

Часть 1

Олимпиада: **Физика, 9 класс (1 часть)**

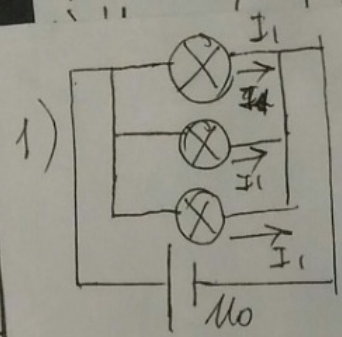
Шифр: **21205598**

ID профиля: **338592**

Вариант 2

Числовик

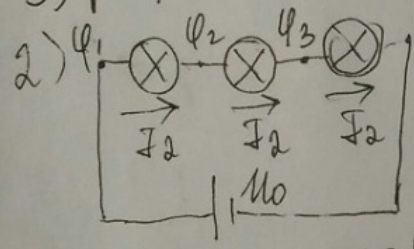
№3. Дано:
 $U_0 = 6В, P_1 = 2,4ВТ$
 $P_2 = 0,5ВТ, U_2 = \frac{U_0}{3}$



т.к. лампы одинаковые, но через них течет одинаковый ток I_1 и соединены параллельно, то через них течет одинаковый ток I_1 и напряжение на них одинаковое и равно U_0 , значит

$P_1 = I_1 U_0 \Rightarrow I_1 = \frac{P_1}{U_0} = 0,4А$

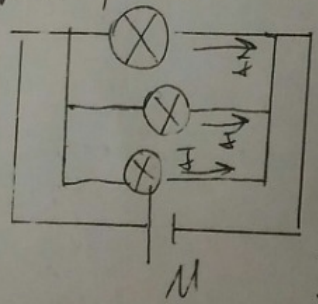
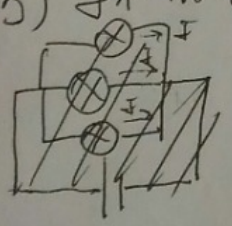
- 1) $I_1 - ?$
- 2) $I_2 - ?$
- 3) $P - ?$



т.к. лампы соединены последовательно, то через них течет одинаковый ток I_2 , а т.к. они одинаковые, то напряжение на них одинаковое и равно U_1 ; $U_1 = U_0 U_2 = \frac{U_0}{3}$

на них одинаковое и равно U_1 ; $U_0 = (\phi_1 - \phi_2) + (\phi_2 - \phi_3) + (\phi_3 - \phi_4) \Rightarrow U_0 = 3U_1$
 $U_1 = \frac{U_0}{3} \Rightarrow P_2 = I_2 U_1 = \frac{I_2 U_0}{3} \Rightarrow I_2 = \frac{3P_2}{U_0} = 0,25А$

3) $I_1 = k \sqrt{U_0}, I_2 = k \sqrt{U_1} = k \sqrt{\frac{U_0}{3}} \Rightarrow P_2 = k \sqrt{\frac{U_0}{3}} \cdot U_1 = k \sqrt{\frac{U_0^3}{27}}$



т.к. лампы одинаковые и соединены параллельно, то через них течет одинаковый ток, и напряжение на них одинаковое и равно U , тогда $I = k \sqrt{U}, P = IU = k \sqrt{U^3} = k \sqrt{\frac{U_0^3}{27}}$

$k = \frac{I_1}{\sqrt{U_0}} \Rightarrow k = 0,16$
 $k = \frac{I_2}{\sqrt{U_1}} \Rightarrow k = 0,18$

тогда k - среднее арифметическое между $0,16$ и $0,18 \Rightarrow k = 0,17$

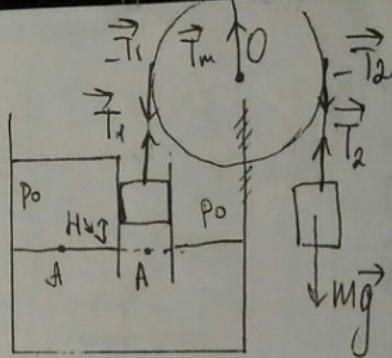
$P_2 = k \sqrt{\left(\frac{U_0}{3}\right)^3} = P \Rightarrow P = 0,5ВТ$

Отв: $I_1 = 0,4А, I_2 = 0,25А, P = 0,5ВТ$

Условие

№2. Дано:

$S = 9 \text{ см}^2 = 9 \cdot 10^{-4} \text{ м}^2$
 $m = 250 \text{ г} = 0,25 \text{ кг}$
 $H = 20 \text{ см} = 0,2 \text{ м}$



1) давление в точке А:
 $p_A = p_0 = p + \rho g H$ (А находится на той же глубине поверхности воды)

