2^2 R = \sqrt{\frac{6,6 \text{ Вт}}{7,2 \text{ Ом}}}$
 $I_2 = \sqrt{\frac{P_2}{R}} = \boxed{0,96 \text{ А}}$

6) $2U_0 = U_3 = 12 \text{ В} \cdot 2 = 24 \text{ В}$

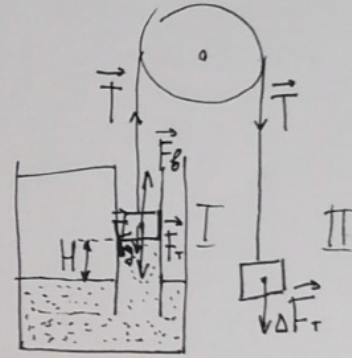
~~$P_3 = \frac{U_0^2}{R} = \boxed{20 \text{ Вт}}$~~

т.к. соед. посл., но R одинак. то:
 $\Delta U = \Delta U_1 = \frac{1}{2} U_3 = \frac{1}{2} \cdot 2U_0 = U_0$
 $P_3 = \frac{U_0^2}{R} = \frac{12 \text{ В}^2}{7,2 \text{ Ом}} = 20 \text{ Вт}$

Ответ: $I_1 = 1,67 \text{ А}$
 $I_2 = 0,96 \text{ А}$
 $P_3 = 20 \text{ Вт}$

№2.

Дано:	Дл:	Решение:
$\Delta m = 120 \text{ г}$ $S_n = 8 \text{ см}^2$ $m_n = 50 \text{ г}$ $H = 10 \text{ см}$ $\rho = 1000 \frac{\text{кг}}{\text{м}^3}$ $\rho_0 = 1000 \frac{\text{кг}}{\text{м}^3}$ $g = 10 \frac{\text{м}}{\text{с}^2}$	$0,12 \text{ кг}$ $8 \cdot 10^{-4} \text{ м}^2$ $0,05 \text{ кг}$ $0,1 \text{ м}$ 100000 Па	<p>1) Гатерогенность юм:</p> $T, F_T, F_{атм}, F_б,$ $F_T + F_{атм} = T + F_б$ $mg + p_0 \cdot S = T + F_б$



2) КИТЬ ЛЕЗКАЯ $\Rightarrow T_I = T_{II} = T$

3) по III з.Н: $F_{II T} = T$

$$m_{II} g = T$$

$$4) p_б = \rho g H = 1000 \frac{\text{кг}}{\text{м}^3} \cdot 10 \frac{\text{м}}{\text{с}^2} \cdot 0,1 \text{ м} = \boxed{1000 \text{ Па}}$$

$$F_б = p_б \cdot S = 1000 \text{ Па} \cdot 8 \cdot 10^{-4} \text{ м}^2 = 0,8 \text{ Н}$$

$$5) mg + p_0 S = m_{II} g + p_б S$$

$$g(m_{II} - m) = p_0 S - p_б S$$

$$m_{II} = \frac{p_0 S - p_б S}{g} + m = \frac{S}{g} (p_0 - p_б) + m =$$

$$= \frac{8 \cdot 10^{-4} \text{ м}}{10 \frac{\text{м}}{\text{с}^2}} (100000 \text{ Па} - 1000 \text{ Па}) + 0,05 \text{ кг} = 7,97 \text{ кг}$$

$$6) g(\Delta m - m) = p_0 S + p_б S$$

$$p_б S = -g(\Delta m - m) + p_0 S$$

$$\rho g h S = -g \frac{(\Delta m - m)}{S} + p_0 \frac{S}{g}$$

$$h = -\frac{(\Delta m - m)}{S} + \frac{p_0}{\rho} =$$

$$\frac{100000 \text{ Па}}{10 \frac{\text{м}}{\text{с}^2}} - \frac{(0,12 - 0,05 \text{ кг})}{8 \cdot 10^{-4} \text{ м}^2} = \frac{10000 \frac{\text{кг}}{\text{м}^3}}{1000 \frac{\text{кг}}{\text{м}^3}} \approx 9,9 \text{ м}$$

Часть 2

Олимпиада: **Физика, 9 класс (2 часть)**

Шифр: **21205563**

ID профиля: **309631**

Вариант 1

№4.