- 1) $p = ?$
- 2) $M = ?$
- 3) $H_x = ?$, $m_x = \frac{m}{10}$

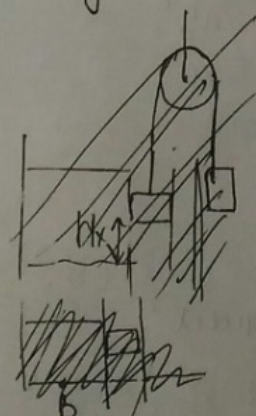
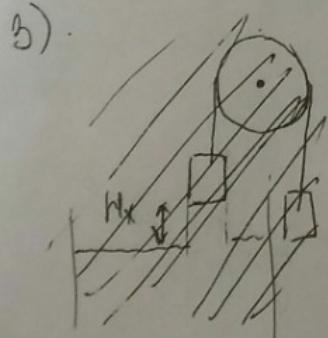
$p = p_0 - \rho g H = 100 \cdot 10^3 \text{ Па} - 10^3 \frac{\text{кг}}{\text{м}^3} \cdot 10 \frac{\text{Н}}{\text{кг}} \cdot 0,2 \text{ м} = 98 \cdot 10^3 \text{ Па} = 98 \text{ кПа}$

2) $T = T_1 = T_2$ (по правилу моментов для блока отн. к точке О);
 II закон Ньютона:
 $\vec{T}_1 + p\vec{S} + m\vec{g} = \vec{0}$ (для поршня)

$x: T + pS = Mg$

$\vec{T}_2 + m\vec{g} = \vec{0}$ (для груза)

$x: T = mg \Rightarrow M = \frac{T + pS}{g} = m + \frac{pS}{g} = 0,25 \text{ кг} + \frac{98 \cdot 10^3 \frac{\text{Н}}{\text{м}^2} \cdot 9 \cdot 10^{-4} \text{ м}^2}{10 \frac{\text{Н}}{\text{кг}}} = 9,04 \text{ кг}$



3) p_x - давление в воде непосредственно под поршнем если у груза масса m_x ;
 $T_x = T_3 = T_4$ (по пр. мом. для блока отн. м. О)

II закон Ньютона:
 $M\vec{g} + p_x\vec{S} + \vec{T}_3 = \vec{0}$ (для поршня)

$x: T_x + p_x S = Mg$

$m_x g + T_4 = 0$ (для груза)

$x: m_x g = 0,1 m g = T_x \Rightarrow p_x = \frac{Mg - T_x}{S} = \frac{Mg - 0,1 mg}{S} = \frac{100,5}{9} \text{ кПа} > p_0$

аналогично и т. $p_0 = p_x + \rho g H_x$ - м.к. $p_x > p_0$, но нижний край поршня ниже поверхности воды, H_x - значит аналогично и т.

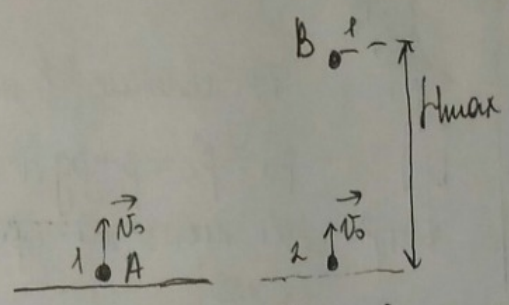
$p_B = p_0 + \rho g H_x = p_x \Rightarrow H_x = \frac{p_x - p_0}{\rho g} = 0,05 \text{ м} = 5 \text{ см}$

Отв: $p = 98 \text{ кПа}$, $M = 9,04 \text{ кг}$, $H_x = 5 \text{ см}$

Числовик

И. Дано:

τ



1) t - ?

2) H_{max} - ?

3) v_0 - ?

1) $\tau = t + t_n$, t_n - время падения мяча до ^{своей} максим.

максимальной высотой;

м.к. в точке с макс. высотой скорость равна 0, но $v_0 = gt_n \Rightarrow t_n = \frac{v_0}{g} \Rightarrow t = \tau - \frac{v_0}{g}$

2) в системе отсчета мяча, находящегося в точке с высотой H_{max} : скорость мяча $v_1 = 0$, мяча $v_2 = v_0 = const$ (мячи движутся с одинаковым ускорением g), путь пройденный мячом до столкновения $S = H_{max}$, значит $t = \frac{S}{v_2} = \frac{H_{max}}{v_0}$; $t = \tau - \frac{v_0}{g}$

3) м.к. мяча действует только его потенциальная сила - $m g$, но $E_{мех A} = E_{мех B}$ - механические энергии в точках А и В $\Rightarrow \frac{m v_0^2}{2} = m g H_{max}$ (м - масса мяча)