Дано:

Решение:

$\cos \alpha = \frac{4}{5}$
 $g = 10 \frac{m}{c^2}$
 $m_m = m$
 $m_k = 3m$
 H

$t_1 - ?$
 $t_2 - ?$
 $a_k - ?$

1) $\cos^2 \alpha + \sin^2 \alpha = 1$
 $\sin^2 \alpha = 1 - \cos^2 \alpha$
 $\sin \alpha = \sqrt{1 - \cos^2 \alpha} = \sqrt{1 - \frac{16}{25}} = \sqrt{\frac{9}{25}} = \frac{3}{5}$

2) клин неподвижен.

$F_{Tx} = F_T \sin \alpha = mg \sin \alpha = \frac{3}{5} mg$, т.к. клин гладк., т.е. $F_{Tp} = 0$

$a_{mx} = \frac{F_{Tx}}{m_m} = \frac{3mg}{5m} = \frac{3}{5}g$

$s = \frac{H}{\sin \alpha} = \frac{5H}{3}$

$s = \frac{a_{mx} t_1^2}{2} \Rightarrow t_1 = \sqrt{\frac{2s}{a_{mx}}} = \sqrt{\frac{2 \cdot \frac{5H}{3}}{\frac{3}{5}g}} = \sqrt{\frac{5 \cdot 10H}{3 \cdot 3g}} = \sqrt{\frac{50H}{9g}}$

3) клин подвижен. поверхность клина гладкая, поверхность стола гладкая, тогда по МЗН:

$F_{mx} = F_{kx}$

$\frac{3}{5} mg = F_{kx} = m_k a_k$

$\frac{3}{5} mg = 3m a_k$

$a_{kx} = \frac{1}{5} \cdot g = \frac{1}{5} \cdot 10 \frac{m}{c^2} = \boxed{2 \frac{m}{c^2}}$

4) $F_k = \frac{F_{kx}}{\sin \alpha} = \frac{3}{5}$

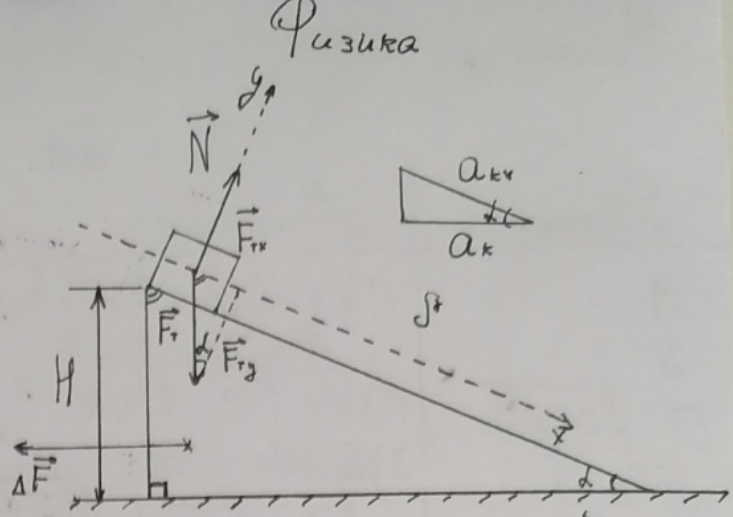
$F_k = F_{kx} \cdot \cos \alpha = \frac{3}{5} mg \cdot \frac{4}{5} = \frac{12}{25} mg$

$a_k = \frac{F_k}{m_k} = \frac{12mg}{25 \cdot 3m} = \frac{4}{25} g = \frac{4 \cdot 10 \frac{m}{c^2}}{25} = \boxed{1,6 \frac{m}{c^2}}$

5) $a_{\Sigma} = a_{mx} + a_{kx} = \frac{3}{5}g + \frac{4}{25}g = \frac{19}{25}g$

6) $t_2 = \sqrt{\frac{2s}{a_{\Sigma}}} = \sqrt{\frac{2 \cdot \frac{5H}{3}}{\frac{19}{25}g}} = \sqrt{\frac{250H}{57g}}$

Ответ: $t_1 = \sqrt{\frac{50H}{9g}}$; $t_2 = \sqrt{\frac{250H}{57g}}$; $a_k = 1,6 \frac{m}{c^2}$



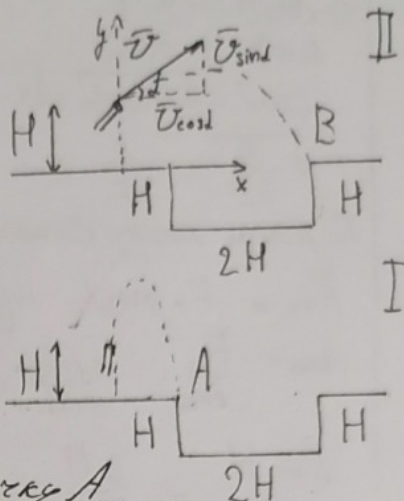
N5.