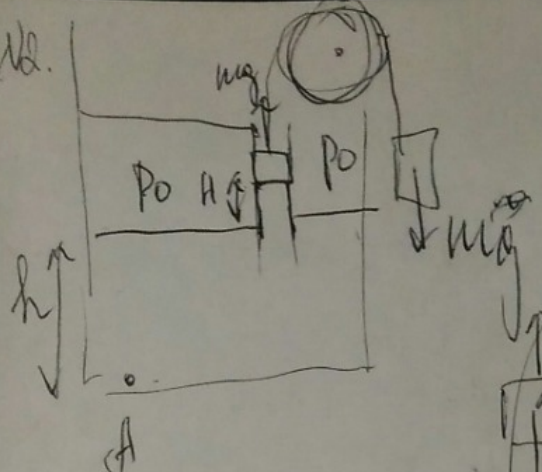
$$H_{max} = \frac{v_0^2}{2g} \Rightarrow t = \frac{H_{max}}{v_0} = \frac{v_0}{2g} = \tau - \frac{v_0}{g}$$

$$\tau = \frac{v_0}{2g} + \frac{v_0}{g}$$

$$\tau = \frac{3v_0}{2g}$$

$$v_0 = \frac{2}{3} g \tau \Rightarrow t = \frac{\frac{2}{3} g \tau}{2g} = \frac{\tau}{3}, H_{max} = \frac{(\frac{2}{3} g \tau)^2}{2g} = \frac{2}{9} g \tau^2$$

Ответ: $t = \frac{\tau}{3}$; $H_{max} = \frac{2}{9} g \tau^2$, $v_0 = \frac{2}{3} g \tau$



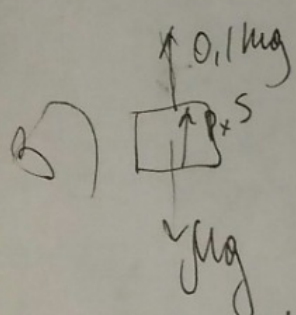
$$P_A = p_0 + \rho g h = \frac{mg}{S} + \rho g (h + H)$$

$$P_0 = \frac{mg}{S} + \rho g H$$

$$1) P = p_0 - \rho g h = 0 \text{ kPa}$$

$$2) mg + pS = Mg$$

$$M = m + \frac{pS}{g} = 7,45 \text{ kg}$$



$$\frac{pS}{Mg} = \frac{H}{h} \cdot m = \frac{H}{m^2} = Mg$$

$$M^2 = (100^{-1})^2 m^2 = \frac{H}{m^2}$$

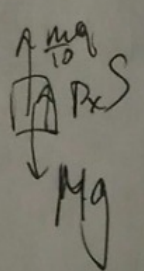
$$P_x = \frac{0,1mg - Mg - 0,1mg}{S} = 82,5 \text{ kPa}$$

$$P_x + \rho g h_x = p_0$$

$$h_x = \frac{p_0 - P_x}{\rho g} = 1,75 \text{ m}$$

$$\frac{Mg - 0,1mg}{S} = P_x = p_0 - \rho g h_x$$

$$h_x = 5 \text{ cm}$$



$$x_1 = H - \frac{gt^2}{2}$$

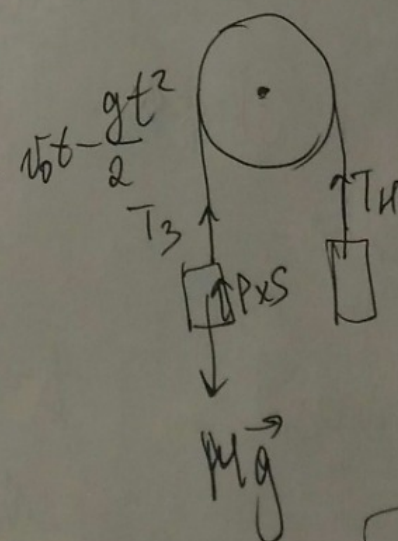
$$x_2 = v_0 t - \frac{gt^2}{2}$$

$$H = \frac{v_0^2}{2g} - \frac{gt^2}{2} = v_0 t - \frac{gt^2}{2}$$

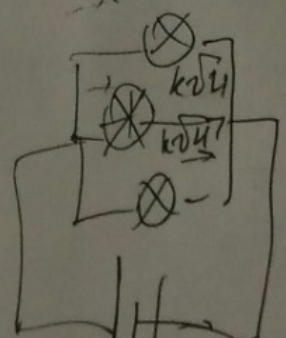
$$\frac{v_0^2}{2g} = v_0 t$$

$$\frac{v_0}{2} = gh$$

$$t = \frac{v_0}{2g}$$



$$I^2 R = U I = \frac{U^2}{R}$$



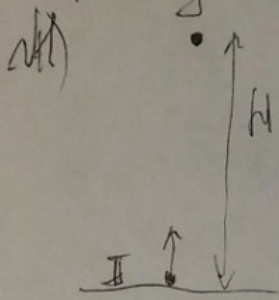
$$k = 0,95 \cdot 10^3$$

$$I_1 = 0,4 \text{ A}$$

$$I_2 = k \sqrt{\frac{U_0}{3}} = 0,25 \text{ A}$$

$$M/3$$

Мернобак



800 J муча:

$$v_2 = v_0, S = H$$

$$t = \frac{H}{v_0} = \frac{v_0^2}{2v_0g} = \frac{v_0}{2g} \quad H_{max} = H$$

$$v_0 = 2tg$$

$$\tau = t + t_1 =$$

$$\frac{mv_0^2}{2} = mgh$$

$$H = \frac{v_0^2}{2g}$$

$$H = v_0 t_n - \frac{gt_n^2}{2} = \frac{v_0^2}{2g}$$

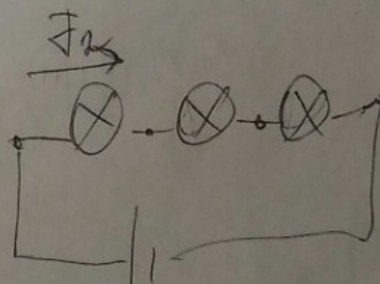
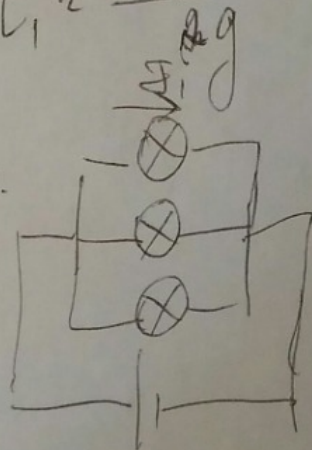
$$gt_n^2 - v_0 t_n + \frac{v_0^2}{2g} = 0$$

$$D = v_0^2 - 2g \cdot \frac{v_0^2}{2g} = v_0^2 - v_0^2 = 0$$

$$t_1 = \frac{v_0}{g}$$

$$t_2 = \frac{v_0}{g} = t_1$$

N3.



$H_{max} = v_0 t$

$$t = \frac{v_0^2}{2g v_0} = \frac{v_0}{2g}$$

$P_2 = 1W$

~~$A = A \cdot t = A^2 \cdot t =$~~

$P_1 = 1W$

$I_1 = 0,4A, I_2 = 0,08A$

$P_3 = 1W$

$$t = \frac{v_0^2}{2g} = \tau - \frac{v_0}{g} \quad \tau = \frac{2}{3} \frac{g \tau^2}{g} = \frac{\tau}{3}$$

$$\tau = \frac{3v_0}{2g}$$

$$t = \frac{\frac{2}{3} g \tau^2}{2g} = \frac{\tau}{3}$$

$$v_0 = \frac{2}{3} g \tau$$

$$H = \frac{v_0^2}{2g} = \frac{\frac{4}{9} g^2 \tau^2}{2g} = \frac{2}{9} g \tau^2$$

Часть 2

Олимпиада: **Физика, 9 класс (2 часть)**

Шифр: **21205598**

ID профиля: **338592**

Вариант 2

Числовик

№4. (продолжение):

3) 0 - центр масс системы "куш+шайба";
 ам - ускорение шайбы отн-ко Земли,

$$Z_{01} = Z_{02}$$

$$\frac{m \cdot 0 + 2mX}{3m} = \frac{m \cdot \left(\frac{H}{\sin \alpha} - \frac{a_{\text{шт}} t^2}{2} \right) + 2m \left(X - \frac{a_k t^2}{2} \right)}{3m}$$

$$2mX = m \cdot \frac{H}{\sin \alpha} - m \cdot \frac{a_{\text{шт}} t^2}{2} + 2mX - \frac{a_k t^2}{2} \cdot 2m$$

$$\frac{H}{\sin \alpha} = \frac{a_{\text{шт}} t^2}{2} + \frac{a_k t^2}{2}$$

$$t = \sqrt{\frac{2H}{\sin \alpha (a_{\text{шт}} + a_k)}}$$

$t = \sqrt{\frac{2H}{\sin \alpha (a_{\text{шт}} + a_k)}}$; $\vec{a}_{\text{шт}} = \vec{a} - \vec{a}_k$, м.к. \vec{a} -
 отн-ное ускорение шайбы отн. Кушера.

$$\vec{a}_{\text{шт}} = \vec{a} + \vec{a}_k$$

по th cos:

$$a_{\text{шт}} = \sqrt{a_k^2 + a^2 - 2a_k a \cos \alpha} \approx 0,68g$$

$$\Rightarrow t = \sqrt{\frac{2H}{0,68(0,68g + 0,24g)}} \approx \sqrt{\frac{2,72H}{g}}$$

Отв: $t_1 = \sqrt{\frac{H}{6g}}$; $a_k = 0,24g$; $t \approx 1,85 \sqrt{\frac{H}{g}}$

(2)

Миснобук

15. Дано:

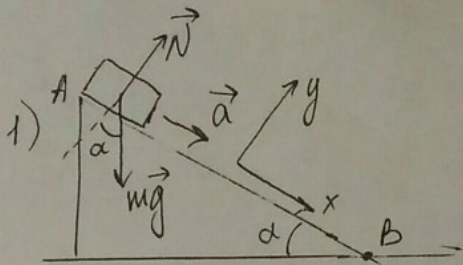
14. Дано:

$\cos \alpha = 0,6, H$

1) t_1 - ?