Дано:

Решение:

H
 S
 $v = \sqrt{0.5gH}$
 $\sqrt{S} \ll H$
 $R = H$

1) $V = S_{\text{поверх}} \cdot h = \pi R^2 \cdot h =$
 $= \pi H^2 \cdot H = \pi H^3$
 2) $V = \rho \cdot S = v t S$
 3) $\pi H^3 = v t S$
 $t = \frac{\pi H^3}{v S} = \frac{\pi H^3}{S \sqrt{0.5gH}}$



4) Искать:

струя попадает в точку А рисунка
то есть $y = H, x = H$ (из начала)

могга:

$$O_y: 0 = H + v \sin \alpha t' - \frac{g t'^2}{2} \quad (1)$$

$$O_x: H = v \cos \alpha t' \quad (2)$$

(2): $t' = \frac{H}{v \cos \alpha}$; подставим в (1): $0 = H + \frac{v \sin \alpha \cdot H}{v \cos \alpha} - \frac{g H^2}{2 v^2 \cos^2 \alpha}$

$$0 = H + \text{tg} \alpha H - \frac{g H^2}{2 v^2} \cdot \frac{1}{\cos^2 \alpha}$$

Известно, что: $1 + \text{tg}^2 \alpha = \frac{1}{\cos^2 \alpha} \Leftrightarrow \cos^2 \alpha = \frac{1}{1 + \text{tg}^2 \alpha}$, тогда:

$$0 = H + \text{tg} \alpha H - \frac{g H^2}{2 v^2} \cdot (1 + \text{tg}^2 \alpha)$$

$$\text{tg}^2 \alpha \left(\frac{g H^2}{2 v^2} \right) - \text{tg} \alpha (H) + \left(\frac{g H^2}{2 v^2} - H \right) = 0$$

$$D = H^2 - \frac{4 g^2 H^4}{4 v^2} + \frac{4 g^2 H^3}{2 v^2} = H^2 - \frac{g^2 H^4}{v^2} + \frac{2 g H^3}{v^2}$$

$$\text{tg} \alpha = \frac{H + \sqrt{H^2 - \frac{g^2 H^4}{v^2} + \frac{2 g H^3}{v^2}}}{\frac{g H^2}{v^2}} = \frac{v H + \sqrt{v^2 H^2 - g^2 H^4 + 2 g H^3 v}}{g H^2} =$$

$$= \frac{v H + H \sqrt{v^2 - g^2 H^2 + 2 g H v}}{g H^2} = \boxed{\frac{v + \sqrt{v^2 - g^2 H^2 + 2 g H v}}{g H}} \quad (3)$$

см. продолж. на стр. 6

N 5 (продолж.)

II случай, когда струя попадает в точку B
(см. рис. на стр. 5): $y = H$, $x = 3H$

$$O_y: 0 = H + v \sin \alpha t'' - \frac{g t''^2}{2}$$

$$O_x: 3H = v \cos \alpha t''$$

$$t'' = \frac{3H}{v \cos \alpha}; \quad 0 = H + 3 \operatorname{tg} \alpha H - \frac{g H^2}{2v^2} \cdot \frac{1}{\cos^2 \alpha}$$

$$\mathcal{D} = 9H^2 - \frac{4 \cdot 81 \cdot g^2 H^4}{4 \cdot v^2} + \frac{36gH^3}{2v} =$$

$$= 9H^2 - \frac{81g^2 H^4}{v^2} + \frac{18gH^3}{v}$$

$$\operatorname{tg} \alpha = \frac{3H + \sqrt{9H^2 - \frac{81g^2 H^4}{v^2} + \frac{18gH^3}{v}}}{\frac{9gH^2}{v}} =$$

$$= \frac{3Hv + 3H \sqrt{v^2 - 9g^2 H^2 + 2gHv}}{9gH^2} = \boxed{\frac{v \pm \sqrt{v^2 - 9g^2 H^2 + 2gHv}}{3gH}} \quad (4)$$

Ответ: $t = \frac{3H^3}{2\sqrt{0.5gH}}$; $\operatorname{tg} \alpha$ изменяется в пределах от (3) до (4).