2) a_k - ?

3) t_2 - ?



II-ü 3-н Ньютонна гур маинд:

$\vec{N} + m\vec{g} = m\vec{a}$

x: $mg \sin \alpha = ma \Rightarrow a = g \sin \alpha$

y: $N = mg \cos \alpha$

L-длина склона цорку: $L = H / \cos \alpha$

Вза перемещение маинда $\vec{S} = \vec{AB} = \frac{\vec{a} t_1^2}{2}$; x: $S = L = \frac{a t_1^2}{2}$

$t_1 = \sqrt{\frac{2L}{a}} = \sqrt{\frac{2H \cos \alpha}{g \sin \alpha \cos \alpha}} = \sqrt{\frac{2H}{g(1 - \cos^2 \alpha)^{1/2} \cdot \cos \alpha}} = \sqrt{\frac{2H}{g \cdot 0,8 \cdot 0,6}}$

$= \sqrt{\frac{25 \cdot 2H}{4 \cdot 3g}} = 5 \sqrt{\frac{H}{6g}}$

\vec{P} - вес пружинка; по III 3-н Ньютонна $\vec{P} = -\vec{N}$

x, y: $P = N = mg \cos \alpha$

II-ü 3-н Ньютонна гур кинна:

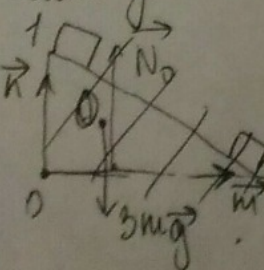
$2m\vec{g} + \vec{N}_1 + \vec{P} = 2m\vec{a}_k$

y: $-P \sin \alpha = 2m a_k$

$a_k = \frac{P \sin \alpha}{2m} = \frac{mg \sin \alpha \cdot \cos \alpha}{2m} = \frac{g \cdot \sin \alpha \cdot \cos \alpha}{2}$, $\sin \alpha = \sqrt{1 - \cos^2 \alpha} = \frac{4}{5}$

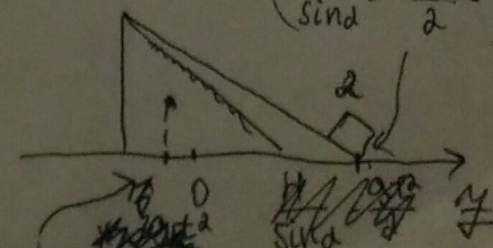
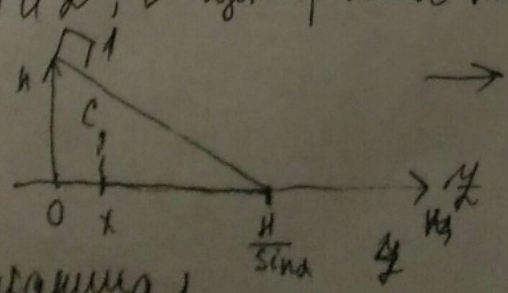
$a_k = \frac{4 \cdot 3}{2 \cdot 25} g = 0,24g$

3) по th о движении центра масс $\sum \vec{F}_{внеш} = 3m \vec{a}_c$, \vec{a}_c - ускорение центра масс системы "кинна + маинда", $\vec{F}_{внеш}$ - внешние силы гур системы



$3m\vec{g} + \vec{N}_0 = 3m\vec{a}_c$

x: $a_{ox} = a_{oy} = 0 \Rightarrow y_0 = const$; y_{01}, y_{02} - координата центра масс если пружинка находится в точке 1 и 2; C - центр масс кинна (продолжение на стр. 2)



Числовик

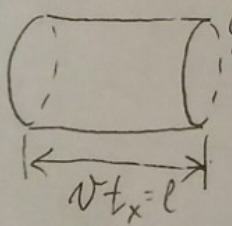
№5. Дано:

$H, S, v = \sqrt{2,5gH}$

- 1) τ - ?
- 2) α - ?
- 3) β - ?

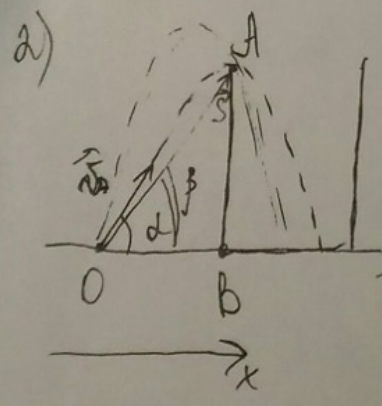
1) Внутренний объем бочки $V_0 = S_0 \cdot H_0 = 2 \cdot \pi R_0^2 \cdot H = \pi \cdot (0,25H)^2 \cdot H = \frac{1}{16} \pi H^3$, S_0, R_0 - площадь и радиус дна бочки, H_0 - высота бочки.

$V_0 = \mu \tau$, μ - объемный расход воды из шланга

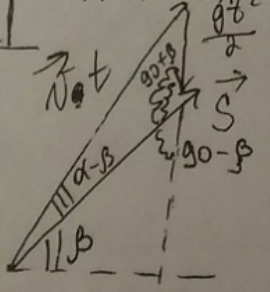


расстояние, которое пройдет расстояние вода за время t_x $\Rightarrow V_x = l S = v S t_x$, из шланга за время t_x тогда $\mu = \frac{V_x}{t_x} = v S \Rightarrow \tau = \frac{V_0}{\mu} = \frac{V_0}{v S}$

$\tau = \frac{\frac{1}{16} \pi H^3}{16 v S} = \frac{\pi H^3}{16 S \sqrt{2,5gH}}$



перемещение t -й массы воды $S = v t + \frac{gt^2}{2} = OA$; $\tan \beta = \frac{AB}{OB} = \frac{H}{0,5H} = 2 \Rightarrow \cos \beta = \frac{1}{\sqrt{5}}; \sin \beta = \frac{2}{\sqrt{5}}$



векторный треугольник: $\tan \beta = \frac{0,5gt^2}{v t} = \frac{v t}{\sin(\alpha - \beta)}$
 $\frac{0,5gt^2}{\sin(\alpha - \beta)} = \frac{v t}{\sin(\alpha + \beta)}$
 $\frac{gt}{\sin \alpha \cdot \cos \beta - \cos \alpha \cdot \sin \beta} = \frac{2v}{\cos \beta}$

$t = \frac{2v}{g} \cdot \frac{\sin \alpha \cdot \cos \beta - \cos \alpha \cdot \sin \beta}{\cos \beta} = \frac{2v}{g} (\sin \alpha - \cos \alpha \cdot \tan \beta) = \frac{2v}{g} \cdot x$
 искомое H_0 ось x : $OB = 0,5H = v \cos \alpha \cdot t \Rightarrow 0,5H = v \cos \alpha \cdot \frac{2v}{g} \cdot x$
 $x (\sin \alpha - 2 \cos \alpha) = \frac{2v^2 \cos \alpha}{g} (\sin \alpha - 2 \cos \alpha) = \frac{2 \cdot 2,5gH}{g} (\sin \alpha - 2 \cos \alpha) \cos \alpha$
 $0,5H = 5H (\sin \alpha \cdot \cos \alpha - 2 \cos^2 \alpha)$
 $1 = 10 \sin \alpha \cos \alpha - 20 (\sin \alpha \cos \alpha + 2 - 2 \cos^2 \alpha - 2) = 1$
 $10 \sin \alpha \cos \alpha + 10 \sin^2 \alpha - 20 \cos^2 \alpha - 20 = 0$
 $2 \sin^2 \alpha + 10 \sin \alpha \cos \alpha - 21 = 0$ (упрощение на $\cos \alpha$)
 смп. 3

Учебовик emp. 4

15. 2) упростите:

$$D_1 = (10 \cos \alpha)^2 + (5 \cos \alpha)^2 + 21 \cdot 2 = 25 \cos^2 \alpha + 42$$

$$\sin \alpha = \frac{-10 \cos \alpha \pm \sqrt{25 \cos^2 \alpha + 42}}{2} \quad \text{м.к. } \alpha \in (0, 90^\circ), \text{ то } \cos \alpha > 0,$$

так как $\sin \alpha > 0$, значит $\sin \alpha = \frac{-10 \cos \alpha + \sqrt{25 \cos^2 \alpha + 42}}{2} = \sqrt{1 - \cos^2 \alpha}$

$$(\sqrt{25 \cos^2 \alpha + 42} - 10 \cos \alpha)^2 = (2 \sqrt{1 - \cos^2 \alpha})^2$$

$$25 \cos^2 \alpha + 42 - 20 \cos \alpha \sqrt{25 \cos^2 \alpha + 42} + 100 \cos^2 \alpha = 4 - 4 \cos^2 \alpha$$

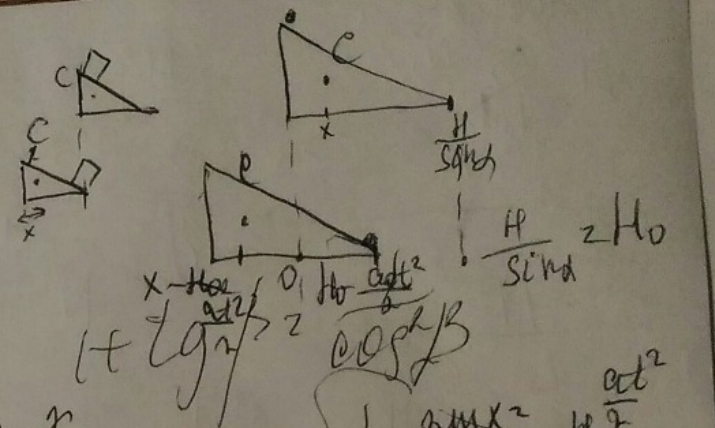
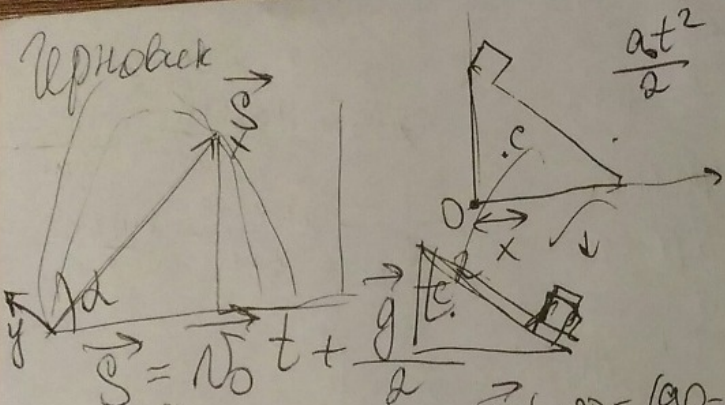
$$11 \cos^2 \alpha - 12 \cos \alpha \sqrt{25 \cos^2 \alpha + 42} - 4 = 0 \quad (1)$$

3) α_1, α_2 - корни уравнения (1), $\alpha_1 < \alpha_2$

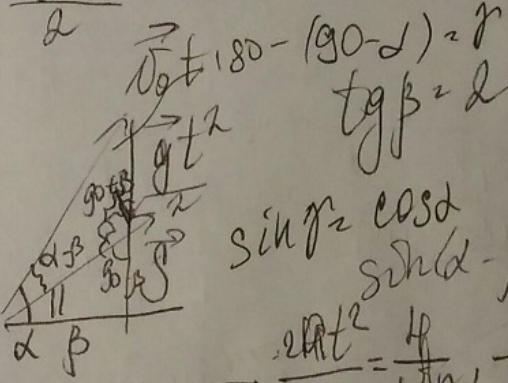
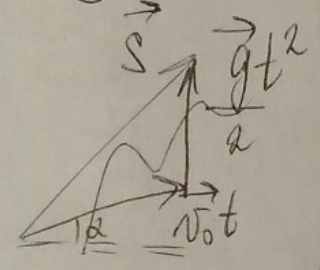
$$\alpha_1 \leq \beta \leq \alpha_2$$

$$\text{Оуб: } \tau \approx \frac{\pi H^3}{18S \sqrt{2,5gH}}$$

Упробек



$$\vec{s} = v_0 t + \frac{g}{2} t^2$$



$$v_0 t (180 - (90 - \alpha)) = r$$

$$\tan \beta = 2$$

$$\sin \gamma = \cos \alpha$$

$$\sin(\alpha - \beta) = \sin \alpha \cdot \cos \beta$$

$$\frac{2 \cdot \frac{g}{2} t^2}{\sin \alpha} = \frac{H}{\sin \alpha} - \frac{g}{2} t^2 \cdot \sin \beta \cdot \cos \alpha$$

$$\frac{0,5 g t^2}{\sin(\alpha - \beta)} = \frac{v_0 t}{\sin(90 + \beta)}$$

$$t = \frac{v_0 \sin(\alpha - \beta)}{\sin(90 + \beta)}$$

$$\frac{2 v_0}{g} \cdot \frac{g}{2} t^2 = \frac{H}{\sin \alpha}$$

$$0,5 H = v \sin \alpha \cdot t$$

$$\sin 60^\circ = \sin 90^\circ \cdot \cos 30^\circ - \cos 90^\circ \cdot \sin 30^\circ$$

$$= 1 \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} - 0 = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

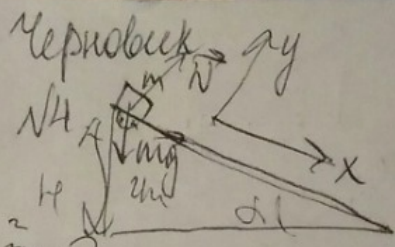
$$t = \frac{\sin \alpha \cdot \cos \beta - \cos \alpha \cdot \sin \beta}{g}$$

$$= \frac{(\sin \alpha - \cos \alpha \cdot \tan \beta)}{g}$$

$$= \frac{(\sin \alpha - 2 \cos \beta)}{2g}$$

$$gH \cdot \sqrt{\frac{5}{4} \cdot \frac{1}{3}} = 0,5 gH \cdot \frac{g}{g^2 H}$$

$$\frac{g^2 H \cos \beta \sqrt{1,25}}{g^2 H} = \frac{2 v_0^2}{g} \cdot \frac{(1 - \cos^2 \alpha - 2 \cos \alpha) \cos \alpha}{2 \cdot 25 g H}$$

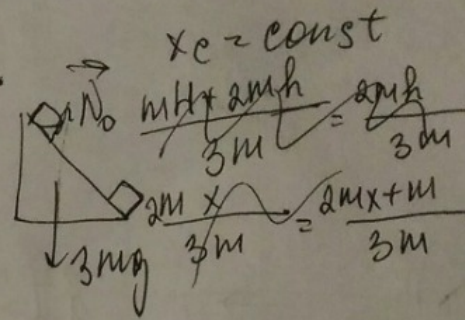


$$mg + N = ma$$

$$x: mg \sin \alpha = ma$$

$$y: N = mg \cos \alpha$$

$$a = g \sin \alpha$$



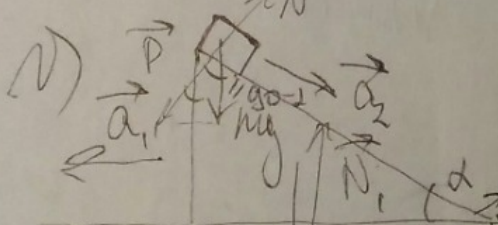
$$\sin \alpha = \frac{4}{5}$$

$$\cos \alpha = \frac{3}{5}$$

$$\frac{H}{L} = \cos \alpha$$

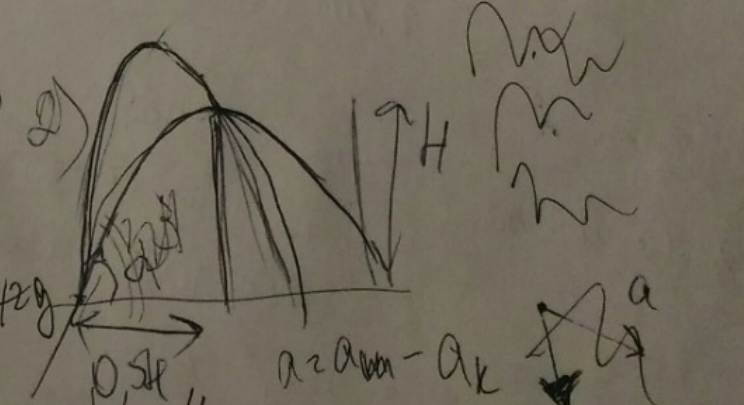
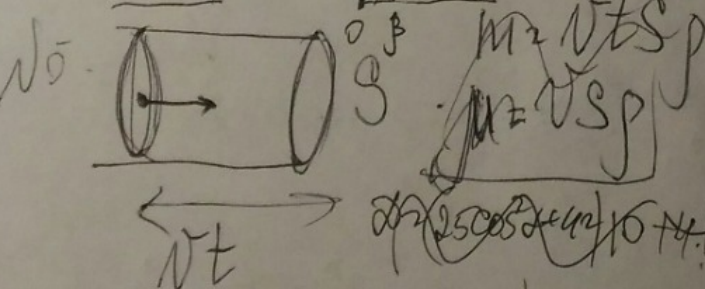
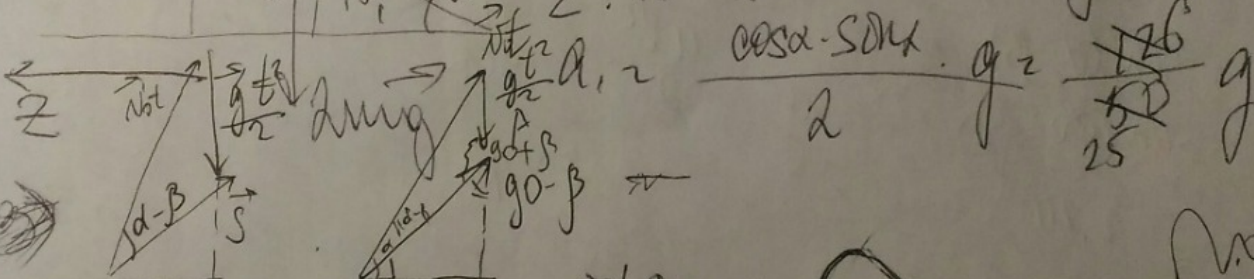
$$L = \frac{H}{\cos \alpha} = \frac{at^2}{2}$$

$$t = \sqrt{\frac{2H}{g \cos \alpha \sin \alpha}} = \sqrt{\frac{2H \cdot 25}{g \cdot 4 \cdot 3}} = 5 \sqrt{\frac{H}{6g}}$$



$$N + mg + P = ma_1$$

$$\Sigma: ma_1 = P \sin \alpha = mg \cos \alpha \cdot \sin \alpha$$



$$x(t) = v_0 \cos \alpha t - \frac{1}{2} g t^2$$

$$y(t) = v_0 \sin \alpha t - \frac{1}{2} g t^2$$

$$v_x = v_0 \cos \alpha$$

$$v_y = v_0 \sin \alpha - g t$$

$$0.4672 \cdot 10^{-4}$$

$$4672 \cdot 4$$

$$1168 \cdot 4$$

$$473$$

$$t = \frac{H}{2v_0 \cos \alpha}$$

$$1 + 2^2 = \frac{1}{\cos^2 \alpha}; \quad 1 - \frac{1}{5} = \frac{4}{5}$$